

Reg. 2.825

14
2.052

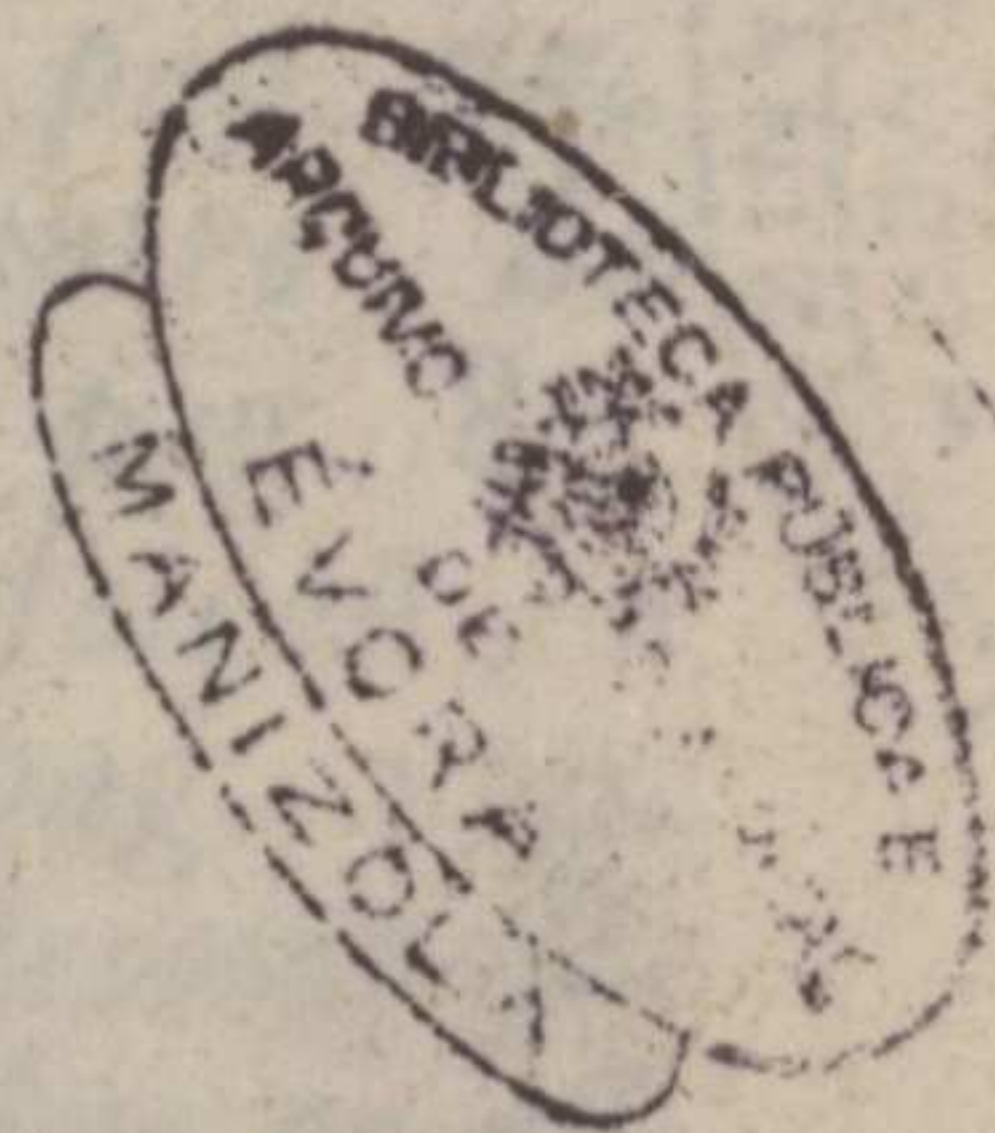
CARTAS
FISICO-MATHEMATICAS
DE
THEODOZIO A EUGENIO.

*Para servir de Complemento á Re-
creação Philosophica.*

TOM. II.

Sobre a Mecanica , ou Leis de
Movimento.

POR
DOROTHEO DE ALMEIDA.



LISBOA

Na Offic. de Antonio Rodrigues Galhardo,
Impressor da Real Meza Censoria.

Anno MDCCLXXXIV.

Com licença da mesma Real Meza.

FRANCISCO DE MONTANO
DE LOS REYES

COMENDADOR DE LOS REYES
DE LOS REYES

Yo, Francisco de Montano, Comendador de los Reyes, por el presente certifico que el dicho Comendador de los Reyes es el mismo que se menciona en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 100, y en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 101.

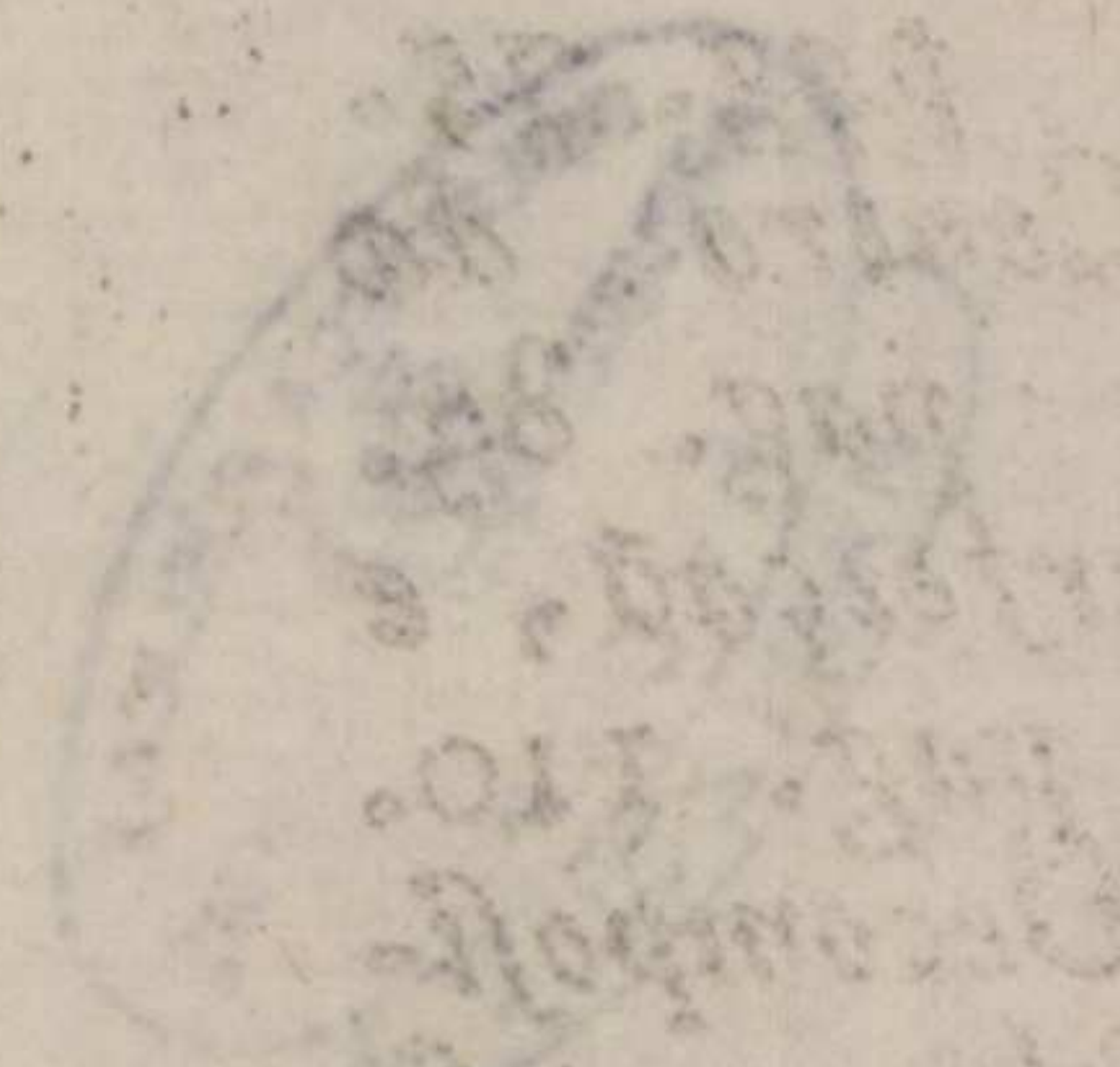
En fe de lo qual, yo el dicho Comendador de los Reyes, he firmado y sellado en la Ciudad de los Reyes, a diez y siete dias del mes de Mayo de mil e quinientos e noventa e tres años.

Yo, Francisco de Montano, Comendador de los Reyes, por el presente certifico que el dicho Comendador de los Reyes es el mismo que se menciona en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 100, y en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 101.

En fe de lo qual, yo el dicho Comendador de los Reyes, he firmado y sellado en la Ciudad de los Reyes, a diez y siete dias del mes de Mayo de mil e quinientos e noventa e tres años.

Yo, Francisco de Montano, Comendador de los Reyes, por el presente certifico que el dicho Comendador de los Reyes es el mismo que se menciona en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 100, y en el libro de los Comendadores de los Reyes, folio 101.

Francisco de Montano



I N D E X
D A S
C A R T A S
D O I I . T O M O .

C A R T A I . *Da Solidez , e Firmeza das partes da materia.* pag. 1.

C A R T A I I . *Sobre a Adhesão mutua das partes de materia , a que chamaõ Uniaõ.* pag. 25.

C A R T A I I I . *Sobre os Tubos Capilares* pag. 57.

C A R T A I V . *Sobre a Firmeza , e Fluidez dos Córpos.* pag. 75.

C A R T A V . *Sobre o Centro da Gravidade.* pag. 83.

C A R T A V I . *Sobre a perfeição , e uso da Balança Cõmum.* pag. 110.

C A R T A V I I . *Sobre a Decomposição do Movimento , e sobre os effeitos do golpe , ou pancada obliqua.* pag. 121.

C A R T A V I I I . *Sobre a Acção , e Reacção.* pag. 134.

C A R -



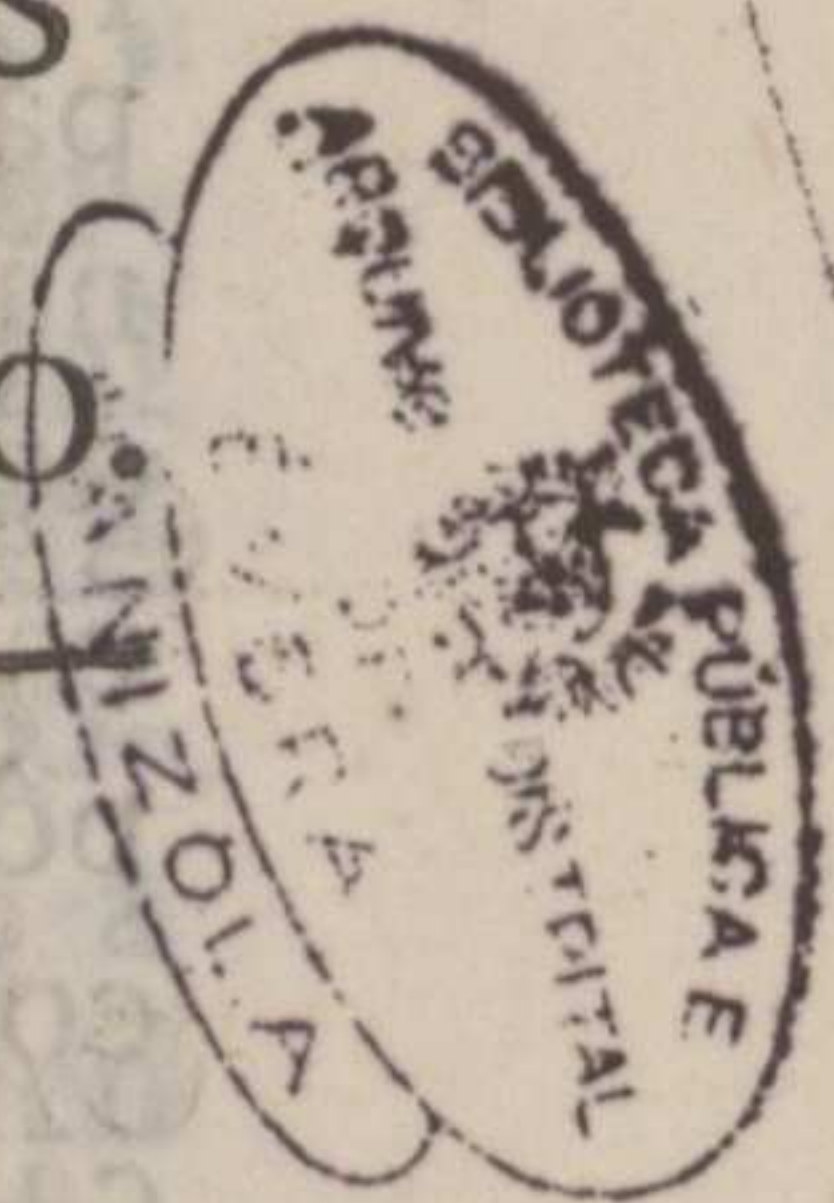
- CARTA IX. *Sobre a força da Inertia.* pag. 144.
- CARTA X. *Sobre a Medida das Forças do Corpo em movimento, a que chamaõ Forças Vivas.* pag. 169.
- CARTA XI. *Sobre as Leis do Choque, e communicaçã de Forças.* pag. 236.
- CARTA XII. *Sobre as Forças Centrifugas.* pag. 265.
- CARTA XIII. *Sobre a descida dos Graves por espaço livre.* pag. 289.
- CARTA XIV. *Sobre a descida e pêzo dos Graves em planos inclinados.* pag. 317.
- CARTA XV. *Sobre o Movimento dos Pendulos.* pag. 332.
- CARTA XVI. *Sobre os embarços do Movimento.* pag. 345.

CARTAS
FISICO-MATHEMATICAS
DE
THEODOZIO A EUGENIO

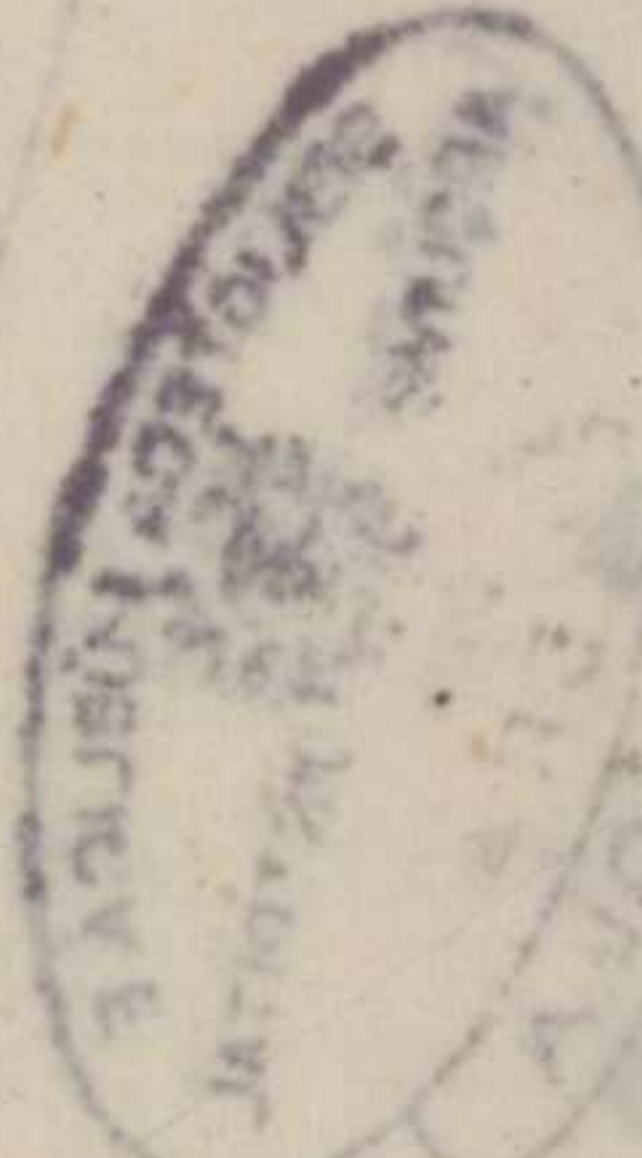
CARTA I.

*Da Solidez, e Firmeza das
partes da materia.*

AMIGO Eugenio, cada vez dou mais parabens á minha fortuna de haver instituido esta communicação litteraria entre nós ambos ; porque vejo a grande utilidade que della vos tem resultado. Que differença tendes no modo de pensar ! e que differença no modo de discorrer ! as minhas cartas sobre os Elementos de Geometria vos tem dado huma tal prudencia no tirar consequencias, que eu me admiro : já não tendes aquella viveza impetuoza, que vos fazia saltar de huma verdade conne-



2 *Cartas Físico-Mathematicas*



cida para outra , que della parecia nascer ; e não tenhais muito escrupulo nestes saltos. Agora não : ides passo a passo ; e quando a dedução não he muito notoria ides apalpan-do , antes que temerariamente firmeis os pés , onde talvez nem os devieis pôr. Agora fim , já podemos failar com franqueza nas leis da Mecanica , que a cada passo se firma em Theoremas ou Preposições de Geometria ; e já vos posso dar dellas não só a prova experimental , mas a prova Geometrica. Isto dá á Física hum lustre novo , e hum realce admiravel ; ao mesmo tempo , que lhe dá huma clareza , e evidencia encantadora. Vamos pois ás questões que me fazeis , a que eu não poderia responder até agora.

A primeira couza , que vos quero advertir he que as particulas de materia , que unidas mutuamente fazem todos os corpos sensiveis da Natureza , são em si solidas e e firmes : já nós fallamos da sua pequenez incrivel ; mas da sua firmeza e solidez não fallamos , e convém tratar tambem disso. Di-

Digo pois que em todos quantos corpos ha, cada particula de materia he de huma dureza infinita, de sorte que as primitivas, e simples com força nenhuma natural se poderão obrigar a que mudem de figura. Custa a comprehender, como sendo huma particula simples, a possaõ fazer mudar de figura: eu não digo, que isso tem contradicção; digo, que a minha imaginação fica mais contente, quando a dispenso desses apertos.

Daqui vem, que ainda nos fluidos são solidas as particulas minimas: não quero dizer só as ultimas, mas as que já são da natureza do fluido, e por isso compostas de muitas. Nós vemos, que huma vara comprida se dobra mui facilmente: Corta-se pelo meio, e custa muito mais a dobrar: Corta-se outra vez pelo meio, e já he forte: em fim reduzida a huma polegada de comprido, ninguem a dobrará. Logo a dureza, e inflexibilidade cresce á proporção, que diminue o comprimento; e por essa ra-

4 *Cartas Físico-Mathematicas*

zaõ diminuindo a particula até ser incrivelmente pequena, augmentará a sua dureza até ser incrivelmente grande.

Quem vê hum sacõ de areia entornar-se pelo chaõ, e necessitar de vazilha fechada, para que se não perca, lhe pode chamar em certo modo fluida, sendo cada graõ em si de dureza fortissima: pois assim devemos considerar todos os fluidos, procedendo a maior, ou menor fluidez, de que as particulas soltas são menores, ou maiores.

Já se suppoem, que a materia de si he incompenetravel, e não podem duas particulas de materia estar no mesmo lugar. Desta propriedade essential á materia, e da solidez de cada particula procede, que as particulas de qualquer materia, até das fluidas, podem fazer huma resistencia fortissima, se estiverem dispostas, como convém.

Experiencia I.

P Onde huma bexiga de Boi bem fechada , e meia cheia de ar ; ponde-a , digo , em huma caixa tal , que a bexiga se accommode , e toque em todas as suas faces interiores : ponde-lhe depois disso huma tampa , que entre livremente dentro da caixa , para ficar todo o seu pezo na bexiga. Sobre esta tampa carregai 6 ou 8 arrobas ; vereis , que as particulas do ar as sustentaõ , como se fossem de ferro. Esta experiencia se pode variar , e multiplicar de modos innumeraveis. Já vos fallei disto tratando do ar.

Experiencia II.

O Martello hidraulico he hum canudo de vidro , como aqui vos pinto. (*Est. I. Fig. I.*) Quando se forma , se lhe introduz agoa , e se evacua de ar , fechando-o nesse tempo *hermeticamente* , isto he derretendo o vidro em *a* : succede ,
que

*Est. I.
fig. I.*

6 *Cartas Físico-Mathematicas*

que voltando de forte o Tubo, que a agoa caia de pancada em *e*, dá hum golpe com hum sonido como se fora hum pedaço de ferro, que cahisse na extremidade *e* do Tubo. De forte, que os charlataens dizem, que alli ha ferro, ou pedra, que se não vê.

A explicação deste phenomeno he facil nos principios, que tenho dito; porque sendo a agoa composta de particulas durissimas, como o ferro, cahindo de golpe sobre o vidro, deve fazer o mesmo sonido do que elle. Se o Tubo tivesse ar, não se ouviria o tal golpe; porque as particulas solidas não cahiaõ todas juntas no vidro *e*; mas achavaõ lá huma como almofada das particulas de ar, que amorteceriaõ o golpe; porém como o ar se tirou, toda a massa da agoa cahe de golpe no vidro; e não sendo a agoa, se não hum ajuntamento de particulas solidas, duras, e firmes, como o ferro, daõ o golpe, como se fosse ferro. Já me succedeu quebrar algum destes tubos com a pancada, que

que ali dava a agoa, se voltava o tubo com precipitação nimia.

Experiencia III.

H Um ovo apertado entre as mãos, e opprimido pelas duas extremidades, resiste a toda quanta força lhe quizerem fazer. Eu já o puz ao alto entre duas almofadinhas, e lhe puz em cima duas arrobas, e nenhum abalo sentia o ovo: para isto se fazer sensível, tinha huma especie de prensa (*Fig. 2.*) *Fig 2.* em que huma taboa sojugada por duas corrediças bastantemente largas, em ordem a não a deixarem jogar para os lados, descia sobre a do fundo, de forma que debaixo podia opprimir o que eu quizesse, e de cima supportava o pezo, que lhe punhaõ.

Metia hum ovo ao alto entre as duas taboas, e sobre a de cima punha duas arrobas, e sempre mas fusteve. Porém advirto, que para não fazer a força só nas pontas das extremidades, lhe punha de cima,

8 *Cartas Físico-Mathematicas*

e debaixo duas almofadinhas de favellos bastante cheias, que possessem imitar a brandura das mãos. Não seguro, que se lhe puzessem muito maior pezo, o sustentasse: a minha prensa só dava lugar para hum pezo de duas arrobas, que puzesse com muito tento em ordem a evitar algum golpe.

A explicação deste effeito nos mete no empenho de vos dar os principios elementares da arte de edificar, que se fundão nesta doutrina: darei varias proposições.

PROPOSIÇÃO I.

Toda a Columna, se for em tudo igual, e posta a prumo, he capaz de sustentar hum pezo infinito.

A Razaõ he; porque sendo em tudo igual, e estando a prumo, não ha mais razaõ para que vergue para huma parte, que para a outra. Logo só pode ceder ao pezo, compenetrando-se com o chaõ (que

de Theodozio a Eugenio. 9
(que se suppoem firmissimo) ou
compenetrando-se humas partes da
columna com as suas inferiores , o
que he impossivel.

Consequencia I.

D Aqui se segue , que quanto
mais alta for a columna , mais
perigoza he , porque he mais facil
naõ se achar em todas as partes per-
feitamente igual ; e se tiver alguma
mais fraca , já por ali se pode ar-
ruinar : por conseguinte

*Quanto mais curta for a co-
lumna , mais segura he.*

Por esta razaõ os Mosquitos ,
ou as Moscas de cavallo com hum
aguilhaõ delicadissimo furaõ o coiro
de Boi , ou Cavallo ; porque uzaõ
delle , como vos expliquei nas Re-
creaçoes , fazendo-o fahir da baí-
nha muito pouco a pouco , defor-
te que a parte desembainhada sen-
do curtissima , he fortissima.

Consequencia II.

A Columna quanto mais larga for , mais segura he.

A Razaõ se tira do que vos disse ; porque sendo mais larga , se considera dividida em muitas , e ainda que alguma seja desigual , e por isso fraqueie , poderá em toda a largura achar-se huma columna bem igual , e essa sustentará o pezo , que que as lateraes não sustentariaõ.

PROPOSIÇÃO II.

A Columna , que não está a prumo , sustenta muito menos , que se o estivesse.

DE dois modos se pode impedir , que hum corpo desça para baixo. *Fig. 3.* Hum he porque a sua solidez , e incompenetrabilidade com o chaõ o detem , como em *A* ; o outro , como em *B* , he porque a uniaõ do corpo *m* a outro *n* , que está
fe-

de Theodozio a Eugenio. II

seguro, impede que caia: o I. modo he mais firme que o II., porque havendo forças na natureza para soltar a uniaõ de *m* com *n*, não a ha para compenetrar humas partes com outras. Isto supposto, estando a columna a prumo, se sustem, porque não pode cahir, sem se compenetrar com o chaõ. Mas estando fóra do prumo se sustem, porque *n* parte superior da columna que sustenta o pezo, está unida á parte inferior *m*. Pois bem se ve, que *n* não toca no chaõ; e *m* não toca na maquina superior. A linha vertical de pontinhos *a e*, divide a parte, que toca no pezo, da parte que se firma no chaõ. Ora a uniaõ das partes da materia nunca he, como disse, taõ forte como a sua solidez, e incompenetrabilidade.

Consequencia I.

Quanto a Columna ficar mais desviada do prumo, mais fraca he.

Fig. 4. **A** Razaõ he , (*Fig. 4.*) porque a linha vertical *e, a*, que da esquina da baze vai a prumo, para cima, e divide a parte, que pertence ao pezo, da parte firmada no chaõ, he muito mais curta em *D*, do que em *C* que inclina menos: daqui vem, que para cahir a parte superior *m*, ló lhe falta quebrar a uniaõ com *n* no espaço que vai de *a* até *e*; ora bem se ve, que mais custa a quebrar esta uniaõ por huma linha, que he mais comprida, como em *C*, do que em huma linha mais curta, como em *D*.

Consequencia II.

Quanto mais inclinada for a Columna , mais forte encontro deve ter na baze , para que esta não fuja.

B Em se vê a razão desta consequencia ; porque estando a columna a prumo , toda a força que ella faz , he contra o alicerse , que se suppoem immovel ; em se desviando do prumo , já se diminue a acção da Columna contra o chaõ : por conseguinte , tem acção contra os lados : logo he preciso segurar estes com bons encontros , para que não fujaõ.

Consequencia III.

Com igual inclinação , mais sustenta huma Columna de páu , que de pedra.

A Razão he ; porque as fibras de páu são todas ao longo da viga ; assim para separar *m* de *n* (Fig.

14 *Cartas Fisico-Mathematicas*
(*Fig. 4.*) he preciso cortar muitas fibras: na pedra porém não ha estas fibras ao longo da columna, tão facil he raxar-se por huma linha, como por outra.

PROPOSIÇÃO III.

A Columna sendo de pedra, se for composta de muitas peças horizontaes, he mais segura, que sendo inteiriça.

Fig. 5. **S** Upponhamos (*Fig. 5.*) que *A* he formada de muitas pedras horizontaes; e que *B* he inteiriça. Ora pela desigualdade da constituição das partes da pedra, pode succeder, que estalle, e abra huma fenda obliqua *m n*; então fica a parte superior da columna dezemparrada, e em falso. Ora façamos a mesma supposição na columna *A*, e que estalla obliquamente huma peça; a fenda não se communica á peça inferior; assim como se communica-ria, se tudo fosse huma pedra. Dir-meheis, que tambem nesta columna
de

de pedaços pode haver huma fenda , que vá de hum lado , ao outro , como na linha *o e* , e ficamos então no mesmo perigo da columna *B*. Respondo , que não he tão facil estalar huma columna com o pezo por huma linha demaziadamente horizontal ; e ainda neste cazo , a fenda que nunca he liza , mas sempre tem seus dentes , como he mui horizontal , impede que huma parte escorregue pela outra ; e assim como a separação horizontal , e liza das differentes peças da columna , não facilita , que huma escorregue pela outra , por ser horizontal ; muito menos a separação com dentes , e covas , sendo muito horizontal , permitirá , que huma parte possa escorregar pela outra , e cahir.

PROPOSIÇÃO IV.

Duas Columnas mutuamente inclinadas sustentão o pezo superior.

A Razaõ he ; porque devendo cahir ambas , mutuamente se embaraçaõ , e vem por este modo a ficar firmes. (*Fig. 6.*)

Fig. 6.

Porém advirto , que cada qual estando inclinada , só sustenta o pezo em virtude da uniaõ que tem a porçaõ superior *m* com a inferior *n* ; a qual uniaõ he mais , ou menos forte conforme o que está dito (Prop. 2. e Conseq.) segundo a linha de prumo tirada da raiz da base for mais comprida , ou mais curta. Isto he dizer que

Consequencia I.

*Sustentaõ mais as Columnas ;
mutuamente inclinadas , quan-
do a inclinaçaõ he menor.*

Consequencia II.

D Aqui se tira a razaõ . porque nas rodas dos coches , e seges &c. , os raios que vaõ do eixo para baixo , naõ ficaõ a prumo , mas mutuamente inclinados para dentro , porque desse modo poderãõ mui bem sustentar o pezo. (*Fig. 7.*)

Agora se perguntaes a razaõ , porque os raios se formaõ desta maneira , e naõ perpendiculares ao eixo , nem a prumo a respeito do chaõ , mas sempre inclinados , he esta , que vos explico. Se a roda tivesse os raios perpendiculares ao eixo , e ao chaõ , como á primeira vista parece , que devia ser : em se levantando huma roda *A* , já o pezo todo carregava sobre a outra *B* , e nesta o raio inferior , sobre que

vinha todo este pezo, se achava inclinado, como a roda toda; e inclinado para fora desorte, que era mui facil estalar este raio, quebrar-se a roda &c. Porém fazendo as rodas com os raios inclinados para dentro, quando huma roda passa por cima de alguma pedra, a outra fim fica inclinada, mas o raio inferior della fica a prumo; e então ainda que que sobre elle carregue todo o pezo, não quebra. Por isso quanto maiores são as furrodas, que se temem, maior hade ser a inclinação dos raios. Porque estando a carruagem direita, pouco perigo hade quebrar os raios, ainda que inclinados; não só porque mutuamente se sustentão, como tambem porque o pezo se reparte por ambas as rodas: todo o perigo sómente he, quando o eixo se levanta de huma parte; porque então a roda, que supporta o pezo, e antes estava a prumo, fica inclinada; mas com este remedio, os raios, que antes estavam inclinados, agora ficam a prumo.

PROPOSIÇÃO V.

As abobadas sustentão o pezo superior, segundo as leis, que temos dado, para as Columnas mutuamente inclinadas.

Fig. 8.

Fig. 8.

A Razaõ he : porque, como dos lados vem a abobada inclinando, até fechar no meio, podemos considerar a abobada, como dividida em muitas porçoens horizontaes; e as linhas curvas consideradas como linhas rectas mais, ou menos inclinadas; no fecho (*a*) as duas columnas (*ii*) se tocaõ, e sustentão mutuamente: na segunda porçaõ, ou divizaõ, as duas columnas (*nn*) se sustentão, e firmão nas primeiras *ii*. para não cahirem para dentro; e as columnas da terceira divizaõ *oo* se firmão nas segundas para não cahirem &c. Ora se queremos considerar a acçaõ do pezo, que sobre ella carrega, digo, que o pezo sobre o fecho (*a*) faz

20 *Cartas Físico-Mathematicas*
força nas primeiras columnas *ii.*,
cuja base opprime as segundas (*m*
n) ; e estas opprimem as outras *o*
o ; e finalmente (*o o*) opprimem
o chaõ. Desta doutrina, tiraõ-se co-
mo naturaes consequencias, tudo o
que se observa á cerca das aboba-
das.

Consequencia I.

*Se carregarmos só sobre o fecho
da abobada no ponto (a), po-
de arruinar-se mui facilmente.*

A Razaõ he : porque este pezo
carregando só em (*a*) im-
pelle as columnas (*ii*) para os la-
dos ; e mui facilmente os angulos,
que ellas formaõ com as columnas
(*m n*) se podem levantar, e sahir pa-
ra fora, e cahirá por terra o fecho
(*a*) pois as suas esquinas, naõ tem
quem as segure, ou impida, a que se
levantem, e saiaõ para fora : e por
isso na experiencia do ovo, se naõ
lhe poem as almofadinhas, logo que-
bra, porque carrega o pezo sómen-
te sobre o fecho.

Consequencia II.

Se carregarmos , não só o fecho da abobada , mas os lados della , fica segurissima.

P Or quanto neste cazo as columnas (*ii*) tem toda a acção contra as columnas vizinhas (*mn*); porém estas não podem fugir , porque o pezo as segura nas esquinas , ou angulos. Eisaqui porque o ovo não quebra , nem apertado nas mãos , nem na prensa , tendo boas almofadinhas , que cinjaõ huma boa parte delle.

Consequencia III.

Quanto mais abatida he a abobada , menos segura fica.

S Upposto o que dissemos das columnas mutuamente inclinadas , esta consequencia fica bem evidente ; porque na abobada abatida todas as porçoens della , que nós confi-

sideramos como columnas, ficão muito mais inclinadas, que na abobada, que tem maior volta. Eis-aqui porque o ovo posto ao alto, resiste muito, e posto ao comprido logo se quebra: por quanto posto ao alto he huma abobada de grande volta: e posto deitado, he mui abatida; e no diametro grande (*m n*

Fig. 9. *Fig. 9.*) as bazes das abobadas superior, e inferior, não tem quem as subjugue, e sustenha; e por isso ao menor esforço, *m n* sahem para fora; e os dois fechos superior, e inferior (*a o*) entraõ para dentro, e tudo se quebra.

Consequencia IV.

As abobadas abatidas, se as bazes não achão encontros suficientes, facilmente se arruinão. Fig. 10.

Fig. 10.

T Ambem a razaõ he facil; porque não havendo bons encontros em (*m n*) o pezo, que carregue sobre a abobada, faz fugir para fo-

fora as duas bazes *m*, *n*; e se ellas fogem, o fecho cahe, e tudo se arruina, segundo o que já vos disse das columnas inclinadas.

Consequencia V.

A abobada formada de muitas peças, he mais segura, que a inteiriça, ou de poucas peças. Fig. II.

Sómente a vista da Figura faz ver a razão, que he a mesma, que já vos dei sobre as columnas. A pedra inteiriça *A*, se estalar com o pezo, poderá estalar, como aqui se representa; e então o fecho vem a terra, por não ter quem o sustente: porém da outra parte, aonde a abobada se representa composta de muitos pedaços, postos como he razão, se hum, ou muitos estalarem, como a fenda se não comunica ás pedras vizinhas, ou aos tijolos, fica sempre a peça, que está ou, tão segura, como as inteiras; porque nenhuma dessas partes que-

CARTA II.

Sobre a Adhesão mutua das partes de materia, a que chamaõ Uniaõ.

JÁ vejo amigo Eugenio, que me não enganei no conceito que fiz de voz, quando vos escrevi a carta passada; pela vossa resposta vejo, que tenho atinado com o vosso gosto; estimo, e irei sempre proseguindo em vos satisfazer quanto eu possa, a vossas perguntas. A que me fazeis agora, he que coiza seja *Cohesaõ* das partes da materia? porque sobre isso vedes que se falla muito; e agora caher bem a sua explicação, porque depois de termos fallado das partes da materia, tanto na sua pequenez, como na sua solidez e impenetrabilidade, fica natural o examinar como se unem entre si para compor os corpos sensiveis.

Se não quizermos adoptar na nossa Lingua esta palavra *Cohesaõ*, que he tirada do Latim, podemos

uzar

uzar de outra , que he : *Adhesão mutua* , ou União das particulas da materia. Já fallei disto de passagem nas nossas Recreaçoens ; dizendo , que procedia da combinaçãõ , e contextura dellas , supposta a diversa configuraçãõ , que cada huma das particulas tinha.

Mas isso tem lugar nas *moleculas* , isto he , nas particulas de materia já compostas de outras muito menores ; ahi he , que se pode suppor configuraçãõ apta para se entrelaçarem humas com outras : mas , como as particulas primitivas da materia são quazi infinitamente pequenas ; não me posso accomodar a que da sua combinaçãõ e contextura haja de proceder a União , ou mutua *Cohesão* dellas.

A razão he : porque estas particulas primitivas , sendo simples , e não compostas de outras , não se podem quebrar ; nem tambem se entende como sejaõ flexiveis : e assim quando as taes particulas estivessem entrelaçadas humas com outras , com força nenhuma se poderiaõ se-
pa-

parar. Bem vejo, que experiencia nenhuma prova, que as particulas primitivas da materia se possaõ separar entre si ate ficarem no ultimo gráo de separaçãõ: porém sempre o entendimento deseja saber como se unem estas particulas, para formar as *moleculas*, isto he, as particulas maiores, e mais divisiveis; porquanto he certo, que se compoem das particulas primitivas entre si unidas. Isto supposto, busquemos qual seja a Uniaõ das particulas primitivas da materia; e depois hiremos á Uniaõ de outras já maiores, e compostas das primeiras.

Os nossos antigos Peripateticos diziaõ, que esta Uniaõ era huma qualidade occulta (e não couza de corpo, ou materia) cujo officio era pegar as particulas de materia. Outros diziaõ, que eraõ *certos pontos unitivos*: podiamos chamar-lhe em Portuguez claro, *bocadinhos de grude*, que pegavaõ dois pontos de materia: mas se lhe perguntassem, como se pegavaõ estes pontos de grude a qualquer dos dois, responde-
riaõ

riaõ que por si mesmos , naõ obstante ferem elles *materia*: Logo se esse ponto de grude sendo materia, se pega por si mesmo a outra couza, melhor he dizer que toda a materia he grude, isto he; que se pode pegar por si mesma, huma particula á outra.

Mas como agora vós naõ quereis rir, mas instruir-vos, perguntareis como se pega o grude a outra materia? ou melhor; porque se pega o grude, e naõ se pega outro qualquer corpo? Aqui estamos pois outra vez em jejum, com fome de saber, como se unem as particulas primitivas: e já vejo que naõ haveis de consentir, que se vá buscar ao vastissimo Armazem da Imaginaçaõ remedio fantastico para resolver esta difficuldade, pois só o quereis da experiencia, e boa razaõ; thezouro mais pequeno, porém mais precioso.

O Grande Neuton diz, que *todas as particulas da materia tem entre si mutua attracçaõ, a qual sómente obra no contacto, ou quazi nel-*

nelle; e que em virtude desta attracção he que as particulas estando no contacto, ficam pegadas, resistindo mais ou menos á separação conforme he maior, ou menos perfeito o contacto dellas.

Duas couzas ha aqui, que tratar: huma he, se ha, ou não, a tal attracção no contacto: outra he; donde procede esta virtude: como tambem são couzas differentes o ter o Iman attracção a respeito do ferro, ou o descobrir-se a cauza Fisica, donde esta attracção lhe tem vindo. Não confundamos pois huma questão com outra. Por ora não tratarei da segunda questão; isto he, da origem desta attracção; disso devo dizer a seu tempo. Agora só tratarei da primeira, e vos provarei a doutrina de Neuton. Isto he que

Todas as partes de materia, tocando outras quaesquer, as attrahem, e são attrahidas.

Para provar isto, claramente o farei por partes em trez proposições differentes.

PROPOSIÇÃO I.

As particulas dos Fluidos se attrahem mutuamente.

Façamos varias experiencias, e sobre ellas as reflexoens curtas, que permitte huma carta.

Experiencia I.

Lancemos huma gota de azougue sobre hum panno secco, ou qualquer outra couza similhante; veremos, que se he mui pequena, se forma em huma bola esferica; mas se he maior, o pezo a abate, e faz mais chata, e não fica esferica, mas sempre circular: se a apertamos das ilhargas opprimindo-a entre os dedos, para que tome a figura oval, tanto que a deixarmos na sua liberdade, busca a figura circular, que dantes tinha. (*Estampa*

Est. 2.
fig. 1.

2. *fig.* 1.) Ora este effeito alguma cauza tem. Eis aqui a razão, que dão os Neutonianos. No diametro ma-

de Theodozio a Eugenio. 31
 maior da Figura oval $m n$ se con-
 taõ v. g. 20 particulas de azougue :
 no diametro menor $a e$, só haverá
 v. g. 10, ou 12: logo na linha $m n$.
 ha muito maior attracçaõ, que na
 linha $a e$. Ora sendo a attracçaõ
 maior, deve vencer a menor; e m
 se chegará para n ; e deste modo a
 a gota se fará circular; e só assim
 he que hade descançar; porque
 entãõ, sendo todos os diametros
 iguaes, ficaõ em equilibrio as for-
 ças da attracçaõ, que luçtavaõ en-
 tre si; pois naõ podia ficar mais
 curto hum diametro por força da
 sua attracçaõ, sem que ficasse tam-
 bem o outro mais comprido com
 desprezo da attracçaõ das particulas,
 que houuer nelle.

Experiencia II.

P Ela mesma razaõ (*Est. 2. Fig. 2.*)
 pondo duas gotas de azougue
 sobre huma meza, ou qualquer cor-
 po lizo, e limpo, se as formos
 chegando pouco a pouco huma para
 a outra, sempre conservará cada
 qual

Est. 2.
fig. 2.

qual a figura circular : mas , tanto que se tocarem , se converteraõ repentinamente em huma só gota circular. A razaõ disto he ; porque entaõ todas as particulas , que ficaõ na linha $m n$, que as enfia , se attrahem mutuamente ; e m com grande força se chega para n ; nem ha força contraria , que se opponha sufficientemente a esta mutua attracção das particulas , que vaõ de m até n . Adverti , que eu não digo , que m attrahe n ; porque está muito distante , mas que todas as particulas dessa linha , que se tocaõ , se vaõ attrahindo mutuamente , de forma , que a linha $m n$ se encurtará , até ficarem as duas gotas convertidas em huma redonda.

Resposta falsa.

ALguns querem responder a estas duas experiencias , attribuindo esse effeito á oppressaõ do ar : enganaõ-se nas contas ; porque se ella fosse desigual , maior havia de ser em a , e (*Fig. 1.*) isto he nos
la-

lados compridos da Figura oval, do que nos curtos *m* ou *n*; e assim, se a gota estava oval, muito mais comprida se faria. Ora nós vemos pelo contrario, que as particulas em *m*, *n* se chegam mutuamente, e fazem separar as outras em *a* e. O mesmo digo na segunda experiencia: Logo só a attracção mutua das particulas do azougue he, que póde fazer este effeito; mas o cazo he, que a oppressão do ar em todas as partes he igual.

Experiencia III.

QUanto mais purificado he o azougue, e o plano mais limpo, tanto mais prompta he a mudança da Figura, e mais perfeita a linha circular: porque então a attracção he maior, não tendo o azougue liga de metal estranho, nem o embaraço do roffado do panno, sobre que se move: o azougue, que faz cauda, he muito falsificado, e tem muita materia estranha misturada.

Experiencia IV.

OS metaes derretidos fazem o mesmo effeito, que temos dito do azougue; porque este effeito não procede de qualidade desta, ou daquella materia; mas vê-se, que he de toda a materia em geral, se as circumstancias facilitaõ o mesmo effeito.

Experiencia V.

NAs gotas de agua se vê o mesmo, mas com menos presteza, e perfeição; porque na agua o numero das particulas he muito menor, que no azougue, e a attracção mais fraca, (já sabeis, que he 14 vezes menos densa:) Logo se a attracção he propriedade da materia, a força, que obra esta mudança de figura, he na agua 14 vezes mais fraca; e por conseguinte o roscado do plano, em que se revolverem as gotas do fluido, lhes fará hum embarço notavel. O que he maior, quanto maior for a gota do fluido.

Ex-

Experiencia VI.

QUanto mais pequena for a gotinha do azougue, ou metal, mais esférica hade ser, e globosa. A razão he; porque se não fosse o pezo do azougue, que sempre lhe impede o levantar-se da meza, havia de ser a gota perfeitamente esférica; mas o seu pezo obra contra a sua redondeza, e a faz chata, quando a attracção a devia fazer esférica, pois sómente assim ficavaõ todos os raios do centro para a circunferencia iguaes, todas as distancias iguaes, e todas as attracções em equilibrio.

Experiencia VII.

Todo o fluido sóbe mais, no meio do vaso, do que na circunferencia delle, quando o vaso está secco, ou cheio; por isso podemos levantar numa chicara a agua mais alta do que estaõ as bordas, e entaõ vemos, que a superficie do

Est. 2. fluido faz como huma abobada (*Fig.*
 fig. 3. 3.) A razãõ he ; porque attrahin-
 do-se mutuamente as partes do flui-
 do humas ás outras , não podem ca-
 hir pelas bordas , senãõ quando a
 força do pezo for maior , que a da
 attracção : o pezo quer separar as
 particulas que estaõ na borda , das
 outras , que estaõ para dentro della ;
 mas a attracção impede , que se se-
 parem , e não deixa hir humas sem
 outras ; e durando esta luta , em
 quanto o pezo he pouco vence a
 attracção , e a superficie do fluido
 sóbe ; mas chegando a ser tal o pe-
 zo das particulas , que estaõ na bor-
 da , que vença a attracção das visi-
 nhas , estas as largaõ , e cahe huma
 porção de agua , e se desfaz a abo-
 bada , ficando o fluido de nivel.

Note-se , que quanto mais den-
 so he o fluido , mais alta , e sensi-
 vel he a abobada ; porque a attrac-
 ção he mais forte ; e por isso o azou-
 gue consente abobada mais elevada ,
 que a agua. Note-se tambem , que
 nos vasos estreitos a elevação da su-
 perficie he mais sensivel ; a razãõ
 he,

de Theodozio a Eugenio 37
he, porque huma linha de elevaçãõ
comparada com duas, ou trez linhas
de diametro do vazo, he muito mais
sensivel, que comparada com duas,
ou trez polegadas de diametro.

Experiencia VIII.

QUando, sendo hum vazo estreito, v. g. huma galheta, queremos delle vazar só huma gota, se a borda do vazo está secca, vemos ás vezes o fluido, que hade fahir, estar já fóra da borda, e no ar, sem se resolver a largar as outras particulas, que ficaõ dentro do vazo; achando-se ao mesmo tempo impellida pelo pezo, para cahir, e retida pela attracção do restante do fluido para ficar.

Esta experiencia, amigo, e outras, que direi abaixo, me arrastáraõ bem contra minha vontade para admittir esta attracção Neutonianana. Vede vós se podeis responder a estas experiencias: responder, digo, e não só fallar; porque he diferente, fallar, ou responder; ellas a mim convencerãõ-me. PRO-

PROPOSIÇÃO II.

As particulas dos fluidos attrahem , e são attrahidas dos Solidos.

Experiencia I.

A Agua , ou qualquer fluido , que seja (excepto o azougue , e metaes derretidos , de que darei razão a seu tempo) tocando hum corpo sólido , lhe fica pegada ; final de que ou attrahe , ou he attrahida por elle ; de sorte , que ainda voltando o solido para cima , e o fluido para baixo , não cahe todo o fluido ; sempre o solido fica molhado ; o que não pode ser sem lhe ficarem pegadas á sua superficie algumas particulas do fluido.

Experiencia II.

O Mesmo succede , se molhamos hum dedo em agua , e o tiramos para fora ; porque fica huma
go-

gota pendurada sem cahir. Ora que razão se pode dar desta suspensão da agoa no ar, que sempre he pezada, senão a attracção, que ha entre o dedo e a agoa? Logo os fluidos attrahem, ou são attrahidos pelos solidos.

Experiencia III.

SE lançarmos agua, vinho, café &c. (sempre exceptuamos o azougue, e metaes derretidos) se lançarmos, digo, qualquer fluido num vaso, depois que a superficie interior se molha, vemos que o fluido sobe pelos lados interiores do vaso (*Est. 2. Fig. 4.*). A razão he; porque as particulas, que tocam a superficie interior, e lhe ficam pegadas pela attracção, peçam menos nas inferiores, por terem huma cauza, que lhes impede o descerem. Ora peçando menos que as outras, já se vê, que para se guardar a lei do equilibrio, deve a sua columna ser mais alta; e tanto mais alta, quanto mais chegada ao vidro. Pela mesma razão, metendo no café, ou chá,

*Est. 2.
fig. 4.*

40 *Cartas Físico-Mathematicas*
chá, a colherinha molhada, vemos que sóbe o liquido agarrando-se pela superficie da colher, algum tanto mais alto do nivel, do outro liquido; o que não succede metendo a colherinha secca; porque em quanto se vai metendo, a superficie se não eleva á roda della: mas tanto que vão retirando a colherinha, logo o fluido se eleva, pegando-se á superficie della já molhada.

Experiencia IV.

Est. 2. *Fig. 5.* **S**E lançarmos num còpo de agua (*Est 2. Fig. 5.*) hum globo de vidro oco, como estes, que servem de bolas aos Termometros, a superficie da agua sóbe á roda do globo molhado, pela attracção, que digo; e se o globo se encostar a hum lado do còpo, então a agua se levanta muito, e faz admirar, vendo-se por fóra do còpo, que se levanta affima do nivel quazi meia polegada. *Fig. 5.*

Experiencia V.

Lancemos no mesmo cópo com agua dois globos de vidro delgado, e ocos por dentro, veremos, que estando já molhados hum vai buscar o outro; ou tambem vão buscar a borda do cópo, se lhe fica mais perto; de fórmula que, quando o globo está perto do cópo, se lança com força, e se ouve a pancada que dá. Logo darei a razão desta experiencia.

Experiencia VI.

Lancemos na chicara de café huma pedra de assucar; vai ao fundo, o ar nelle fechado vem subindo assima, e faz huma bolha: atraz della vem outra porção de ar, e faz outra bolha &c. Ora vereis, que todas estas bolhas se vão buscando humas ás outras, deforte que se faz huma espuma quazi circular. Se perto desta espuma lhe meteis huma colherinha secca; a espuma
fica

fica immovel: mas se quereis tirar a colherinha, logo a espuma a vem buscar, e se pega a ella. Se não se mete colher alguma, a espuma pouco a pouco vem buscar o lado da chicara, que lhe fica mais proximo; e tanto que toca nelle, a attracção he tão forte, que a espuma, que era quazi circular, se estende pelo lado da chicara, e toma a figura de Lua quazi nova, encostando-se ao lado do vazo.

Em todos estes cazos se vê o movimento de couzas inanimadas, effeito da attracção; mas advirto, que a attracção, que faz mover os globos, ou a espuma, não he immediata, de globo a globo, e de bolha a bolha; mas mediata; isto he deste modo: O fluido sobe pelos lados da chicara, e do globo

(*Fig. 5.*) logo ahi peza menos, ficando a acção da gravidade diminuida pela attracção: porém o fluido que não fica entre o globo, e o lado do cópo, peza mais livremente. Supposto isto: Se o pezo do fluido em *m* he mais livre, do que em *a*,

o globo hade fer impellido de *m* para *a*, e hade marrar contra o lado do cópo, que parecia attrahir o globo. Do mesmo modo se explica a attracção dos dois globos, e das bolhas da espuma &c.

Experiencia VII.

Peguei numa balança ordinaria, cujas bacias eraõ de quatro polegadas de diametro; e tendo se casualmente entornado huma pouca de agua, sobre a meza, em que tinha as balanças, indo a levanta-las no ar, para examinar certo pezo, vi que me ficava huma das bacias pegada á meza por cauza da agua, em que assentava; e elevando mais a balança, a bacia ficava fixa, e com difficuldade largava a meza. Repeti a experiencia, e sempre succedeo o mesmo: e lançando pouco a pouco pezo na bacia opposta, observei a força da attracção da agua ácerca da bacia da balança, e conheci, que era preciso por algumas onças, para que se venceffe a attracção entre a agua, e a bacia. *Ex-*

*Experiencia VIII.*Est. 2.
fig. 6.

DOis pedaços de vidro de espe-
lho molhados por dentro e
juntos, havendo-lhe interposto num
lado huma moéda, e atado, como na
Est. 2. Fig. 6. servem para fazer ver es-
ta attracção por hum modo galan-
te. Assim que as extremidades infe-
riores dos vidros tocam na agua, el-
la sobe pelos vidros assim do mo-
do, que a figura nos representa. A
razão he: porque, como quanto
mais estreito he o vão dos vidros,
menor he a distancia, que as parti-
culas da agua tem das suas paredes
internas, mais forte he a attracção
dellas sobre a agua, e por isso pé-
za muito menos; assim hade subir
mais, onde o vão he mais estreito.
Ora a moéda entalada por hum la-
do, faz que os dois vidros façam co-
mo hum livro, que se principia a
abrir, cuja abertura he menor, quan-
do he mais distante do lado, que se
abre; e conforme a abertura he me-
nor, a altura do fluido he maior.

Ex-

Experiencia IX.

Todos os corpos esponjosos chupaõ o fluido, especialmente depois que estaõ molhados; e isto vem da attracção, que as suas particulas tem sobre o fluido. Huma esponja secca bebe a agua; mas se a exprimem bem, e com isso a molhaõ, depois bebe a agua com muito maior força. O Assucar em pedra, metendo-o em parte no café, começa a chupa-lo, e ás vezes sobre o café huma polegada penetrando o assucar affima do nivel do que fica na chicara; por esta mesma razão digo que as trocidas molhadas no azeite o chupaõ &c. Agora seguia-se tratar dos Tubos Capilares: mas quero fallar delles em carta separada, e com mais extençaõ, porque he materia mais debatida.

Reflexão I.

*Sobre a proposição precedente,
e suas experiencias.*

NA Proposição precedente vos disse, que exceptuava o azougue; porque na verdade se observa nelle tudo ás aveffas dos outros fluidos. Até nos Tubos Capilares se vê o azougue dentro do Tubo mais baixo, que fóra d'elle; e quanto mais estreito he o Tubo, mais baixo fica o azougue. Do mesmo modo nos vasos largos sempre o azougue se abaixa quando chega ás paredes do vaso; deforte que, se num vaso

Est. 2. B. Est. 2. Fig. 7. lançamos azougue, e nelle puzermos huma bola de ferro a nadar, (naõ seja de chumbo, estanho, ou oiro, porque estes atrahem o azougue) se verá o azougue á roda da bola, sempre mais baixo, que no resto da superficie; de forte que, se a bola se encoftar ao lado do vaso de vidro, se vê de fora, que o azougue fica quazi meia

Est.
fig.

2.
7.

meia polegada mais baixo. E se se compára esta experiencia do vaso B. do azougue, e bola de ferro, com a experiencia do vaso de agua A, e da bola de vidro ouca, *fig. 5.* se adverte em huma contraposição mui galante, quando as duas bolas se encof-taõ ás ilhargas dos seus vasos; por-que em hum a agua sóbe muito; em outro o azougue baixa igual-mente.

Esta contradicção pede razão: eu dou a que me parece melhor. Dissemos, que a attracção da mate-ria era huma propriedade geral de toda a materia: logo onde heuver maior numero de particulas, esta attracção hade ser maior: no azou-gue o numero de particulas he mui-to maior, que no vidro; por isso mais são attrahidas todas humas das outras, do que são attrahidas pelo vidro. Daqui vem, que tem diffi-culdade em se accommodarem a su-bir pelo tubo estreito, quando a at-tracção das particulas inferiores he mais forte; e não ha outra razão, que obrigue o azougue a subir, se-
naõ

naõ o excesso do pezo do outro, que fica fóra, que he cauza mui fraca.

Alguns querem attribuir estes effeitos á repulsaõ do azougue a respeito do vidro. Eu naõ me attrevo a seguir esta opiniaõ; e vos contarei huma experiencia casual, que me fez crer, que o vidro tinha sua attracçaõ para o azougue, posto que fraca. Estava eu enchendo hum Barometro, e naõ sei como maneava o azougue; mas vi, que estando o tubo inclinado, como aqui vos represento (*Est. 2. Fig. 8.*) huma bolinha de azougue veio correndo de cima rolando, e pegando-se ao tubo, que lhe ficava por cima: eu reflecti, e logo tirei a consequencia, que se naõ podia dizer que o azougue, e o vidro se repelissent.

Est. 2.
fig. 8.

Outra experiencia encontrei casualmente, que me confirmou. Tinha eu hum tubo capilar muito estreito cheio de azougue: vazando-o, succedeu, que ficou ultimamente sem fahir huma porçaõ pequena; e sacudindo-o ligeiramente, ficou pendurada huma columna pequena de

de azougue, sem largar o tubo (*Fig. Est. 2. 10.*) sem duvida attrahida do outro *fig. 10.* azougue, que dentro do tubo ficará: e se este azougue não fosse attrahido pelas paredes do vidro, porque não havia de cahir, tendo a porta aberta? Vós julgareis desta experiercia, como quizeres.

Reflexão II.

AS particulas dos fluidos que se pégaõ aos vasos de vidro, fazem huma linha curva, como nas figuras 4 e 5 se está vendo: quero dar-vos disto a razaõ bem clara: Dividamos o fluido, que está dentro do vaso em folhas verticaes, cuja grossura seja a de huma particula. A primeira folha, que tóca no vidro, he attrahida fortissimamente por elle; defórma que sacudindo com muita força o vidro nunca largará de si o fluido, pois sempre fica a sua face molhada: esta primeira folha attrahe a segunda; porém esta attracção não he tão forte; porque as particulas dos fluidos, ainda que se at-

trahem, se separaõ entre si mais facilmente que dos solidos, e contra esta attracçaõ milita o pezo desta segunda folha. Segue-se a terceira attrahida pela segunda, e a quarta attrahida pela terceira, e já contra estas attracçoens milita o pezo de todas, pois todas se sustentã na primeira: por isso quando huma pinga de agua pegada á superficie vertical do vidro, he mui pequena, se sustenta, sendo maior a attracçaõ que o pezo: porém se for engrossando, escorre finalmente, e cahe por ser já mais forte o pezo, que a attracçaõ. Note-se, que crescendo o numero de folhas, cresce o pezo, e não cresce a força da attracçaõ, ainda que se augmente o numero de particulas attrahentes, porque não se unem numa particula as attracçoens; he como quando hum pezo ora pende da corda de hum palmo, ora de outra de vinte palmos, que não fica mais seguro; porque ainda que se multiplica a corda; as partes della não se unem todas no pezo, como succederia, se esse pe-

de Theodozio a Eugenio. 51
zo estivesse suspenso por vinte cordas cada huma de hum palmo: sendo só huma corda de vinte palmos, ha vinte partes mais, por onde póde estalar a corda; e sendo vinte as particulas do fluido, que unidas ás outras se pegaõ no vidro, ha vinte partes mais, por onde (faltando a attracção) se solte a gota delle, e caia.

PROPOSIÇÃO III.

As particulas dos solidos se attrahem mutuamente no contacto.

Experiencia I.

TOmam duas balas de chumbo, limai-as hum tudo nada, para que fiquem chatas, em huma pequena parte da sua superficie; ou cortai-lhe com huma faca hum bocadinho de cada huma, de forte que fiquem planas numa pequena parte; carregai, e opprimi-as huma contra a outra, andando hum tanto á roda, para que as duas superficies

52 *Cartas Fisico-Mathematicas*
chatas se ajustem bem , vereis , que
vos ficaõ prezas huma á outra ; de
fórma , que he precisa força sensi-
vel para as separar.

O Grande Dessaguliers fez esta
experiencia por hum modo , que te-
ve hum effeito admiravel. Tomou
duas bolas de chumbo de hum arra-
tel cada huma , e com huma faca
lhes fez huma face plana , que ti-
nha duas linhas e meia de diame-
tro : apertou huma contra a outra ,
e pegáraõ de modo , que soffreraõ
40 arrates de pezo antes que se se-
parassem. Ora he de advertir ,
que o pezo do ar , que correspon-
de á columna desse diametro será
sómente de 5 onças.

Experiencia II.

DOis pedaços de vidro de espe-
lho molhados , e unidos entre
si ; duas pedras bem lizas do mesmo
modo ; duas , ou muitas tabo-
las de marfim molhadas entre si , ficaõ pe-
gadas ; e isto succede até dentro do
recipiente vazio do ar ; e se os corpos
saõ

faõ mui lizos , e as superficies pequenas , sem ser molhados , se pegãõ , final de que as particulas sólidas se attrahem. Lembra-me de ter lido em Dessaguliers , que dois botoens de cristal seccos se lhe pegãõ de maneira , que lhe foraõ precisas 79 onças para os separar : força muito maior , que a do pezo do ar correspondente ás suas superficies , porque a face plana tinha huma linha de diametro , e o pezo do ar , que lhe corresponde , he , pouco mais ou menos , huma onça.

Creio , que vos lembrais do que vistes nos globos chamados de Magdebourg , que estando vazios do ar , ficaõ pegados ; e que metendo-os no vacuo , logo se desprendiaõ. Nos planos naõ succede assim , porque taõ pegados ficaõ fóra , como dentro do vacuo , próva , que naõ he pela pressaõ externa do ar ; além de que , como já disse , o pezo do ar naõ póde fazer nestes cazos effeito taõ forte , como vemos.

Advirto trez couzas. Primeira que o molhar planos tem a utilidade

54 *Cartas Físico-Mathematicas*
de de lançar fóra o ar intermedio ;
e como as particulas de agua , ou
azeite , enchem os vaõs , que natu-
ralmente ficaõ , porque nunca as su-
perficies são mathematicamente li-
za ; por este modo a attracção do
vidro sobre a agua , e da agua so-
bre o segundo vidro , ajudaõ o ef-
feito.

A segunda couza , que advir-
to , he , que o fluido , com que se
molhaõ , deve ser mui pouco , o
menos que puder ser , para que o
vidro em muitas partes toque no
vidro , pois esta attracção sempre
he mais forte , que a das particulas
do fluido entre si : e por isso con-
vém esfregar com força , e geito
mui devagar hum vidro pelo outro ,
que logo se sente , quando se pegaõ
bem.

Nas pedras mui lizas se póde
ver o pezo , que sustentaõ por meio
das argolas fixas , que em huma , e
Est. 2. outra se põe *Fig. 11.* Nos vidros
fig. 11. de espelho conhece-se a força pon-
do-os atravessados , e pegando com
Fig. 12. cada maõ em seu vidro *Fig. 12.*

A terceira couza , que advirto , he ; que quanto mais pequenas são as superficies , maior he á proporção a força com que se unem os corpos. A razão vem da difficuldade , que ha em fazer duas superficies perfeitamente lizas : assim , numa superficie de duas linhas haverá duas , ou trez prominencias mui tenues , sem que impidaõ o perfeito contacto das superficies ; e nas que forem maiores , mais prominencias haverá ; desorte que quanto mais curta for a superficie , mais facil he , que se ache sem altos , e baixos. Para isso he o fluido intremedio , para remediar este inconveniente ; aliás era bem escuzado , como vemos em algumas experiencias.

CONCLUZAÕ.

D As trez propozicoens precedentes vedes meu Amigo , que se collige , e não se póde negar esta mutua attracção entre as particulas da materia , quando se tócaõ. Ora como na contextura das
par-

particulas póde haver grande differença no modo , com que humas tócaõ as outras , daqui procede a grande diversidade , que ha na firmeza , ou dureza dos córpos. Porém isto ficará para carta separada , que esta já he assaz larga : porém vingar-se-ha a minha amizade agora da longa auzencia , e separaçãõ , que houve no nosso commercio literario. Qual febricitante ardente , que toda a noite suspirou por agua , e fó na madrugada encontra o piedozo foccorro na compassiva enfermeira , que a medo , e contra as ordens de Silvio , lhe chega a quartinha da maia , recomendando-lhe , que beba pouco , mas tanto que a poem á boca , naõ se farta até a deixar vazia. Assim he a minha pluma sequioza da vossa communicaçãõ , que me parece , que pertencia esgotar o tinteiro. A Deos Amigo até ao novo correio.

Fim da segunda Carta.

CARTA III.

Sobre os Tubos Capilares.

NO Correio passado, Amigo Eugenio, vos prometi dar huma explicação miuda da subida da agua, e similhantes fluidos nos Tubos Capilares, por ser materia mui debattida, e talvez, que ainda necessite de ser mais examinada. Agora vou a cumprir a minha palavra; primeiramente chamamos Tubos Capilares áquelles, que tem diametro pequeno. Observa-se pois, que nos Tubos Capilares abertos por ambos os lados, se os metemos a prumo na agua, ella sóbe dentro delles, assim do nivel: e tanto mais sóbe, quanto mais estreito he o vaõ do canudo. A proposição he assim.

Nos Tubos Capilares a agua sóbe quazi na razaõ inversa dos diametros.

V. g. Se os diametros nos trez Tubos da *Fig. 13. Est. 2. ABC* são

*Est. 2.
fig. 13.*

CO-

como 1. 2. 4., a agua sóbe nelles ás alturas 4. 2. 1. : sendo maior a altura no canudo mais estreito, e menor no que for mais largo.

A razão desta experiencia constante, atormenta verdadeiramente os Físicos. Os que não admittem a attracção entre os fluidos, e solidos, dizem, que este effeito procede do pezo do ar, porquanto a agua fóra dos Tubos he mais opprimida pelo ar, que dentro delles, e quanto mais apertado he o Tubo, mais embaraçada será a acção do ar, e menos opprimirá o fluido inferior. Ora como he lei constante dos fluidos, que opprimidos em huma parte mais do que em outra, fogem para onde achão menor oppressão, a agua fugirá para dentro dos Tubos; assim como vos disse algum dia, que fugia para dentro da feringa, quando se elevava o embulo. Eis-aqui (dizem estes Filósofos) porque sóbe dentro dos Tubos, e tanto mais sóbe, quanto mais estreitos são.

O amor da verdade pede, que
con-

confeſſemos , que eſta doutrina he
falſa : temos experiencia convincente.
Metamos os Tubos Capilares
dentro do recipiente , e depois de
tirado o ar , metamos os Tubos no
liquido (*Est. 2. Fig. 14.*) veremos , *Est. 2.*
que ſóbe a agua nelles , como fó- *fig. 14.*
ra do recipiente : introduzamos de-
pois diſſo o ar no recipiente , ne-
nhuma mudança fará a agua nos Tu-
bos : logo não procede eſte eſfeito
do pezo do ar.

E na verdade , que o ar paſſa
com toda a liberdade pelos Tubos
Capilares , para opprimir com o ſeu
pezo o fluido interior , porque paſſa
por boraquinhos muito menores ,
como experimentaõ os que tem uzo
de trabalhar com a maquina pneu-
matica.

Outra hade ſer logo a cauza
deſte eſfeito , e eu não duvido , que
ſeja a attracção. Porque vós já viſ-
tes , que por cauza deſta attracção
a agua ſubia pelas paredes de qual-
quer vazo , e attrahida por elles ſe
ſuſpendia mais alto , que o nivel :
Ora ſe nós formos aproximando ás

pa-

paredes interiores de qualquer vaso, diminuindo o vaõ, que ha entre ellas, o fluido elevado por huma tocará no fluido elevado pela outra, e se sustentará em todas as paredes em circuito: pois isto he o que faz hum Tubo, que he Capilar; porque tem mui chegadas as superficies interiores do Tubo.

Para entender, e explicar bem este ponto, dividamos as columnas da agua elevadas dentro dos canudos em varias folhas circulares tenuissimas postas humas sobre outras, e o que dissermos de humas porçoens, diremos das mais, e das columnas todas. Vamos pois a examinar as forças attractivas, e a massa levantada por ella, a ver se concorda o effeito com a cauza. Quando os diametros são diversos, as circumferencias são tambem diversas, e tem entre si a mesma razão, que os diametros: assim comparando o tubo mais estreito (*A*) com o mais largo (*C*) que tem os diametros com 1 e 4, acharemos, que as circumferencias dos Tubos
são

saõ como 1 e 4. Ora quanto maior he huma linha circular no vidro, quanto mais particulas ha, que possaõ attrahir a agua; e nesse sentido cresce a força attractiva á proporção, que cresce a circumferencia do Tubo.

Porém quanto maior for a altura da agua dentro do Tubo, tanto mais particulas de vidro ha, que tóquem nella, e a possaõ attrahir; e assim devemos attender tambem á altura, e multiplicar a circumferencia pela altura da agua dentro do Tubo, para conhecer a quantidade de particulas attractivas, que ha nos Tubos: e como onde ha maior circumferencia, he menor altura da agua, e decresce a altura della na mesma razão, em que cresce a circumferencia, fica huma couza com pensada com a outra; e nos dois Tubos *A* e *C* a attracção do vidro he igual: porque no estreito a circumferencia 1. se multiplica pela altura 4; e no largo a circumferencia 4 se multiplica pela altura 1, e tudo vem a dar no mesmo.

Mas

62 *Cartas Fisico-Mathematicas*

Mas além da attracção , que procede do vidro , temos outra attracção , que procede das particulas da agua já suspensas , e pegadas a elle. Lancemos hum salpico de agua em hum espelho , ou qualquer outro vidro bem secco , e a prumo : vemos , que o salpico se conserva suspenso pegado ao vidro : vamos acrescentando mais agua pouco a pouco com o bico de huma penna levissimamente molhada : veremos , que o tal salpico vai engrossando pouco a pouco ; e ainda sem cahir , fazendo hum bojo para fóra : neste cazo as particulas pegadas no vidro são attrahidas por elle : porém estas são as que attrahem as outras , e estas as que estão mais para fóra ; até que o pezo de todas seja tal , que possa dissolver a uniaõ , e cahio quazi toda a gota , ficando algumas partes pegadas ao vidro ; porque a adheção da agua ao vidro he mais forte , que a adheção de humas particulas de agua ás outras. Isto supposto se tirassemos dois pedaços de espelho com as suas pingas

gas bem grossas, e juntassemos huma pinga á outra, se pegariaõ, e ficaria a agua pendula, suspendida em ambas as partes; mas defórma, que as do meio se sustentariaõ nas outras, e estas nas outras, e as ultimas no vidro. Isto supposto, que me parece evidente, digo, que no Tubo Capilar as particulas da agua, que ficaõ no centro dessas porçoens circulares, se devem sustentar nas outras visinhas attrahidas por ellas, e estas nas seguintes, e as ultimas no vidro; e por conseguinte, se quereis examinar toda a força da attracção, que ha nos Tubos, haveis de attender, além do que está dito, aos raios de cada Tubo; isto he o numero de particulas, que vaõ do centro até ás paredes do Tubo, porque todas essas particulas são attrahidas pelas que já estão suspensas, e attrahem as outras mais distantes. Isto posto no Tubo largo *C* o raio he a respeito do estreito *A* como 4 para 1: logo as forças attractivas, que atéqui se achavaõ iguaes, agora no Tubo largo *C* se achavaõ maio-

maiores , que em *A* na proporção de seus raios , ou como 4 para 1.

Calculemos agora o effeito desta attracção , e as columnas de agua elevada sobre o nivel. No Tubo largo *C* a columna tem huma baze 16 vezes maior que em *A* , porque as bazes são circulos , e estes são como os quadrados dos diametros : por conseguinte se estes estão na razão de 1 para 4 , os circulos , ou bazes das columnas estarão na razão de 1 para 16. Attendamos agora á altura dellas : no estreito *A* a columna tem altura 4 ; e no largo *C* tem altura 1 ; multiplicando logo bazes por alturas para conhecer o valor das columnas , temos em *A* baze 1 multiplicada por altura 4 , que val 4 ; e no largo *C* temos baze 16 multiplicada por altura 1 , que val 16. Estão logo as massas , ou quantidade de agua suspensa nos dois Tubos , como 4 para 16 , que vem a ser huma quatro tantos da outra , como eraõ as forças attractivas.

Advirto , que esta agua não está totalmente suspensa pela attracção ,

ção, o que se prova tirando o Tubo fóra da agua inferior, que logo cahe, e fica, quando muito, no fim huma porção mui pequena, tal que o pezo não seja bastante para dissolver a uniaõ das partes da agua entre si, como succede, quando metemos a penna no tinteiro, de fórma, que a tinta cubra todo o aparato; porque retirando a penna fica huma como superficie circular de tinta, que tapa todo o vaõ da penna, e no meio he mais delgada, e transparente; na circumferencia mais densa, e escura: assim pois succede nos Tubos capilares, quando não são nimiamente largos; cahe a agua assim que se levanta fóra della o tubo, e só fica huma porção tão tenue, que a attracção zomba do pezo: esta descida da agua prova, que a agua inferior do tubo tambem sustentava parte do pezo destas superficies circulares, em que dividimos as columnas. E por isso não se sustenta a agua em toda a altura do tubo; porque se cada superficie, ou porção circular da agua carrega

E

em

em parte nas superficies inferiores ; em carregando muito , a inferior foge , e desce a columna.

Falta dar a razão de huma palavra *quazi* , que eu (contra todos os Físicos) ajuntei á proposição geralmente recebida. Costumão dizer todos , que a subida da agua he na razão inverfa dos diametros ; e eu disse *quazi na razão inverfa* &c. A razão deste meu escrupulo he a experiencia commum e constante da *figura 6* (*Est. 2.*) nós vemos , que a abertura dos dois vidros decresce na razão Arithmetica de 6 , 5 , 4 , 3 , 2 , 1 , e vemos tambem que o fluido não sobe nessa razão , porque se assim fosse havia de fazer huma linha recta , como essa *m n* de pontinhos , que eu fiz na figura : esta linha assim he que sóbe na razão Arithmetica de 1 , 2 , 3 , 4 , 5 , 6 ; porém o fluido faz huma linha curva , que sóbe sensivelmente na razão de 1 , 4 , 9 , 16 , 25 , 36 , que he a razão inverfa dos quadrados das distancias. Eu querendo conciliar esta experiencia constante com a

lei

lei geral, não pude; e por isso a modifiquei pondo a palavra *quazi*: Quem não tiver esse escrúpulo, não uze della.

Agora falta responder a algumas difficuldades, que se oppoem a esta doutrina. Mr. Jurin fez varias experiencias attendiveis sobre este ponto, que eu referirei. Tomou hum tubo em sima mui estreito (*Fig. 15. Est. 2.*) e capilar; e embaixo mui largo de 7, ou mais linhas de largo, como os funís de que nos servimos para encher os barometros, meteu-o na agua, e foi-o levantando para sima do nivel, e a agua se conservava suspensa, ficando o funíl todo cheio de agua.

Est. 2.
fig. 15.

Quiz ver se esta suspensão procedia da attracção das partes, que fazem a abobada *mn*, a qual obra directamente contra o pezo da agua inferior, e tentou esta experiencia: *Fig. 16.* tomou o funíl vazio de agua e metendo-o nella até quazi tocar na abobada *mn*, lhe poz huma gota de agua no orificio do tubo capilar *o*, e depois o levantou: obfervou, que a agua se suspendia mui-

68 *Cartas Físico-Mathematicas*

to affima do nivel , sem que tocaf-
se na parte do vidro , que formava
abobada , para ser attrahida por ella.
Isto o fez defanimar , para não at-
tribuir á attracção a suspenção da
agua nos tubos capilares.

Porém eu acho , que aqui se
deve advertir huma couza mui ef-
fencial. Se o tal funíl , (que cer-
tamente não entra na classe , nem
na razaõ dos tubos capilares , por ser
demaziadamente largo) se conserva
cheio de agua , ou em todo , ou
em parte , affima do nivel , he por-
que está tapado por cima , seja com
o dedo , ou seja com agua , tudo faz
o mesmo effeito. Se nós taparmos
com o dedo o capilar , e levantar-
mos o funíl , virá com a agua que
tinha , pouca ou muita ; assim como
succederia com hum cópo voltado ,
que tivesse hum buraco no fundo ,
se nós o tapassemos bem com o de-
do. Ahi todos viaõ , que era o pe-
zo do ar , que carregava no liqui-
do externo , e não no interno , o
que obrava este effeito , conforme
vos expliquei tratando do ar , e vós
vis-

vistes voltando hum cópo quazi cheio de agua, e tapado com hum prato (*Fig. 17. Est. 2.*) Ora se no fundo tiver hum buraco, grande, ou pequeno, mas tambem tapado, teremos o mesmo effeito, e pela mesma razão; e se for como o do capilar tenuissimo da experiencia, com a agua sómente se poderá tapar bastantemente, tanto como com o dedo, porque vemos, que á proporção do vão do buráco hade ser a resistencia, que se oppoem á entrada do ar.

*Est. 2.
fig. 17,*

Advirto, que a pressão do ar sobre hum buraco, quando debaixo se fórma algum vacuo, he muito mais forte, do que quando debaixo delle temos ar na sua compressão natural. Nós, quando fazemos esta experiencia, temos dentro do funil, ou do cópo, ar na sua compressão natural, que resiste a todo o ar superior, e se equilibra a elasticidade de hum com o pezo do outro, e a agua he bastante para fazer cessar a entrada: porém se debaixo se fizer vacuo por meio da maquina, então

di-

diminuida a compressão, e a elasticidade do ar inferior, prevalece o pezo do externo, e superior; e a agua não será bastante para fazer cessar a acção do pezo, que hade ser vencedora.

Agora vamos averiguar o ponto principal, e vos vou a referir as experiencias que tenho feito. I. Tomei quatro funis de vidro, desses com que se costumão encher os barometros, cujas bases eraõ de 10, ou 12 linhas de diametro, e os capilares, em que terminavaõ eraõ tenuissimos, porém huns mais delgados que outros: enchi todos de agua com os capilares para baixo, e por dois sahia a agua em fio, por dois sómente em gotas, e por hum ellas eraõ mais vagarozas, que pelo outro; e aqui conheci eu a differença dos diametros, que os olhos não podiaõ distinguir.

II. Mergulhei successivamente todos 4 na agua com os capilares para cima, e vi que nos dois mais apertados a agua não entrava, porque o ar interno não podia sair pelos

capilares já molhados interiormente pela experiencia precedente: excepto se os metia de todo na agua, e ainda mais abaixo, porque então fahia o ar pelos capilares com muito trabalho, formando bolhas mais, ou menos tardias, confôrme eraõ mais, ou menos estreitos os capilares.

III. Enchi todos 4 de agua e voltei os capilares para cima, e vi, que os dois mais estreitos, por onde a agua somente fahia em gotas, se tiravaõ quasi todos fóra da agua, cheios della: nos outros dois mais largos, em fahindo o orificio dos capilares 10, ou 14 linhas, derepente desprenhia a agua do capilar, e ficava interiormente no nivel da exterior.

IV. Tomei os dois mais estreitos, e enchendo-os parte de agua, os voltei com a boca para baixo, mergulhando-os nella; deixando porém os capilares de fóra, e boa parte da abobada, que fazia o funil, e tapando com o dedo secco os capilares, retirando depois os funis para cima, a agua interior subia
mui-

muito acima do nivel, como succede em qualquer outro vaso tapado por cima.

V. Em vez de tapar com o dedo secco os capilares, lhe toquei com o dedo molhado, vi que immediatamente se enchiaõ de agua 6 ou 7 linhas do capilar; e que hindo depois retirando mansamente o funil, a agua interior subia com elle, e ficava muito acima do nivel, como se o capilar estivesse tapado com o dedo, naõ obstante, que havia grande intervalo entre a agua do grosso do funil, e o capilar tapado com agua.

VI. Tirei estes dois funis da agua, e voltando os capilares para baixo, e para cima, a agua se conservava nelles por 11 e 12 linhas sem cahir, estando no ar livre.

VII. Sacudi com força os funis; cahio alguma agua; mas sempre ficava parte dentro, e sómente, soprando com força, os vazava de todo. Destas experiencias infiro o seguinte.

I. Que se a adhefaõ da agua ao

vidro nestes capilares he taõ forte, que nem facudindo com força o capilar, a agua interna o larga; e por isso póde tapar os capilares de modo, que a cauza da suspenção da agua nos funis, que terminaõ em capilares, seja o estar o capilar tapado. Isso he bastante para que o ar não entre a pezar sobre a agua interna, assim como péza sobre a externa.

II. Que se o capilar não he taõ estreito, já a adheção da agua interna não he taõ forte, que possa resistir ao pezo do ar, o qual cresce conforme o quadrado do diametro interno do capilar, como já vos disse; e por isso o ar entra, e a agua interna cahe.

III. Que isto que se diz do funil, que se conserva cheio, se diz daquelle, que se conserva meio de agua, e vai subindo; porque a razão de estar vedada a communicação do ar externo he a mesma.

IV. Que não he o anel da suprema superficie interna do capilar, a cauza da suspenção da agua, como

mo quer Mr. Jurin; nem o anel infimo da superficie interna do capilar, como Mr. Clairaut dá a entender he a cauza da suspenção dos fluidos nos capilares, e nos funis; mas a que tenho dito, da adheção da agua nos capilares ao vidro, e tambem a das particulas da agua humas ás outras.

Do que temos dito se inferc, que nos corpos esponjozos, Como a esponja, e affucar em pedra, trocidas molhadas &c. e outras fimilhantes, a agua hade subir asima do nivel, porque os seus póros são tubos capilares tortuozos, e retrocidos, que não perdem por isso a virtude de attrahir os fluidos; antes a augmentaõ: porque as columnas do fluido quanto mais tortas, e retrocidas, mais defcanção nas partes sólidas, e menos perigo tem de cahir.

E baste sobre esta materia: nas cartas seguintes vos tratarei de outras, que não são menos importantes.

Fim da terceira Carta.

CARTA IV.

Sobre a Firmeza, e Fluides dos Córpos.

ORa vamos, Amigo, aparrando a penna, e preparando o tinteiro para a carta do correio que vem, porque a pressa, e inexoravel obstinação de partir á ora precisa, me não prive do gosto de escrever-vos.

As particulas de materia, ou sejaõ as primitivas, ou as que já são compostas de outras, pódem apresentar humas a outras as suas faces por differentes modos; e d'ahi vem que o contacto he mais, ou menos perfeito, e a adheção, ou uniaõ mais, ou menos forte. Não tireis daqui a consequencia precipitada, que quanto mais pezado for o corpo, mais duro, e firme será. Não digáis isso, porque ahi está o chumbo mais pezado, que o cobre e o ferro, e menos duro que elles. A

razão he; porque as particulas poderão estar mui juntas, e tocar-se mui mal. Num sacco de ballas estão o mais juntas, que póde ser, e só se tócaõ em pontos (supponhamos las perfeitamente esféricas) Num armazem de caixas, ainda sem esta rem demaziadamente arrumadas, se tócaõ mais perfeitamente, se estão todas assentadas; porque depende da figura das particulas o ajustarem-se melhor, ou menos bem; e dos póros he que depende o estarem mais, ou menos apertadas.

Ora ainda que eu digo, que a dureza, ou firmeza nas particulas, depende da sua figura mais, ou menos propria para o perfeito contacto, não duvido, que nas particulas sensiveis, ou compostas de muitas outras, a contextura seja a cauza immediata da sua mais facil, ou mais difficil solubilidade, como vemos nas córdas, fiádo, e tecidos. Nos compóostos naturaes póde haver couza semelhante, como vemos na esponja, e couzas semelhantes. Pótos estes principios, facil he explicar varios effectos.

Ef.

Efeito I.

A Qui cahe bem o explicar como o fogo póde fazer fluidos muitos corpos em si durissimos, como são os metaes &c. Já vos disse, que o fogo communicava o calor aos corpos, introduzindo-lhes particulas de fogo mais e mais, até já as não podêr alojar em si; de forte que então quantas entraõ por huma parte tantas sahem pela outra; como succede na agua fervendo, a qual aquece successivamente á proporçaõ do numero de particulas de fogo; mas quando já são tantas, que não se pódem accommodar nas particulas de agua, sahem aos borbulhoens para cima, e a agua por esta razaõ já não cresce no calor, tanto que ferve. O mesmo succede nos metaes, que em fervendo, não pódem crescer no gráo de calor. Ora esta multidaõ infinita de particulas de fogo, que se intrometem nas particulas do metal, forçosamente haõ de separar humas das
ou-

outras; logo não se tócaõ taõ perfeitamente, como d'antes; e por conseguinte a attracção mutua dellas hade ser muito menor. Eis aqui por que o metal com o calor amolece; com mais calor se funde, e faz liquido: com maior calor ferve; tornando outra vez ao seu primeiro estado á proporção, que esfria, e vai perdendo as particulas estrangeiras do fogo, proprias do metal: entãõ se ajustaõ outra vez e se tócaõ, ficando taõ pegadas, como d'antes.

Ora Amigo, se fosse preciso para a uniaõ, que ellas estivessem entrelaçadas humas com outras, era hum tanto difficil de crer, que se tornassem a tecer, e entrelaçar, como dantes, simplesmente pelas deixarem esfriar, e aquietar. Considerai nisto, e me achareis razaõ.

Efeito II.

DAqui se explica, como muitas vezes dois metaes fundidos, e misturados, ficaõ mais rijos do que cada hum delles era: O cóbre com

o estanho fazem o campanil ou o metal, de que se fundem os finos; metal muito mais rijo, que qualquer dos simples. A razão he, porque da configuração das particulas de hum provém, que mais póde quadrar ás do outro metal estranho, do que as particulas homogeneas do mesmo metal; e de ajustar humas particulas, e quadrar mais, ou menos, provém o serem mais, ou menos attrahidas, e pegadas ás outras suas visinhas.

Effeito III.

Muitas vezes acontece, que dois fluidos juntos por mais que os misturem, nunca pódem ligar. Desta tal, ou qual configuração de particulas, que cada hum têm, poderá proceder, que as particulas de hum não tóquem nas do outro, senão de hum modo mui imperfecto, tocando-se mutuamente entre si muito melhor: por isso cada fluido se une entre si, e não se une com o estranho. Mas se em fim á força de bater, e misturar, se

con-

consegue, que se liguem, se deve suspeitar ou alguma divizaõ nas particulas sensiveis, e maiores, a qual mudando a figura, as ponha mais aptas para se cazarem. Os oleozos, e humidos tem esta antipatia, que lá se vence algum tanto á força de diligencia.

Effeito IV.

D' Aqui deve proceder a attracção do azougue, e do ouro, do azougue, e do chumbo, ou estanho &c. Esta attracção procede de que mais quadraõ as particulas do azougue com as do ouro, chumbo, ou estanho, que comfigo mesmas; e por isso facilmente separamos huma gota de azougue da outra; e depois que o azougue tocou o metal amigo, só com o fogo, ou outra diligencia violenta o larga. Adverti meu amigo, que toda a vez, que lançando o azougue sobre hum prato, ou sobre hum panno &c. vires, que elle faz huma cauda, e não procura a figura redonda,

da , he final que tem estanho , ou chumbo misturado. A razãõ desta trapaca frequentissima he , que o chumbo he mais barato , que o azougue ; e quem vende este metal , acha conveniencia em vender trez quartas de azougue , e huma de chumbo , como se fosse hum verdadeiro arratel de azougue : e deste engano procede , que dois barometros bons differem muitas vezes na altura do azougue : Hum darã 28 polegadas , quando o outro dá 28 e trez linhas ; se o azougue deste naõ he bem puro de liga , fica mais leve , que o azougue puro ; e por isso a sua columna hade ser mais alta para pesar o mesmo , que a outra.

Effeito V.

NAõ me atrevo a explicar só por este principio os effeitos , que muitos attribuem á repulsaõ positiva das particulas da materia : Vemos taes effeitos nas erupçoens do ar compresso violentamente , e no vapor quente da agua , na polvora &c.

F

que

que julgo precisa cauza positiva de movimento, e que não basta a cefação de cauza attractiva : a feu tempo fallaremos. Graças a Deos, que já o nosso amigo Silvio nos não impede o fallar em tantas attracçoens, e repulsoens. Quando porém encontrares algum Sebastianista, que se escandalize, dizei-lhe manifestamente, que fois da sua opiniaõ, e que esperais a vinda de Aristoteles ao mundo, para ver como elle explica as attracçoens, e repulsoens do Iman; as attracçoens, e repulsoens dos corpos electricos, e electrizados; e que entaõ vós com essa mesma lingoagem explicareis o que agóra baptizais com attracção, ou repulsaõ. Cuidei, que fosse mais difuzo nesta carta; agradecei-o a hum bom defluxo, que me obriga a ser curto, mas não a ser difficil em vos servir, como quem he &c.

Fim da quarta Carta.

C A R T A V.

Sobre o Centro da Gravidade.

JÁ que vos são tão agradaveis as minhas enfadonhas, e larguissimas Cartas; e o tempo não vos tem embotado o gosto, ou diminuído o appetite, com que sempre appetecestes as reflexões, que vos faço, nestas materias da Fifica, deixarei correr a penna bem á vontade, quanto ella quizer. Perguntais-me, que couza seja *Centro da Gravidade*, porque nesta materia fui mui escaço com vosco, e encontrais frequentemente nos livros algumas doutrinas, que daqui dependem. Eu vou a satisfazer-vos.

Chamamos *Centro da Gravidade* aquelle ponto, pelo qual se suspendessemos hum corpo, todas as suas partes ficariaõ em equilibrio.

Já vêdes, que sendo corpo homogeneo, e de figura regular, como huma regoa de marfim, ou de madeira (*Est. 3. Fig. 1.*) aquelle ponto, que ficar bem no meio do com-

*Est. 3.
fig. 1.*

primimento , e bem no meio da largura , e bem no meio da grossura , he que se deve chamar centro da gravidade , porque entãõ se suspendermos a regoa por esse ponto , ficarãõ todas as partes em equilibrio. Mas se a regoa de hum lado (*m*) for mais pezada , já o centro da gravidade não hade fer no ponto do meio , mas hade fer para a parte de (*m*) ; pois se assim não for , a parte (*m*) cahirá para baixo.

Já daqui se infere , que no corpo humano , o centro da gravidade não he algum ponto fixo ; porque se estamos em pé , com os braços cahidos , e cabeça direita , ferá hum certo ponto no nosso ventre ; mas se movermos os braços para diante , já o centro muda ; porque já entãõ a parte de diante péza mais , que as costas , e nesse cazo convém tomar por centro outro ponto , que se chegue mais diante : O mesmo se diz , se os braços se moverem para os lados , ou a cabeça &c. Assim nos animaes o centro da gravidade muda a cada movimento dos seus membros. O

O modo práctico para achar num corpo inanimado, e irregular, o centro da gravidade, he pegar de huma faca, sentála sobre a meza com o córte para cima; e pôr sobre ella o corpo atravessado, puxando-o ora mais, ora menos, até que no comprimento fique em equilibrio: depois carregue-se sobre o corpo, para que a faca deixe huma risca impressa nelle: tire-se, e ponha-se de outro modo sobre a faca: tenteie-se o equilibrio do mesmo modo, e carregue-se, e onde os dois vincos se cruzarem, ahi he o centro da gravidade.

Na grossura não se póde achar por este modo facilmente, se ella he pouca; sendo maior, deve-se fazer a mesma diligencia; e deste modo quanto a linha sinalada pela faca distar da superficie primeira da taboa v. g.; tanto hade ser profundo o furo feito no encruzamento dos primeiros dois riscos, para encontrar com o centro da gravidade. Se a figura do corpo he mui irregular em tudo, comprimento, largura,

86 *Cartas Físico-Mathematicas*
e grossura, he quazi impossivel achalo por este methodo, sem engano. Supposto porém, que se achou, eu vos dou em varias proposicoens a doutrina para explicar muitos effeitos; huns ordinarios, e outros admiraveis, e extraordinarios.

PROPOSIÇÃO I.

Se o Centro da Gravidade está sustentado, o corpo não pôde cahir: porém se o centro não ficar sustentado, logo o corpo cabe. (Fig. 2.)

Fig. 2.

P Onhamos hum corpo *A* sobre a borda de huma meza, e vamos puxando o tal corpo para fóra, em quanto a linha, que vem a prumo do centro para baixo cahir na meza, o corpo não hade cahir; mas tanto que fahir, de fórma que a tal linha caia fóra da meza, o corpo se precipitará. Isto basta para entender a lei.

A razãõ e prova da lei em geral,

ral , he esta : O centro , se está sustentado , não póde cahir : Ora estando elle fixo , para que o corpo caia , he preciso , que ou caia para hum lado , ou para o outro : porém isto não póde ser ; porque ambos os lados estaõ em equilibrio , como se suppoem , logo o corpo fica immovel. Assim como se suspendemos huma balança pelo eixo , fica immovel , porque o eixo está seguro , e não cahe : e estando elle fixo , ou a balança hade cahir para huma parte , ou para a outra ; mas estando em equilibrio , nenhuma hade preferir. Porém se suspendermos a balança , não pelo eixo , mas por alguma parte á ilharga , logo ella hade cahir , porque as duas partes não ficaõ em equilibrio.

Advirto agora , que *se o centro está seguro , o que fica a prumo , para cima , ou para baixo tambem o está.*

Os pontos para cima , porque não pódem descer , sem se penetrarem com o centro fixo , que lhe fica a prumo. Os outros , que ficaõ por baixo d'elle tambem a prumo , igualmente

mente não podem cahir, sem se separarem do centro, que está fixo; e assim toda a linha a prumo do centro fixo, he linha segura.

Isto posto, ha tres modos de suspender o centro da gravidade, combinando com elle o centro do movimento, ou o ponto fixo.

Fig 3. (*Fig. 3.*). Ponhamos huma regoa igual de ambas as partes: façamos-lhe 3 furos na linha do meio, para poder atravessa-la com hum alfinete. Primeiramente, se atravessamos a regoa pelo furo do meio, seguramos o centro da gravidade em si mesmo, pondo nelle o centro do movimento. Em segundo lugar, se atravessamos a regoa pelo furo superior, seguramos o centro da gravidade por cima, ficando suspenso; e fica o centro da gravidade abaixo do centro do movimento. Em terceiro lugar se atravessamos a regoa pelo furo inferior, seguramos o centro da gravidade por baixo; mas então fica o centro da gravidade assima do centro do movimento.

Isto supposto dou-vos trez resoluções, ou regras. I. *Se o centro do movimento se confundir com o da gravidade, em qualquer postura, que se ponha o corpo, ficará immovel:* porque se tudo de parte a parte está em equilibrio, nenhuma parte póde mover, ou abalar a outra. Por isso atravessada a regoa pelo furo do meio, fica quieta. II. *Se o centro da gravidade ficar abaixo do centro do movimento, não póde cahir o corpo; e balanceando virá a buscar a situação primeira.* E assim, se infermos a regoa pelo furo superior (*Fig. 4.*) e a movermos, ella per si mesma virá buscar a situação horisontal. A razão he, porque nesta situação o centro estava suspendido por cima, e a regoa horisontal não podia cahir per si: porém movendo-a para hum, ou outro lado, como o centro fica fóra da linha a prumo, cahirá para baixo; mas cahindo, (*Fig. 4.*) vem-se a metter na linha a prumo, que está sustentada pelo prego; e ainda que o movimento semelhante ao do pendulo,

Est. 3.
fig. 4.

o faça passar á outra parte , de lá voltará , e hade ficar ultimamente na linha do prumo. III. *Se o centro da gravidade ficar por cima do centro do movimento (Fig. 5.) em se tirando o centro desta linha , o corpo se precipitará : v. g. se infermos a regoa que dissemos pelo furo inferior será mui difficil , que a regoa não caia ; porque em quanto estiver bem horifontal , o centro está sustentado pelo prégo , que lhe fica por baixo : mas se desmentir qualquer couza do nivel , já o centro da gravidade sahe para fóra da linha do prumo ; e cada vez se hade affastar mais d'elle , e a regoa cahirá de todo.*

Deforte , que ha grande differença de sustentar o centro da gravidade por cima , ou por baixo. Quando o sustentado por cima , o corpo póde mover-se , e hade buscar per si mesmo o estado em que estava ; porque o centro da gravidade (*Fig. 4.*) quando sahir fóra do prumo , sóbe ; e se o deixarem , cahe ; e quanto mais cahir , mais bus-

buscará o prumo, onde ficará seguro. Mas quando o centro da gravidade se sustentar por baixo (*Fig. Fig. 5.* 5.) em sahindo fóra do prumo, cahe; e se o deixaõ cahir, cada vez se desvia mais da linha do prumo, onde sómente podia estar seguro. Neste cazo o centro cahindo faz hum arco convexo; n'outro o faz concavo: por isso num cazo, quanto mais desce, mais busca o prumo: noutro quanto mais desce, mais foge delle. Naõ desprezeis esta doutrina, que vos servirá para muito e particularmente para a doutrina da balança commum, em que para o correio vos direi alguma couza, que vos hade agradar. Supposto isto, vamos a explicar varios effeitos naturaes, huns sabidos de todos; outros sómente dos que estudaõ.

Effeito I.

Qualquer corpo (*A Fig. 6.*) *Fig. 6.*
(v. g. hum grandissimo queijo de Parma ou de *Bruyere*, que ainda saõ maiores) se póde susten-
tar

tar sobre hum páo de grossura de hum dedo, se lhe souberem buscar o centro da gravidade. Porque pondo o centro sobre hum lugar fixo, não póde cahir, nem a prumo, por ser o lugar fixo; nem para hum, ou outro lado, porque tudo se suppoem em equilibrio: logo não póde cahir. Porém qualquer movimento, que lhe dem, cahirá logo, porque o centro sahindo da linha a prumo, não a poderá achar.

Efeito II.

PEla mesma razão podemos sustentare huma espada, hum bordão &c. ao alto sobre huma unha, correndo huma falla; mas fazendo-o deforte, que o centro da gravidade fique sempre a prumo em toda a falla.

Efeito III.

OS que dançam na córda, por este só preccito he que fazem todas as suas habilidades; porque tem cuidado em que o centro da gra-

gravidade caia sempre a prumo na corda. Para isso se servem da marôma, isto he, de bum bordaõ grosso, ou com duas bolas nas extremidades; por quanto este bordaõ nas mãos do dançador, tambem deve entrar na conta para o centro da gravidade: o nosso centro da gravidade naturalmente fica correspondente ao embigo, para dentro do corpo quazi meia grossura do ventre: porém se nas mãos tenho hum pezo, conforme o affasto de mim para diante, ou para os lados, assim faço fahir de seu lugar o centro da gravidade; e deste modo, quando sentem, que o corpo pende para hum lado, affastaõ a marôma para o opposto, e vai o centro da gravidade buscar a corda para descancar sobre ella.

Effeito IV.

QUando andamos naturalmente, sempre a cabeça anda para os lados, o que se observa bem, pondo-se hum fixo por detrás

94 *Cartas Físico-Mathematicas*
traz do que vai andando. Observa-
rá , que sempre poem a cabeça a
prumo daquelle pé , sobre que se
firma ; e como ora nos firmamos so-
bre o pé direito , ora sobre o ef-
querdo , segue a cabeça os mesmos
movimentos. A razão disto he ;
porque sempre o centro da gravi-
dade hade cahir a prumo sobre o
pé , que serve de baze , sobre a qual
nos estribamos , para não cahir.

Effeito V.

OS Arrieiros , quando andaõ a
pé , vaõ com os braços pen-
durados balanceando , ora para hum ,
ora para outro lado , o que lhes
facilita muito o andar. A razão he ;
porque os dois braços no balanço ,
que fazem para a direita , levaõ o
centro da gravidade para essa parte ,
e assim não tem os musculos do res-
tante do corpo trabalho para im-
pellirem para essa parte o pezo do
corpo , e o centro da gravidade.

Efeito VI.

QUando escorregamos, cahindo para hum lado, vamos naturalmente com os braços para a parte opposta, affastando-os muito do corpo, a vêr se por este modo evitamos a quéda, convertendo-se a quéda em cabrióla. A razão he; porque se o pé resvalou para o lado direito, para ahi vai a baze: convém logo, que para essa parte vá taõbem o centro da gravidade para ficar sobre ella. Ora para isso convém mover para esse lado qualquer parte do corpo, e os braços são o que está mais prompto: por isso logo acudimos a estendelos com força para essa parte; e succede muitas vezes, que nos sustentamos sem cahir.

Efeito. VII.

NAs carruagens se deve observar, onde fica o centro da gravidade, para saber o perigo que tem,

tem, de tombar. Primciramente: toda a vez, que a furroda a inclinar de forte, que o centro da gravidade caia fóra da baze, que he a distancia das rodas, já se sabe, que hade tombar: ora quanto mais alto andar o centro da gravidade, mais facil he o fahir ella fóra desta baze, porque descreve hum arco maior, quando a sege inclina. Por isso se vem os seguintes cazos.

I. Huma sege vazia tomba mais facilmente, que com gente; porque com gente vai o centro da gravidade mais para baixo.

II. Hum carro de palha tomba mais facilmente, que carregado com barras de ferro, porque neste o centro da gravidade vai quazi no leito do carro, e he quazi impossivel, que tombe: no de palha porém o centro vai muito alto.

III. Para correr a pósta, e evitár os balanços, carregão de chumbo os fundos das caixas da sege, em ordem a que o centro da gravidade fique mui baixo.

IV. Para o mesmo effeito fazem

as rodas mui largas , em ordem a que a baze seja mui grande , e não succeda cahir fóra della o centro da gravidade.

V. As seges mais airózas , que se uzáraõ em Lisboa algum dia , cujas caixas tinhaõ huma baze estreita , e as cabeças grandes , se voltavaõ a cada passo ; tombando primeiro a caixa da sege sobre o jogo , e depois de tombada a caixa , levava o jogo comfigo.

Effeito VIII.

SE hum homem se encostrar a huma parede com os pés á Franzeza (como se explicaõ) e os calcanhares tocando na parede , não poderá apanhar o seu chapéo se lhe cahir no chaõ adiante delle.

A razaõ he ; porque a baze deste homem he o espaço , que se comprehende , desde a linha , que passa pelos bicos dos pés até á parede. Em quanto o homem está a prumo , o centro da gravidade caher nesta baze ; mas para se abai-

xar para apanhar o chapéo , os joelhos por força haõ de fahir para fóra , e tambem a maõ para o apanhar. Isto faz , que o centro da gravidade vai para diante , e cahe fóra da baze , e o homem vai a cahir de narizes.

Effeito IX.

SEntai-vos em hum tamborete bem chegado com os joelhos á parede , e com os pés tocando tambem nella ; naõ vos podereis levantar ; só se recuares com os pés para traz. A razaõ he ; porque estando sentado , o centro da gravidade cahe no tamborete : para vos pôres em pé , he preciso , que elle caia fobre os pés ; e para isso convém dar grande movimento ao corpo para diante ; e neste movimento temeis quebrar a cabeça na parede. Já se suppoem , que haveis de pôr os pés á Franceza , isto he , na postura natural. Quem tiver os pés mui compridos , como faz baze grande , póde ás vezes levantar-se ,
ain-

ainda que com trabalho , porque faz a base nos calcanhares distantes da parede , e sobre elles fica o centro.

Effeito X.

S Obre hum plano inclinado (*Fig. Est. 3. 7.)* a figura do corpo conduz *fig. 7.* muito para se sustentar , ou rolar. Se o corpo he redondo *A* , por pouco que se incline o plano , logo o centro da gravidade cahe fóra da base : no que he feistavado *B* , ainda o centro cahe dentro da base , se for pequena a inclinaçaõ ; e muito mais no que he quadrado *C*. Porém tanta póde ser a inclinaçaõ do plano , que todos venhaõ a rolar pela razaõ explicada.

Effeito XI.

H Uma experiencia se faz segundo estes principios , que admira aos que a vem. Poem-se sobre hum plano inclinado hum Cilindro grande (*Fig. 8.)* e em vez de cahir , sóbe per si mesmo para cima , *Est. 3. fig. 8.*

e em certa distancia pára, sem que ninguem o sustenha. Confiste o segredo em que por dentro se tem posto huma grande porção de chumbo arrumada toda a hum lado, de que procede, que o centro da gravidade não fica no centro do volume, mas perto da borda em *a*. Neste cazo o tal centro *a* cahe fóra da baze para a parte de cima, porque assim collocáraõ de proposito o dito Cilindro; e como o centro, fica fóra da baze, hade cahir. Ora o centro *a* cahindo para baixo, faz que o Cilindro todo role pelo plano affima, até que o centro fique junto da baze (*m*); e entãõ he que o corpo focéga. Mas para quem ignora o segredo he couza admiravel ver o Cilindro dançando no plano inclinado, e balanceando, ora para baixo, ora para cima, até se sustentarem per si mesmo em paragem certa. Advirto, que não convém, que a taboa, que serve de plano, seja mui liza, para que não succeda, que o Cilindro escorregue.

Ef.

Efeito XII.

O Utra experiencia ha mui galante, e que tambem á primeira vista admira grandemente. Est. 3.
(*Fig. 9.*) Formemos hum corpo *fig. 9.*
A composto de duas piramides redondas (a que chamaõ Cónes) juntas pelas bazes. Convém que seja de madeira pezada e bem torneada (alguns o fazem de bronze). Tem-se já preparadas duas regoas *BD* juntas numa extremidade *D*, e abertas pela outra *B* : na extremidade aberta tem estas regoas huns saltos, que as levantaõ ; e na parte , *D*, em que estaõ juntas , assentaõ no chaõ. Isto preparado péga-se no corpo *A*, e atravessa-se sobre as regoas, e vê-se com admiraçaõ, que em vez de rolar para a parte do angulo *D*, em que as regoas estaõ mais baixas, o corpo róla para a parte *B*, em que as regoas estaõ visivelmente mais levantadas ; deforte que he preciso pôr ahi dois preguinhos, para que o corpo não saia fóra das
re-

102 *Cartas Físico-Mathematicas*
regoas. Se acazo impellem o corpo
A para a parte *D*, fim vai; mas
acabado o impulso, volta per si mes-
mo para a parte mais alta *B*.

Explicação.

E Ste effeito he enganozo: pa-
rece, que o corpo sóbe, e ver-
dadeiramente desce, o que se co-
nhece claramente, medindo quanto
dista do bofete, quando *A* está em
D, e quando está em *B*: nas ex-
tremidades unidas *D*, como o corpo
A não póde entrar no vão das re-
goas, dista do chaõ toda a altura
das regoas: porém nas extremida-
des abertas *B*, como póde entrar
por ellas o seu bojo, quazi que tó-
ca no chaõ. Advirto, que para que
o effeito succeda como se dezeja,
os saltos das extremidades abertas
B devem ter de altura menos de
meio diametro da grossura do cor-
po *A*; porque o corpo *A* só pó-
de entrar pelas regoas com metade
do bojo; isto he *oi.* ou *oe*; e ain-
da menos: logo se as regoas levan-
ta-

tarem mais do que isto, o corpo não poderá buscar as extremidades abertas, porque então já não desce, caminhando para essa parte.

Agora a razão física deste efeito he esta (*Fig. 10.*) Tirando Est. 3. huma linha central em *A* de ponta fig. 10. a ponta, forçozamente se hade enfiar o centro da gravidade do corpo *A*; e se tirarmos huma linha pela superficie inferior do corpo, que corresponda a prumo a esta linha central, esta linha *m n* he que deve ser sustentada, para o corpo ficar immovel. Se as duas regoas forem parallelas *oo. ee*, então sem duvida, que esta linha *m n* ficará sustentada, quer as regoas estejaõ mui separadas, quer pouco: porém se as regoas se puzerem juntas numa extremidade, então não pôdem tocar nos pontos desta linha *m n*; porque da parte que as regoas se juntaõ, haõ de topar com o bojo de *A*, antes que toquem nos pontos da linha *m n*, que fica a prumo da central: sendo isto assim, os pontos, que tocaõ nas regoas, não saõ da linha *m n*
mas

mas ficaõ a hum lado ; e a tal linha mn , sobre que cahe o centro da gravidade , fica em vaõ , e hade cahir ; e assim o corpo róla , naõ para a parte do angulo D , em que as regoas se juntaõ , e os pontos estaõ seguros ; mas para a parte opposta , porque ahi he que o corpo está em vaõ , e desce.

PROPOSIÇÃO II.

O Centro da gravidade imaginario segue as mesmas leis, que o verdadeiro.

Est. 3. **P** Onhamos exemplo (*Fig. II.*).
 fig. II. **S**upponhamos huma taboa redonda aberta no meio ; esta taboa naõ tem centro de gravidade real , e verdadeiro , porque por qualquer ponto della , que a queiraõ suspender , naõ póde ficar em equilibrio. Porém suppoem-se , que o centro está em i , no lugar , em que estaria , se o vaõ estivesse occupado com materia homogenea , e procede-

de-se do mesmo modo para determinar os effeitos.

A razãõ he ; porque se o vaõ estivesse occupado com materia homogenea , naõ sómente essa materia do vaõ de huma parte se compensava com a outra da parte opposta ; mas tambem no nanel a materia de huma parte se contrapezava com a outra correspondente da parte opposta ; e as acçoens dos seus pezos se destruhiaõ mutuamente ; e assim ficavaõ as partes do annel em equilibrio humas com as outras , como se naõ existisse a tal materia do vaõ : logo tirada essa materia do vaõ , podêmos proceder do mesmo modo.

Consequencia I.

SEgue-se daqui , que he mui facil sustentar hum prato na ponta de huma faca , ou de hum garfo , se o puzermos com o concavo para baixo , mas que he quazi impossivel , se o puzermos com a concavidade para cima.

A razão disto he ; porque o centro da gravidade em hum prato , fica no seu concavo , por cauza das bordas , que sempre levantão para cima. Se pomos a ponta da faca no meio do fundo pela parte concava , vem a ficar o centro da gravidade abaixo do centro do movimento ; e entãõ se segura , conforme o que fica dito. Se voltamos o prato com a concavidade para cima , ferá mui difficil o sustentar-se em equilibrio , porque entãõ fica o centro da gravidade por cima do do movimento , o que he inutil para o equilibrio.

Consequencia II.

A Figura de páu , que dança com as espadas na mão , (de que vos falei logo nas primeiras instrucçoens) sustenta-se , e dança sem cahir , em quanto o centro da gravidade vier a ficar abaixo da ponta do pé , sobre que a figura se estriba : porque he regra geral : *Quando o centro da gravidade fica*
abai-

abaixo do centro do movimento , o corpo não póde cabir de qualquer modo que se mova (pag. 89). Porém se ou incurvando menos as espadas , ou diminuindo o pezo dos seus cópos , fizermos , que o centro da gravidade suba para cima do bico do pé , a figura cahirá sem remedio , tanto que tiver o menor movimento ; porque cahe na outra regra geral , que assim disse : Quando o centro da gravidade fica acima do centro do movimento , se o corpo se move , deve cabir (pag. 90).

PROPOSIÇÃO III.

Quando hum corpo está seguro por hum ponto , qualquer que seja , o centro da gravidade vem necessariamente buscar a linha a prumo desse ponto.

A Razaõ he ; porque se o corpo está só seguro por hum ponto , tudo o mais está no ar ; e o centro da gravidade tambem ; e por

con-

consequencia este centro hade cahir; e descer quanto puder : Ora elle não póde descer mais do que vindo-se pôr na linha a prumo , que vai do ponto fixo para baixo : assim como qualquer pendulo não póde descer mais , do que quando está a prumo do prego , que o segura.

Consequencia I.

EX vi desta regra se fazem varias experiencias , que se admirão : huma he esta : Pegai numa tizoira (*Fig. 12*), ou chave , e ganchai-lhe hum garavato de candeia , ou coiza similhante , deforte , que faça com a chave , ou perna da tizoira , hum angulo agudo , que se não possa abrir ; pendurai-lhe hum pezo qualquer ; e vereis , que no bico da tizoira tudo fica sustentado , sem que possa cahir.

Dançará o pezo quanto quizerem ; mas o bico da tizoira o sustentará ; e observareis , que o centro da gravidade vem buscar a linha a prumo , que fica do bico da

tizoira para baixo. Ainda que ponhais o bico da tizoira bem na borda da meza, he o mesmo, com tanto que o bico não escoregue. Na razão da lei tendes a da experiencia.

Se o angulo *man* não for agudo, nada se faz; porque para vir o centro da gravidade buscar a linha do prumo, fica a tizoira inclinada para baixo, e o bico não fica levantado para cima, e por isso não póde prender.

Fim da quinta Carta.

CARTA VI.

Sobre a perfeição ; e uzo da Balança Commum.

O Assumpto desta Carta , meu amado Eugenio , talvez que vos cauze admiração ; porque sendo a Balança commum huma peça tão vulgar , e o seu uzo tão sabido , não esperaveis , que eu vos pudesse dizer nesta materia nada que merecesse attenção. Eu não dou o que vos disser , por invento , ou descobrimento ; dou-o por hum fructo de reflexão madura , util ao publico , e ao particular , seja ou não seja couza nova ; porque bem desgraçado sería eu , se para vos escrever qualquer couza de Fifica , necessitasse de andar examinando tudo quanto nesta materia se tem dito , para saber se vo-lo havia de dar como couza minha , ou couza de outrem. Deos me livre de fimi- lhante perda de tempo : digo-vos o que me occorre , como verdadeiro ,
ou

de Theodozio a Eugenio. III

ou util , quer o tenhaõ dito antes de mim , quer naõ ; que naõ vos vendo a doutrina , que vos dou ; e por isso cuido mui pouco , se tem ou naõ , o verniz da novidade : contenta-me o merecimento , e valor intrinseco de ser verdade. E fique isto advertido por huma vez. Muitas couzas vos direi , que saõ novas , e eu naõ terei advertido niffo : outras cuidarei eu , que o saõ , quando muitos outros o teraõ dito antes de mim , sem que o eu tenha lido , que ninguem me provou até aqui , que eu estava obrigado a lêr tudo , o que ha nas materias , em que escrevo.

Quando eu sabia mui pouco de Fisica , me vi embaraçado com huma difficuldade sobre a balança commum , que me deu occasiaõ a todas as reflexoens , que vos digo. A difficuldade he esta. Estando a balança no seu nivel , claro está , que os pesos iguaes de huma , e outra parte inteiramente se impedem , e a balança está quieta : porém se a balança se inclinar com a maõ , pa-
re-

rece que deixando-a, se não poderá levantar per si mesma, nem restabelecer no equilibrio. Porque o braço levantado não péza mais, que o abatido; he sempre igual no pezo; e sendo igual, não podia mover o outro seu igual; mas além disso: a lingua, ou o fiél da balança já inclina para a parte do braço, que desceu, e tambem faz pezo; feria logo natural, que o braço descahido cahisse de todo, pois tem a seu favor o pezo da lingua. Porém nós vemos o contrario, pois observamos, que o braço levantado leva atraz de si o outro, que lhe he igual, e todo o pezo da lingua ou fiél.

Para responder a esta difficuldade, he preciso servir-vos da doutrina da carta precedente. Nas balanças ha hum eixo em baixo mui agudo, que róla sobre o gume, ou angulo agudo, em ordem a que a balança sem roffar, possa inclinar ora a hum, ora a outro lado (*Fig.*

Est. 3.
fig. 13.

13.). Desorte que não he redondo, como o vulgo pensa, á maneira do

ei-

eixo de huma roda, mas talhado em figura de coração agudo. Deve ser de aço, temperado, em ordem a que se conserve agudo, e deve rolar sobre huma peça liza, e polida, em ordem a evitar até o menor embaraço, ou movimento. Isto supposto, o angulo, ou o gume do eixo, he o centro do movimento da balança, o qual pôdem pôr ou mais assima, ou mais abaixo, como quizerem.

Ora o centro da gravidade não he o centro do movimento; e assim ficará aonde as circunstantias da figura, e forma da balança o puzerem. Póde ficar ou abaixo do centro do movimento, ou assima, ou confundido com elle. (*Fig. 14.*) Se ficar abaixo (*a*) a balança naturalmente hade buscar o equilibrio; porque o centro da gravidade descreve hum arco concavo e sóbe; mas depois hade cair, até que páre na linha, que vem a prumo do ponto fixo, que sempre he o centro do movimento. Ora quando o centro da gravidade, ficar a prumo na linha,

Est. 3.
fig. 14.

H

nha,

nha, que vem do eixo, a balança deve ficar horizontal.

Porém se o centro da gravidade (*e*) ficar affima do centro do movimento, entã apenas tirarem a balança da situação horifontal, sahe o centro da linha do prumo, descrevendo hum arco convexo á roda do centro do movimento, e cahe, e cada vez se afasta mais da tal linha de prumo; e por isto a balança se não poderá jámais levantar.

Supponhamos agora, que succedeu, que o centro da gravidade coincide com o centro do movimento: nesse cazo a balança ficará como a puzerem, ou inclinada, ou horizontal, e per si não mudará de postura; porque sempre estará sustentado o centro da gravidade, o qual he o que governa o movimento de todo o corpo, que cahe.

Isto supposto aqui tendes o modo de formar huma balança delicada, e exacta, ainda que o Official não saiba as leis da Mecanica, em que se funda a Teórica da Balança. Eu tenho formado algumas de páo

taõ delicadas , que dellas me servia para pezar o ar ; e naõ ferá facil achalas muito tempo quietas ; porque huma mosca , que se lhes ponha , basta para as fazer balancear muito tempo.

Faço a balança de Nogueira , ou Cereijeira , páo leve , e que se póde trabalhar bem : dou-lhe dois pés de comprimento ou trez palmos , em ordem a que o movimento seja sensível : divido os dois braços em polegadas , e meias polegadas , para me servir a varias experiencias galantes : por cima os braços são lizos , e fazem huma linha direita (*Fig. 15.*) em ordem a que possa nelles pôr os pezos ordinarios de lataõ , que tem fundo chato : porém por baixo convem , que a balança faça seu bojo , em ordem a que naõ obstante a lingoa , ou fiél , que vai para cima , o centro da gravidade venha a ficar abaixo do eixo , ou centro do movimento ; porém para que a balança seja delicada , convém que diste pouco do centro do movimento : para ser

Est. 3.
fig. 15.

justa , convém , que não se afaste para os lados da linha , que vem a prumo do eixo para baixo.

Principio pois por fazer a balança justa ; isto he , que deixada a si , os braços estejaõ em equilibrio perfeitissimo , e a lingoa a prumo. Para isso ponho nas extremidades dois parafuzos *A* , *B* cujas cabeças , ora sahem mais para fóra , ora se recolhem , e deste modo faço puxar o centro da gravidade ora para hum lado , ora para o outro , até me ficar exactamente no meio.

Para fazer a balança mais delicada , tenho na lingoa , ou no fiél esta bolla (*o*) ou qualquer outro corpo , que ande á roda na haste da lingoa , que he de rosca , desorte , que ora sóbe , ora desce ; e por este modo faço baixar , ou subir o centro da gravidade. Aqui vejo , que se o centro passa para cima do eixo , a balança se chega a inclinar , logo cahe , e não se levanta per si mesma : isto succede , quando a bolla *o* sóbe demaziado : quando vou abaixando a bolla pouco a pouco ,
acho

acho o ponto, em que o centro da gravidade coincide com o do movimento; e então a balança fica como querem, sem cahir nem também se levantar. Porém se a bolla o desce mais, então já a balança sabe per si mesma buscar o equilibrio; e quanto mais se abaixa a bolla o, mais depressa se move, e as oscilaçoens da balança são mais promptas; mas quanto mais promptas são as oscilaçoens da balança, menos delicada será. Conhece-se a delicadeza, e sensibilidade da balança no vagar, com que ella se móve a buscar o seu equilibrio. Suppoem-se que o eixo he bem agudo, e que não rossa por parte nenhuma.

Esta ultima proposição talvez que vos cauze admiração, por veres algumas balanças mui bem feitas, e brincadas, e pequeninas, que se reputão mui sensiveis, e que se moverão promptamente. Mas fizei experiencia, e vereis, que a minha balança de páo, feita, como eu digo, vos dá hum movimento muito maior com hum pezo levissimo,

118 *Cartas Fisico-Mathematicas*
e he mais sensível, que algumas dessas
balanças, que eu tenho achado, ti-
das, e reputadas por mui sensíveis,
porque não estavaõ feitas, como de-
via ser. Ou sejaõ grandes, ou pe-
quenas, devem balancear mui len-
tamente, para serem bem delicadas,
e sensíveis.

Dou-vos a demonstração. (*Fig.*
Est. 3. 16. *fig. 16.*) Supponhamos huma regoa hori-
zontal, com outra pregada na fórma
de hum T, em cujo pé se ponha hum
pezo *m* em ordem a representar o
centro da gravidade desta maquina.
O centro do movimento he o prégo
b, por onde se sustenta tudo. Se
puzermos hum pezinho *a* na extre-
midade de hum braço, este hade
botar o pezo *m* fóra da linha do
prumo; e o hade fazer subir descre-
vendo huma porção de arco. Para
que o pezinho *a* baixe, e incline a
balança até *o*, he preciso, que o
centro da gravidade *m* suba até *n*:
porém se o centro da gravidade *m*
estivesse mais perto do centro do mo-
vimento *b*; por exemplo, se esti-
vesse em *e*, entãõ para dar á balan-
ça

ça a inclinação, que se deseja, bastava menos movimento; e muito menos, se o centro da gravidade estivesse em *i*. Deforte que quanto mais distar o centro da gravidade *m* do centro do movimento *b*, tanto maior pezo será preciso pôr em *a* para dar á balança a inclinação *bo*. E por consequencia hum pezo muito ligeiro em *a* poderá inclinar a balança, como se deseja, se o centro da gravidade estiver muito perto do centro do movimento. Eis aqui porque estando a balança construida deste modo, hum pezo levissimo basta para a inclinar muito.

Agora a lentidão do seu movimento procede de que o centro da gravidade estando mais longe do centro fixo, tem mais força para para descer, e maior velocidade, como succede na alabanca, e outras couzas similhantes; e não he de admirar, que o tal centro da gravidade estando mais livre, tendo maior velocidade e força, faça mover a balança mais depressa.

Ultimamente para conhecer bem

bem o pezo, ainda o minimo, pôde-se pôr em cima hum arco de latão graduado, que corresponda ao movimento da lingoa, ou fiél da balança, porque ahi se conhecerá com certeza o ponto, a que chega a inclinação da balança em tal, e tal pezo, e com paciencia se póderá de tal modo graduar essa porção de arco, que nelle se conheça o pezo, que inclinava a balança. Sobre esta teórica da Balança tive a honra de offerecer á nossa Academia Real das Sciencias huma Memoria, fazendo ver na minha balança huma delicadeza tal, que com hum grao de trigo dava o fiél ou lingoa huma differença no seu arco de mais de 4 polegadas.

Fim da sexta Carta.

C A R T A VII.

Sobre a Decomposiçãõ do Movimento ; e sobre os effeitos do golpe, ou pancada obliqua.

E Sta materia, Amigo Eugenio, he mui importante, ainda que muitos Modernos, ou a omittaõ, ou tratem á ligeira. Dou vos a experiencia para prova.

Já sabeis, que quando duas cauzas concorrem para dar movimento ao mesmo corpo, sem fer por huma mesma linha, que se faz hum movimento composto de duas direcçoens ; e que o modo de conhecer a linha, que o movel hade seguir, he formar das duas direcçoens primitivas *Ab. Ac.* (*Est. 4. Fig. 1.*) os lados de hum parallelogramo, fecha-lo com outras linhas parallelas, e iguaes ás primeiras, e a diagonal *Az* ferá a direcçaõ, que pretendemos achar. Isto vos mostrei, quando fallámos no tempo das nos-

fas

Est. 4.
fig. 1.

Fig. 3.

fas Recreaçoens. E já se vê, que segundo esta doutrina, de quaesquer direcçoens, fação ellas o angulo que fizerem, podêmos fazer hum movimento composto.

Porém para resolver o movimento há outra doutrina, que tem sua differença, porque não he livre resolve-lo nas direcçoens, que quizerem; mas hade ser sempre nas direcçoens simples, e totalmente estranhas huma da outra, deforte que não communicem, isto he, que huma das simples nada involva da outra direcção. Por isso deve sempre a linha do movimento, que se hade resolver, ficar diagonal de hum parallelogramo rectangulo, como na figura apontada (*Fig. 2.*) A razão he, porque se as duas direcçoens *ab. ac.* não fazem angulo recto, huma ajudará a outra, ou a encontrará; e assim não fica o movimento bem resolvido.

Est. 4.
fig. 2.

Naõ obstante isto, fica livre a cada qual resolver em linhas maiores, ou menores, como se vê

Fig. 3. na figura 3. A razão he, porque

que na linha do movimento *a e* (*Fig. Fig. 4.*
4.) que he a diagonal do rectangu-
lo, posso descrever hum meio-cir-
culo: ora a qualquer ponto desse
meio-circulo, que eu tire as linhas
desde o ponto *a*, ficará o parallelo-
gramo rectangulo, pois na circum-
ferencia do meio-circulo todos os
angulos são rectos, se se firmaõ no
diametro inteiro.

Para nos determinarmos a tra-
çar as linhas, em que o movimen-
to se resolve, devemos fazer huma
linha perpendicular ao obstaculo do
movimento; e outra parallela por
quanto sómente desse modo he que
se resolve bem o movimento, para
o que observai as leis seguintes.

4. Fig.

Lei I.

Quando a linha do movimento for perpendicular ao obstaculo fixo, o movimento destroe-se de todo, e não se resolve.

Est.
fig.

A Razaõ he ; porque se a bola incorrer na parede fronteira por huma linha perpendicular, não ha mais razaõ, para que ella vá para a direita (*Fig. 5.*) do que para a esquerda : logo deve parar todo o movimento, se não houver força elastica, que o faça refuscitar.

Lei II.

Quando a linha do movimento for obliqua ao obstaculo fixo, o movimento se destrõe em parte, e em parte se conserva, e por isso se resolve. (Fig. 6.) Fig. 6

A Razaõ he ; porque na linha *ae* obliqua a respeito do obstaculo, se envolve alguma parte de movimento perpendicular *ab*; e outra parte paralelo *ao*. Ora todo o perpendicular ficará destruhido pela lei precedente; o movimento paralelo *ao* não tem quem o destrua; porque não póde hum movel ter acção sobre hum obstaculo, que lhe fica paralelo: para obrar contra o obstaculo, hade ter acção contra elle, e isto não ha no perfeito parallelismo. Prescinde-se aqui do roscado, ou de pressaõ da gravidade, e falla-se da linha do movimento.

Assim nada ha mais facil, que resolver hum movimento depois de se

se dar a linha delle , e a posicao do obstaculo. Tira-se do movel *a* huma perpendicular ao obstaculo , e do ponto *e* em que hade o movel *a* ferir o obstaculo , se tira outra *eo* : a parallela *ao* entre as duas perpendiculares , he o movimento conservado ; qualquer das perpendiculares he o movimento perdido.

Fig. 7.

Se a linha he mais obliqua , como na figura seguinte (7) , perde-se menos movimento , porque a perpendicular he menor ; e conserva-se mais , porque he maior a parallela.

Aplicação.

A' Teórica das pancadas perpendiculares , e obliquas.

P Ara dar a hum corpo quieto o movimento , por esta linha , ou pela outra , devem-se observar as leis tiradas das doutrinas , que vos dei , que são as seguintes Proposições.

PROPOSIÇÃO I.

Quando o obstaculo (*B*) he ferido por hum corpo *A* , que incorre nelle por hum linha perpendicular á sua superficie , deve ceder pela mesma linha *ABC* (*Fig. 8.*).

Est. 4.
fig. 8.

A Razaõ he , porque sendo este golpe perpendicular á superficie *mn* , que he a Tangente tirada pelo ponto do contacto , não ha mais razaõ para que o corpo *B* ceda , inclinando mais para huma parte , que para a outra. Logo deve seguir a mesma linha do impulso , que vem a ser *ABC*.

PRO-

PROPOSIÇÃO II.

Quando hum obstaculo he ferido por hum corpo, que incorre nelle por linha obliqua a respeito da sua superficie, deve ceder por huma linha perpendicular á superficie.
(Fig. 9.).

Est. 4.
fig. 9.

A Razaõ he, porque sendo a linha da pancada obliqua á superficie do obstaculo b , o movimento se deve resolver em dois; hum paralelo ao : este não tem acção alguma sobre o obstaculo: o outro perpendicular am , ou melhor ob , o qual tem toda a sua acção sobre o obstaculo; e assim como o obstaculo não recebe acção nenhuma, senão pela linha perpendicular ob , deve ceder pela mesma linha obc , segundo a Proposição precedente.

A differença do effeito sómente está em que sendo o golpe perpendicular, a acção he igual a toda

a linha *ab*; porém sendo obliquo, a acção fõmente he igual á linha *ob*: e por isso quanto mais inclinada he a linha do golpe, ou do incurso, tanto menor he a acção sobre o obstaculo.

Desta doutrina se tira a razãõ verdadeira de muitos effeitos, que vemos, e de que muitos não sabem a cauza.

Effeito I.

NO bilhar, quando a bolla bate na borda obliquamente, a borda fõmente treme, e recebe o golpe correspondente á perpendicular tirada della *pq* até chegar á parallela *ao* tirada pelo centro da bolla (*Fig. 10.*)

Est. 4.
fig. 10.

Effeito II.

SUpponhamos que jogando o bilhar (*Fig. 11.*) queremos que a bolla do contrario (*r*) ferida pela nossa vá dar no ponto (*o*): já se vê, que he preciso tocar-lhe de

Fig. 11.

ilharga ; mas não sabemos a regra certa , e jogamos a acertar : convém pois obrar com segurança , o que se faz deste modo.

Seja o ponto o onde haja de hir bater a bolla r . Para que a bolla a lhe dê o golpe, como convém, deve-se primeiro tirar de o huma linha oi , que passe pelo centro de r . Segundo tire-se pela superficie da bola r huma perpendicular mn , que sirva de Tangente á bolla. Terceiro note-se na linha oi hum ponto e , que corresponde ao centro da bolla a , quando ella tocar em r nesse ponto por onde passa a Tangente mn . Isto posto, dirigindo a bolla a pela linha ae , necessariamente r hade hir bater em o .

A razão he ; porque r sendo ferida obliquamente por a , necessariamente hade ceder pela linha ro a qual he perpendicular a mn que passa pelo ponto do contacto conforme está provado na Proposição segunda.

Efeito III. (Fig. 12.)

Est. 4.
fig. 12.

Ponhamos huma vara de páo como balança, com dois candieiros e velas accezas, cujo fumo se receba em dois planos inclinados, porém contrapostos, de fórma que hum seja levantado para hum lado da balança, e o outro para o opposto. O fumo batendo num plano inclinado o fará movêr para o lado; e como ambos estaõ contrapostos, em quanto *a* vem para *e*, pela mesma razão o fumo da outra véla fará hir o plano de *b* para *o*; e deste modo a balança andará á roda.

Efeito IV. (Fig. 13.)

Est. 4.
fig. 13.

Facamos huma lanterna cujo tecto seja formado de planos de folha de flandes, todos dispostos, como raios sahidos de hum circulo menor concentrico, e todos inclinados para a mesma parte; fique a tal lanterna suspensa pelo centro,

132 *Cartas Fisico-Mathematicas*
ou por hum cordaõ comprido, ou
sobre hum ponteiro agudo: ponde-
lhe debaixo huma vela acceza, o fu-
mo que bate nos planos inclinados,
os move sempre para o lado, e a
lanterna gira continuamente.

Effeito V.

N Os Moinhos de vento, to-
das as vélas se poem naõ pa-
rallelas ao eixo, mas sim inclina-
das para a mesma parte; porque o
eixo tem quatro varas adiante, e
outras quatro mais atraz; e cada
vela tem huma ponta atada na vara
de diante, e a outra na vara de de-
traz; para que deste modo o ven-
to, que vem na direcçaõ do eixo,
quando incorre nas vélas, as fira
obliquamente, e as obrigue a se mo-
verem para o lado, girando sem-
pre, como a lanterna affima, como
já vos disse noutro tempo.

Efeito VI.

E Sta he a mesma razãõ , que muitos annos ha , vos dei para que o mesmo barco com o mesmo vento , ora suba pelo rio acima , ora desça para baixo , segundo inclina a vêrga , que tem a vela (*Fig. Est. 4. 14.*). Supponhamos , que o vento vem de cima *oo* , e que encontra a vêrga *A* inclinada de hum modo , e a vêrga *E* de modo opposto : mas elle incorre em ambas , e incorre obliquamente : moverá huma para a direita , e a outra para a esquerda , como já vos expliquei em outro tempo.

Outros muitos effeitos se poderiaõ hir apontando , estes bastaõ para vos dar a conhecer quanto importa esta doutrina do golpe obliquo , vós a podereis hir applicando á medida que os fores encontrando.

Fim da setima Carta.

CARE

C A R T A VIII.

Sobre a Acção, e Reacção.

E Sta Carta, que recebi de vós, meu amigo Eugenio, me anima a vos explicar tudo sem vos rezervar nada. Quero pois explicar-vos as Leis fundamentaes da Mecanica, e nesta carta presente vos tratarei de huma importante Lei de Neuton, a qual he a baze de muitos effeitos.

Lei I.

Naõ póde haver Acção sem Reacção.

E Sta Lei se demonstra facilmente, porque naõ ha acção nenhuma, que obre algum effeito, sem que se consumaõ forças; ora se foraõ consumidas foraõ destruidas por força e acção contraria: logo naõ ha acção alguma, sem que haja outra acção contra ella; e isto he o que se chama reacção.

Pró-

Próva da Experiencia

I. **Q**Uando hum pêzo está pendurado n'uma corda atada a hum prégo, temos que o *pêzo* faz a *acção*, puxando pela corda para baixo; mas o *prégo* faz a *Reacção*, retendo a corda, para que não vá para baixo.

II. Hum cavallo, que puxa por huma carroça, faz a *Acção* para levar o pêzo; mas o pêzo resistindo, e cansando o cavallo, e destruindo-lhe as forças, faz a *reacção*.

III. Hum Barqueiro, que estando no barco, o quer afastar da praia, e faz com a vara força contra a Terra, tem a *acção*: mas a Terra, que resiste, e não cede, faz a *reacção* contra o barqueiro. Deforte, que se a Terra não resistir, não faz algum effeito a *acção* do barqueiro.

IV. Quando hum homem dá com a mão huma grande pancada na parede, a parede tambem lhe of-
fen-

136 *Cartas Físico-Mathematicas*
fende, e molesta a mão. Neste caso a acção he da parte do homem; a reacção da parte da parede.

V. Quando o Martélo bate na Bigórna, tambem recebe della igual effeito; tanto assim, que com o tempo fica polido, e amaçado; e se o martélo fôr de tempera mais branda, hade fer nelle mais sensível a móça, que se faz na pancada.

Lei II.

Toda a Reacção he igual á sua Acção.

DEmonstra-se esta Lei pela precedente; porque se a Acção fosse maior do que a Reacção, já esse excesso da Acção ficava sem Reacção, que lhe correspondesse; e assim tinhamos Acção sem Reacção.

Se pelo contrario a Reacção fosse maior, como nós a podemos considerar com o nome de Acção, pondo-nos da parte do obstaculo, que resiste; esse excesso da
Re-

Reacção vinha a ser huma Acção parcial, á qual não correspondia nenhuma Reacção: o que se provou já impossível.

Próva da Experiencia.

I. **P**onhamos dois pendulos de chumbo, ou barro fresco, e deixando hum quiéto, levantemos o outro para o deixar cahir sobre o primeiro, a móça será em ambos inteiramente igual. Ora a móça em *A* (*Est. 5. Fig. 1.*) he feita pela acção de *B*; e a móça em *B* he effeito da reacção de *A*.

*Est. 5.
fig. 1.*

II. Ponhamos hum pendulo em huma regoa, e nelle hum cóne *B*, que caia n'huma caixa de barro fresco *A* (servimo-nos para estas experiencias da grêda) a qual se supponem fixa: levantemos o pendulo á altura determinada, em caindo observemos a cóva: esta cóva he igual á força da acção.

Tiremos da regoa o cóne *B*, e ponhamo-lo fixo no lugar da caixa da grêda *A*; e no pendulo in-

fic.

fiemos a caixinha de grêda *C*, a qual peza tanto, como pezava o cône, o que he facil ajustar, tendo posto na caixa do cône *B* mais, ou menos grãos de chumbo. Isto assim preparado, levante-se o pendulo á mesma altura, e deixando-o cahir sobre o cône, se achará na grêda cavidade femelhante. Ora no primeiro cazo a cavidade he a medida da força da acção; e no segundo he a medida da força da reacção, pois quem a fez, foi o cône quieto, e immovel.

III. Ponhamos hum Iman suspenso numa balança em equilibrio com o pezo correspondente, e offereçamos ao Iman em distancia proporcionada hum ferro fixo, o Iman baixará a buscar o ferro.

Se pelo contrario puzermos o ferro na balança em lugar do Iman, e offerecermos ao ferro suspenso o Iman na nossa mão, em igual distancia, virá o ferro buscar o Iman: logo a Acção do Iman sobre o ferro, e a Reacção do ferro sobre o Iman são iguaes, pois levantaõ pezo igual.

*Solução de huma difficul-
dade.*

Muitos se embarçaõ com esta doutrina do Grande Newton, vendo a desigualdade de forças, que ha na cauza, que obra, e no obstaculo, que resiste. V. g. vem, que hum cavallo mui vigorozo puxa por huma carga mui leve; que outro mui fraco apenas póde arrastrar huma mui pezada.

Vem que huma bala de Artilleria atravessou huma taboa delgada: e que outra bala de Espingarda apenas se enterrou na parede, que lhe resistio tanto, que zombou della.

Hum Gigante, que puxa por hum rapaz, tem muita mais força, que o minino, que puxa resistindo ao Gigante &c.

Em todos estes casos, e outros similhantes a cauza que obra, ou he mais forte, ou mais fraca, que o obstaculo, que resiste: porém isto não he contrario á doutrina de
Neu-

Neuton. Huma couza he a cauza ; que obra ; outra a Acção dessa Cauza. As forças da *Cauza* não são as forças da *Acção*. O Gigante póde ter mil forças , e não empregar na *Acção* , senão forças 4 ou 5. Sómente hade empregar forças iguaes áquellas , que lhe for preciso destruir no rapaz , que lhe resiste : o resto são forças , que podiaõ obrar , mas não obraõ. Quem he rico , póde fazer despeza grande , mas não está obrigado a fazer maior despeza do que corresponde á obra , que faz : assim não he o mesmo ter muito dinheiro , que fazer grande despeza ; e pela mesma razão não he o mesmo ter muitas forças ou empregar muitas forças na *Acção*.

Do mesmo modo o obstaculo fortissimo resiste á proporção das forças , que empregamos contra elle. Se huma parede capaz de resistir com forças mil for accometida com huma pedra , que lhe atirou hum rapaz com forças 4 , resistio com forças 4 , e ficou com huma móça levissima , ficando nessa parte
es-

escalavrada pela acção 4, e destruindo o movimento e forças da pedra, que as levava, que cahio ao pé da muralha, inteiramente morta: estas forças 4 de parte a parte combateirão, e se destruíraõ, ficando a pedra que obrava, sem acção nem força, morta aos pés da parede, e a parede escalavrada pela pedra, e nesta levíssima parte arruinada.

Supponhamos, que lhe atiráraõ huma balla de Espingarda com forças 100; a parede resistio com forças 100, ficando de parte a parte destruidas forças iguaes; as da balla, porque ou ficou enterrada, ou cahio ao pé da parede morta: as da parede, por ficar esburacada, e nessa pequena parte destruída.

Porém se huma balla de Artilleria com forças 1500 accommetter a parede, ella será arruinada de todo, porque só póde resistir com forças mil, como suppozemos: estas forças da reacção destruíraõ na acção da balla outras tantas; e foraõ tambem destruídas por ellas: porém depois, que ficáraõ na balla def-

142 *Cartas Fisico-Mathematicas*
destruidas forças 1000 , ainda restaõ
forças 500 , as quaes não obraõ ,
mas fervem a victoria ; e vai a bal-
la triunfando , ainda que fraca , de-
pois de arruinar a parede , que
(deixai-me explicar assim) teve
atrevimento de se lhe oppor. Com
que , meu amigo , nunca confundais
as forças , que se empregão na Ac-
ção , com as forças que fervem ao
triunfo , e não obráraõ ; e nem tam-
bem as confundais com todas as
forças , que ha na *Cauza agente* ,
ou *resistente* : permiti estes termos
a quem falla em materias scientifi-
cas.

Numa palavra , as forças da
Acção são as que obraõ e se em-
pregão em fazer o effeito ; e por
consequente se consomem : as de
mais são forças , que podião obrar ,
se fosse preciso , mas não obráraõ :
estas entãõ são as que decidem da
victoria , e de qual foi o mais forte
dos combatentes ; se a cauza , que
obrou ; se o obstaculo , que resis-
tio.

Deste modo Eugenio parece-
me,

me , que podereis entender tudo
o que sobre este ponto se diz.

Fim da setima Carta.

CARTA IX.

Sobre a força da Inertia.

Esta Carta, Amigo Eugenio; he sobre huma materia mui importante, e que muitos Modernos trataõ de menor; porém cadaqual pensa como o entende: e já sabeis, que eu naõ cedo da liberdade, que Deos me deu, de discorrer em materias naturaes, como a minha razaõ dicta: os de mais ficaõ tambem com a sua liberdade: assim ficamos todos bem.

Inertia quer dizer, *incapacidade* para fazer nada per si: donde vem, que

PROPOSIÇÃO I.

Toda a materia he inerte, isto he, incapaz de mudar o estado, em que se acha.

DEsta Proposição se tira por consequencia natural outra proposição, que he a seguinte.

PRO-

PROPOSIÇÃO II.

*Toda a materia (não havendo
cauza estranha) persevera no
estado, em que a puzeraõ.*

P Or quanto, se a materia per si
naõ tem acção para mudar de
estado, naõ havendo cauza extra-
nha, que o mude, ficará nesse mes-
mo estado perpetuamente. Daqui
pois se tiraõ as Proposiçoens se-
guintes.

PROPOSIÇÃO III.

*Todo o corpo posto em quieta-
ção, persevera na quiete até
que cauza estranha o ponha
em movimento.*

PROPOSIÇÃO IV.

*Todo o corpo posto em movimen-
to, persevera em movimento,
até que cauza estranha o po-
nha em quietação.*

PROPOSIÇÃO V.

Todo o corpo em movimento, persevera na linha do movimento, até que cauza estranha o faça mudar de linha.

D Esta Proposição se segue, que sem cauza estranha, que mude a linha, todo o corpo hade perseverar na linha recta, pois toda a curva muda de direcção a cada passo.

PROPOSIÇÃO VI.

Todo o corpo em movimento persevera no mesmo gráo de velocidade, até que haja cauza estranha, que ou a diminua, ou a augmente.

A Razaõ he; porque para diminuir, he preciso destruir algum gráo de movimento; para a augmentar, he preciso produzi-lo: ora o corpo de si não produz, nem destroe movimento.

PRO-

PROPOSIÇÃO VII.

Quando cauza estranha quizer mudar o estado de qualquer corpo , he precizo , que empregue , e consuma nisso forças á proporção da mudança , que quer fazer.

A Razaõ he ; porque nada se faz sem huma acção , que nisso empregue forças proporcionadas : ora estas forças empregadas nesta mudança , já não podem fazer outro effeito , porque ficam destruidas pela resistencia , ou reacção , que nisso encontraraõ. Assim se da quiete houver de passar o corpo para hum movimento pequeno , não custará tanta força , como se houver de passar para movimento rapido. O mesmo digo , se houver de passar de movimento rapido para a quiete.

Ora advertte-se , que esta resistencia ao estado , que se quer in-

troduzir de novo, não vem do corpo em si (pois elle he indifferente para todos) mas vem do estado, em que o corpo se acha ; como estes estados são oppostos, e o corpo não pede nenhum, nem repugna a nenhum, deixa se estar : elle não destróe o estado em que o puzeraõ ; quem quizer mudalo, hade ter o trabalho de destruhilo para lhe introduzir o novo. Por esta razaõ o corpo resiste pela *Inertia* (o que parece contradicção) A *Inertia* faz que elle não destrua o estado em que está ; e não o destruindo elle, entaõ o estado actual resiste a quem o quizer destruir para introduzir estado opposto. Por isso se diz, que o corpo resiste pela *Inertia*.

PROPOSIÇÃO VIII.

Na mudança de qualquer estado, ha destruição das forças, que se empregão em o fazer; e por conseguinte houve resistencia d' a parte do estado que foi destruido.

A Verdade desta proposição se deduz das precedentes; e perdoai o vagar, com que procedo nisto, porque quero, quanto me for possível, guardar a evidencia da Geometria nestas materias.

Daqui se tiraõ varias Leis, que se provaõ pelas proposições estabelecidas, tanto para a *Inertia da quiete*, como para a *Inertia do movimento*. Chamo *Inertia da quiete* a resistencia, que faz o corpo quieto ao movimento. Chamo *Inertia do movimento* á resistencia, que faz o corpo em movimento á *quietação*.

Leis

Leis da Inertia da Quietação.

Lei I.

A força da Inertia segue a razão da Massa.

A Razão he; porque se todo o movimento, cada particula da materia hade fazer a sua particular resistencia; por conseguinte se o corpo A. tem dobrada massa, do que B., hade ter dobrado numero de particulas de materia; e por conseguinte hade fazer dobrada resistencia ao movimento.

Lei II.

A força da Inertia segue o quadrado da velocidade, que se adquire.

A razão he ; porque a resistencia he conforme a mudança do estado : ora igual mudança he tirar a hum corpo A. velocidade 2., como dar a hum corpo quieto igual a velocidade 2 : assim hade haver igual resistencia, e igual força destruhida na cauza, que obrar estas mudanças. E como pelo que diremos nas Forças vivas, quando querem parar o corpo em movimento, fazem effeitos, que conrespondem ao quadrado da velocidade; tambem o mesmo se deve dizer, quando estando parado, se lhe quer dar certo gráo de velocidade.

Confirma se pelas experiencias, que entãõ vos referirei, do modo de produzir a velocidade, tanto na molla, que soltando-se a tira com

152 *Cartas Físico-Mathematicas*

o pendulo carregado com diversos pesos a diversas distancias, como no pezo, que cahindo, impelle sem pancada o pendulo, a que se mova. Vejaõ-se as experiencias.

Lei III.

A força da Inertia total he igual ao quadrado da Velocidade multiplicado pela Massa.

A Razaõ he ; porque se ella vem de ambos estes principios, deve-se multiplicar hum por outro, para dar a conta total.

Experiencia I.

H Um pendulo de huma libra, suspenso e quieto, se outo incorre nelle, para o pôr em movimento, se retardará ; e quando mais pezado for o pendulo que to, mais forças destruirá naquelle, que o poem em movimento : logo o corpo quieto resiste ao movimento á proporçaõ da sua massa.

Ex-

Experiencia II.

A'Lem da razaõ , as experien-
cias vaõ confirmar estas duas
propoficoens , e algumas faõ bem
galantes. Ponde hum páo de pinho
atraveffado fobre dois copos cheios
de agua , como já vos fiz ver , lo-
go no principio das noffas recrea-
çoens (Tom. i. pag.) , e dando
hum grande golpe no meio do páo
atraveffado , quebra fe , falta para
o ar , e os copos ficaõ immoveis.

A razaõ verdadeira he ; por-
que o golpe obriga a huma de duas
couzas , ou ao movimento mui rapi-
do do páo , e dos copos , e da
agua , que estavaõ quietos ; ou a
quebrar-fe o páo para deixar passar
a quem o fere : destas duas couzas
hade fucceder a mais facil , isto
he , aquella em que houver me-
nor difficuldade. Se quizermos dar
hum golpe brando , ou fe os co-
pos estiverem vafios , ou forem mui
pequenos , o que faz que haja pouca
massa nos corpos quietos , ou fe
lhes

lhes quer dar pouca velocidade ; ha pouca resistencia da *Inercia* ; e mais difficil será o quebrar o páo : porém se os copos forem maiores , e cheios de agua , já pela razão da massa a resistencia da *Inertia* he maior ; e querendo-lhe dar huma velocidade grandissima , como a resistencia da *Inertia* cresce segundo o quadrado desta velocidade , multiplicado pela massa , fica huma resistencia tal , que muito mais facil he o quebrar o páo , do que mover para baixo velocissimamente o páo , e os copos , e agua.

Experiencia III.

SE atiramos com huma bala á bandeira de huma grimpa , furta-se , e não se move.

A razão he ; porque pela mesma razão mais custa o movela com a velocidade , que pede a bala , do que a furala , e sempre na concorrência de duas difficuldades , se vence a maior.

Experiencia IV.

Alguns ha , que não querem conceder outra resistencia ao corpo quieto , senão a que lhe faz a gravidade : a experiencia dos corpos impugna bem claramente este parecer ; porque resistem a hir para baixo , e nunca a gravidade fez semelhante resistencia : porém ha outra experiencia mais clara.

Pégo em hum páo de pinho de quatro , ou cinco linhas de grosso , e de trez palmos de comprimento , pego-lhe bem pelo meio com a mão esquerda , e ponho-o horizontal defronte de mim na altura do peito : entretanto tenho empunhado na mão direita hum páo curto , forte , capaz de dar huma boa pancada , e que se maneje facilmente.

Isto assim disposto , devo dar o golpe bem forte no mesmo lugar , em que eu pegava ; para o que he preciso fer animozo , largar o páo , e no tempo , em que
vai

156 *Cartas Físico-Mathematicas*

vai a cahir , dar o golpe : sendo isto assim , o páo se faz em pedaços no ar ; e ás vezes me succedeo , pegar numa dessas metades , e quebra-la ainda outra vez no ar. Mas isto he raro ; porque quanto mais curto he o páo , mais custa a quebrar.

Aqui bem se vê , que a resistencia da *Inertia* he mui differente da da gravidade , pois esta obrigaría os páos a cahir , e a outra os obriga a deixar-se antes quebrar , do que descer com tanta velocidade , como o golpe pedia.

E para que ninguem dissesse ; que dava o golpe , tendo ainda o páo na mão , o dava no lugar que tinha segurado , e encoberto com a mão , o que se vê pela móça da pancada ; e se a mão sustentasse o páo no tempo do golpe , supportaria huma boa dor. Esta experiencia repeti muitas vezes nas *Assembléas* da *Física* em *Baiona* , e em *Auch* , e aqui , com felicissimo successo.

Experiencia V.

Ponha-se huma carta de jogar sobre a ponta do dedo índice, da mão esquerda levantado para o ar; ponha-se hum cruzado novo em prata, ou doze vintens sobre a carta; e com a mão direita desse hum golpe horizontal na carta, fahirá a carta zinindo pelos ares, e ficará o dinheiro sobre a ponta do dedo.

Os que tiverem fusto, não fazem nada, porque sempre dão a pancada a medo, e não a dão horizontal; ou tremem com o dedo, ou a dão de vagar; e convém, que seja rapido o golpe, como costumamos dizer, com hum *piparróte* (Vós sabeis, que huma carta de amigo sofre os termos nimamente familiares). Para fazer a experiencia sem algum perigo, atemos huma linha no canto da carta, que serve á experiencia, e depois puxando de golpe pela linha, sahe a carta para o lado, e

fi-

fica o dinheiro quieto. Advirto , que convém , que a linha antes do golpe esteja frouxa , para que o golpe seja igual ao movimento da mão , não no principio , mas no fim do movimento , que sempre he mais rapido. Isto posto

A razão da experiencia he , porque mais resiste o dinheiro ao movimento rapido , que lhe quer dar a carta , do que ao roçado ; e assim deixa-a sahir a carta , e fica , como estava , quieto.

Experiencia VI.

Posto hum copo de agua sobre huma folha de papel , se a tiramos rapidamente , e com afoiteza , sahe para fóra , e fica o copo quieto sobre a meza.

Experiencia VII.

DO mesmo modo ponhamos , hum lenço embrulhado , como huma bola , sobre o bofete , e sobre o lenço hum cruzado novo em prata ,
ou

ou couza semelhante : dando com huma regua hum bom golpe horizontal no lenço , saltará fóra da meza , e o dinheiro cahirá nella , ainda que o lenço estivesse na ultima ponta.

Em todas estas experiencias , e outras semelhantes a razão he a mesma , e a que se tira da regra dada. Como o corpo quieto resiste ao movimento , e resiste muito ao movimento veloz , se o effeito precizo se pode fazer , sem se vencer esta resistencia , por esse modo se fara ; porque sempre o effeito se obra pelo modo , em que ha menor resistencia. Ora o roçado de dois corpos , isto he , hum ficar quieto , e o outro junto d'elle , ou sobre que está posto , sahir com movimento , fez huma resistencia muito menor , que a da *Inertia* ; por isso os corpos ficam quietos , quando se esperava , que se movessem.

Lei IV.

A força da Inertia do corpo que se accelera, segue a razão da differença dos dois quadrados, do da velocidade primeira ao da segunda.

EXemplo. Se hum corpo tem hum gráo de velocidade, e lhe queremos dar o segundo, a resistencia val trez; porque o quadrado de hum he hum, e o de dois he quatro; e quando o corpo passa de ter força hum, para ter forças quatro, a mudança do estado val trez.

Pelo mesmo modo: se a hum corpo; que tem trez gráos de velocidade, lhe quizer-mos dar o quarto, a resistencia he de sete gráos; porque tendo trez gráos de velocidade, tinha forças nove; e quando tiver quatro gráos, terá forças dezasseis: ora de nove para dezasseis, a differença vai em sete.

Da-

de Theodozio a Eugenio. 161

Daqui se segue, que quanto mais veloz vai hum movel, mais difficil he o augmentar-lhe o movimento; pois para dar o primeiro gráo de velocidade, a resistencia he 1, para dar o segundo, a resistencia he 3: para o terceiro a resistencia he 5: para o quarto 7; para o quinto 9. &c.

Leis para a Inertia do Movimento.

Como toda a resistencia da *Inertia*, he fundada na difficuldade, que ha em mudar de estado o corpo, que de si não pede nenhum, segue-se, que igual resistencia hade haver em mudar de quietação para o movimento, que em mudar do movimento para a quietação. Isto posto



Lei

Lei I.

A resistencia da Inertia do corpo em movimento segue a quantidade da massa.

Porque como cada particula em movimento resiste a quem a quizer parar, onde houver dobradas particulas, hade haver dobrada força, que resiste ao novo estado da quietação.

Lei II.

A resistencia da Inertia do corpo em movimento segue o quadrado da velocidade.

ARazaõ se tira do que diremos das forças vivas, as quaes seguem essa razaõ.



Lei III.

A resistentia da Inertia do corpo, que se retarda, segue a differença dos quadrados da velocidade antiga e nova.

A Razaõ disto he : porque segundo esta differença, he a mudança de estados : assim se quizermos tirar ao corpo o setimo gráo de velocidade, he preciso gastar forças 13; porque tendo 7 gráos de velocidade, tinha forças 49, perdendo hum gráo, fica em 6, e com 36 forças : logo perdeo 13; e para lhas destruir, são precisas na cauza forças 13.

As experiencias, que vos referirei para provar o que disse ácerca das forças vivas, provaõ estas Leis; mas prescindindo dellas, mil experiencias ha, que o provaõ, que são bem vulgares.

Experiencia I.

QUando hum canhão despede varias balas, quanto mais pe- zadas são, mais longe vão, de forte que hum arratel de ferro em huma bala vai mais longe, que dividida em muitos quartos miu- dos; e estes quartos ainda vão mais longe, que a munição; e do mesmo modo a bala mais que a bucha.

Experiencia II.

QUanto maior he a veloci- da- de da bala, mais tempo du- ra; porque a força he maior; e mais tempo he preciso para que os obstaculos a destruaõ.

Experiencia III.

POsto qualquer corpo em mo- vimento, quanto menor he o embaraço do movimento, mais tempo dura nelle. Desta experien- cia constante se tira este argumento,

pa-

para se provar, que o corpo não pede quietação, como o vulgo crê, e todos os Filizofos antes de Descartes.

Huma bala em movimento, dura hum minuto v. g.: logo se o embaraço do ar, e os de mais forem metade menos, o tempo do movimento será dobrado: logo se o embaraço for dez vezes menor, o tempo do movimento será dez vezes maior: logo se o embaraço, for infinitamente menor, ou nenhum, o tempo do movimento, será infinitamente maior, ou para sempre.

Experiencia IV.

QUando vamos em hum barco, se estamos em pé, quando a embarcação marra de repente, todos cahimos no chaõ. A razão he; porque hindo tudo em movimento, sendo o embaraço só para a embarcação que marra na praia, as pessoas não tem embaraço, e por conseguinte cahem.

Quan-

Quando os rapazes vão sentados na taboa da carruagem, se de repente a carruagem parou, elles cahem para traz; porque hindo em movimento, haõde confervalo, pois não tem embaraço, ora não se movendo o assento, em que vão, e movendo-se elles, forçozamente haõde cahir.

Experiencia V.

QUando na náó se despede huma pedra ao alto a prumo, seguindo a náó o seu movimento, vem a pedra a cahir no lugar, donde sahio.

A razaõ he: porque a pedra quando sahio da mão, não levou fó o movimento perpendicular, mas tambem o horizontal, pois não havia embaraço para esse movimento: confervando pois a pedra lá pelo ar todo o movimento horizontal, que o navio tem pela agua, segue-se, que a pedra despois de subir e baixar, hade cahir no mesmo lugar.

Experiencia VI.

QUando temos em algum canudo huma couza, que não podemos tirar, como v. g., a tinta dentro em huma penna, facudimos com força, e dando huma pancada na borda de hum bofete, sahe o embaraço.

A razão he; porque a tinta levava o movimento para baixo, e impedindo-se o movimento da penna, pela pancada que deo no bofete, segue-se que a tinta hade saltar; porque ella deve mover-se; e a penna deve parar; e daqui se segue desprender-se o embaraço, e sahir.

Deste mesmo modo se faz mover o azougue dentro dos Tubos Capillares, facudindo o canudo, e dando com elle pancadas seccas, posto que pequenas, para que o azougue conservando o movimento se despegue do canudo, que pára de repente.

Advertencia.

Muitos, amigo meu, confundem o corpo em si, com o estado, em que elle se acha. O corpo de si he indifferente para todos os estados e mudanças, e isto he a *Inertia*, que fica provada, porém o estado não he indifferente para as mudanças. Qualquer estado resiste á sua destruição, e por conseguinte a qualquer mudança; porém o corpo em si mesmo não resiste a nada. Assim não ha a contradicção, que muitos pertendem entre *Inertia*, e *Resistencia*, ou força: a *Inertia* he do corpo em si, prescindindo deste, ou daquelle estado; a *resistencia* he do estado, em que o corpo se acha, o qual, sem se empregarem forças de cauza extranha, não pode ser destruido.

Fim da nona Carta.

CARTA X.

*Sobre a Medida das Forças do
Corpo em movimento, a que
chamaõ Forças Vivas.*

§ I.

Estado da Questão.

QUando o corpo vai em movimento, he capaz de fazer alguns effeitos; por conseguinte tem forças, sejaõ ellas dadas, ou adquiridas, pelo principio, que quizerem. Antigamente estas forças se julgavaõ maiores, ou mais pequenas, attendendo á massa, e á velocidade, multiplicando huma pela outra, como vos ensinei, fallando da quantidade do movimento: e entãõ *forças* do corpo em movimento, ou quantidade de movimento eraõ couzas iguaes, ou talvez sinónimas, ou pelo menos, essencialmente correspondentes.

Po-

Porém Leibnitz foi quem levantou a voz ; e com hum tom bastantemente atrevido disse , que as forças do corpo em movimento se deviaõ avaliar de outra maneira , e o titulo , que poz á sua dissertaçãõ , foi este : *Breve demonstraçãõ do celebre erro de Descartes, e outros mais , na avaliaçãõ das forças do corpo em movimento.*

Funda-se elle neste principio , que as forças de qualquer Agente se devem avaliar pelos effeitos , que ellas são capazes de fazer ; e fundando-se neste principio , vê por experiencias inegaveis , communísimas , e constantes , que não são estes effeitos proporcionados ás massas multiplicadas pelas velocidades ; mas sim ás massas multiplicadas pelos quadrados das velocidades : exemplo. Se postas duas balas iguaes , huma tem velocidade dupla da outra , faz effeitos quatro vezes maiores : e se tem velocidade tripla , faz effeitos nove vezes maiores : se tem velocidade quadrupla , faz effeitos dezasseis vezes maiores.

res. Porque o quadrado da velocidade 2 he 4: da velocidade 3 he 9; e da velocidade 4 he 16 &c.

Este pensamento de Leibnitz levantou huma especie de guerra civil entre os Fizicos, de forte que esquentando-se os cérebros de huma parte, e da outra, tem a questaõ degenerado em divizaõ de bandos; e por fim se levantou outra Seita querendo compor ambos os partidos, e dizendo, que só differem em questaõ de nome.

Eu, que sou Cidade livre, e não devo por lizonja accommodarme a ninguem, direi o que entendo: cada qual, sem fazer caso do que eu digo, fará outro tanto.

§ II.

Do que se entende pela palavra Força.

JÁ sabeis amigo Eugenio o nosso costume antigo de examinar bem a accepção de qualquer palavra, antes que disputemos ácerca

172 *Cartas Fisico-Mathematicas*
ca della. Eu por esta palavra *Força* de hum Agente, entendo a capacidade que elle tem, de fazer algum effeito, sem que entre tanto renove o vigor. Exemplo. Se hum homem pode com huma acção levantar duas arrobas, e outro só huma, todos dirão, que o primeiro tem força dobrada. Se hum homem pode com a renda de hum anno fazer hum Palacio dobrado, do que pode fazer o seu visinho, já se vê, que tem riquezas dobradas. Se hum homem pode comprar dobrada quantidade de livros por exemplo, sem se empenhar, nem ficar devendo, tem dinheiro, e cabedal dobrado.

Advirto, que se falla de huma acção, em que se empregue tudo quanto ha de força, cabedaes, e riqueza. Porque se hum Agente fizer metade do effeito, e ficar ainda com forças para produzir a outra, não pode o effeito produzido ser a medida das forças, que havia. Tambem advirto, que senão devem renovar as forças no
meio

meio da acção; porque se hum homem levantar agora hum pezo, e despois dormir, e comer, e cobrando novo vigor levantar segundo pezo, não prova, que tem forças dobradas; prova-o sim, se sem descansar levantar com huma acção pezo dobrado do outro. Deve-se pois acautelar esta equivocação, e medir as forças actuaes pello effeito total, que este agente pode fazer, sem receber algum soccorro de novo.

§ III.

Dos effeitos, que se achão, quando só a massa he differente.

Vós estareis admirado de ver, como eu vou devagarinho, e adiantando os pés como criança: isto faz o medo de errar onde muita gente boa se equivocá. Ponghamos duas balas do mesmo volume, porém pezo differente, sendo huma ouca, e outra macissa: deixemo-

xemo-las cahir da mesma altura na terra molle, liza, e preparada: vemos que a cova he inteiramente á proporção da massa; se a differença he dupla, ou tripla, outra tanta se acha na cova. Advirto-vos Eugenio, que para isso se prepara greda bem amassada, e se aliza mui bem numa caixa, e se poem debaixo das bolas, cuja altura se mede por huma regoa bem graduada, e para que a cova se possa medir bem, se unta a bala com azeite, para que se não pegue á greda.

De outro modo se fazem as experiencias (*Fig. 3.*) Nesta maquina se poem huma regoa armada com hum pezo *A*, o qual cahindo, se enterra na greda da caixa *b*; e como ahi perde todas as suas forças, na grandeza da cova se vê a quantidade dellas. Na caixa e posterior da figura conica, se mete mais, ou menos pezo, em ordem a combinar a massa, como se deseja, com a velocidade, e esta se mede na regoa horizontal *b n*, a qual está graduada.

Sabei agora , que o *pendulo* do mesmo comprimento faz a sua *Oscilação* no mesmo intervalo , quer seja a oscilação grande , quer pequena ; que vos ensinarei mais devagar. Isto supposto , como a regoa pendula corre no mesmo tempo todo o espaço , quer a deixem cahir de duas polegadas , quer de 8 ou 10 ; pelo numero dessas polegadas conhecemos quanta foi a velocidade do corpo *A.* , quando incorreo na greda.

De outro modo se fazem estas experiencias (*Fig. 4.*). e vem a ser : pendurais huma barquinha *E* em dois fios parallellos , nella se porão varios pezos , e na parte anterior , que he da figura cónica *E* se poem hum pouco de azeite para que entre e saia da greda sem perturbar a figura da cova ; e nella se observa quaes são as forças , que trazia a barquinha , quando se enterrou.

Est. 5.
fig. 4.

Feitas pois as experiencias de todos os modos , se observa , que sendo a mesma velocidade , sempre

pre a cova segue a differença, e proporção das massas, e nisto se vê praticamente verificada a maxima, que

Effeitos maiores pedem forças maiores.

Effeitos quadruplos suppoem forças quadruplas.

§ IV.

Dos effeitos, que se acbaõ, quando a massa he a mesma, mas a velocidade differente.

JÁ sabereis, que nos pezos, que cahem, como o movimento he acelerado, a velocidade não segue as alturas, mas a raiz quadrada das alturas. Isto he: se o corpo cahe de huma vara, a velocidade he 1: se cahe de quatro varas, a velocidade he 2: se cahe de nove varas, a velocidade he 3; se cahe de defasseis varas, a velocidade he 4. Isto supposto: para conhecermos, que velocidade tinhaõ

nhaõ os cõrpos, quando chegaraõ á terra, devemos ver as alturas, e tirar a raiz quadrada de ambos, e nessa proporçaõ estaõ as velocidades. Ou por outro modo; *as alturas sempre sãõ como os quadrados das velocidades dos cõrpos quando chegáraõ á Terra.*

Experiencia I.

DEixemos cahir duas bollas iguaes em volume e massa, huma de hum palmo de alto, outra de quatro sobre a grêda amafada, que se suppoem preparada, e liza para as experiencias: vemos duas covas, nas quaes se extinguiraõ todas as forças, que traziaõ os dois cõrpos: sem duvida, que estas covas nos ensinarãõ quantas eraõ as forças, que se perderaõ, para as formar. Tiremos as bollas, que estavaõ untadas de azeite, e observaremos huma cova quatro vezes maior que a outra; sendo a velocidade dessa bolla sómente dobrada.

*Experiencia II.*Est.
fig.

5.
3.

NA maquina da regoa , que balanceia , se intenta a mesma experiencia. Conserva-se a mesma massa , e se faz cahir a regoa , ora de hum palmo , ora de dois (*Fig. 3.*) : esta regoa horizontal *bn* , já vos disse , que mede exactamente as velocidades ; e para que a segunda cova não caia sobre a primeira , a caixa da grêda *b* se levanta , ou abaixa , em ordem a que o corpo *A* faça sempre a sua cova distante da cova precedente. Feita pois a experiencia , se acha huma cova quatro vezes maior , que a outra , sendo a velocidade sómente dupla.

O mesmo se vê fazendo a experiencia na barquinha da *Fig. 4.*).

Experiencia III.

POnhamos na regoa , ou na barquinha em lugar do corpo *A* , ou *E* solidos , 4 figuras cónicas do mes-

mesmo tamanho *G*, mas oucas; de-
forte que as quatro pezem tanto,
como a primeira. Repita-se a ex-
periencia, pondo as quatro pirami-
des cónicas, quando a velocidade
he dobrada. Observaõ-se quatro co-
vas, iguaes cada huma á primeira:
logo os effeitos são quatro vezes
maiores, sendo a velocidade sómen-
te duas vezes maior.

Experiencia IV.

DEixe-se cahir o corpo *A* (*Fig. Est. 5.*
3.) no mesmo lugar nove *fig. 3.*
vezes successivamente; fará huma
grande cova, sendo o effeito de
nove forças successivas: levantemos
a caixa da grêda, para ficar outro
lugar intacto correspondente ao cor-
po *A*; deixe-se cahir de huma dis-
tancia sómente 3 vezes maior: ob-
servar-se ha huma cova inteira-
mente igual á primeira: logo pare-
ce, que quem fez esta cova, teve
força igual ás 9 forças successivas,
que tinha feito a primeira. Destas
experiencias ha milhares, e todos

já por força, concordão, que se a massa he a mesma, e a velocidade maior, que os effeitos, não seguem a proporção da velocidade, mas do quadrado da velocidade.

§ V.

Da resposta, que dão os Antigos, e os que desprezaõ a doutrina de Leibnitz.

Muitos homens doutos, não podendo largar a opiniaõ antiga, que lhes parecia mais simples, natural, e conforme á razãõ, medindo as forças pela quantidade de movimento, (isto he a massa multiplicada pela velocidade); e por outra parte, não podendo negar, que os effeitos não seguem a velocidade, mas o seu quadrado sendo a massa igual, começaraõ a trabalhar, luctando com muita fadiga com esta difficuldade. E acháraõ huma resposta ingenhoza, e dizem, que posta a mesma massa, o movel que tem velocidade dupla, só tem

for-

forças duplas ; mas que com forças 2 hade fazer effeitos 4 , e daõ esta razaõ. O movel mais veloz tendo forças duplas do outro mais fraco , hade resistir muito mais á destruiçaõ das forças : e por conseguinte se o fraco obra em hum tempo determinado , o forte hade obrar em dois tempos. Ora no 1. tempo como o forte tem forças duplas , hade fazer effeitos 2 , em quanto o fraco só produz effeito 1 : no segundo tempo o fraco já naõ obra ; porém o forte ainda vive , e hade obrar , e fazer effeitos proporcionados ás suas forças , e ahi temos outra vez effeitos 2 : os quaes cahindo sobre os effeitos obrados no tempo precedente , saõ effeitos 4 , quadrado da velocidade 2.

Do mesmo modo , se o movel forte tiver em massa igual , velocidade tripla do outro fraco , hade ter forças 3 : porém , como resiste mais á destruiçaõ das forças , hade obrar em trez tempos , e em cada hum fazer effeitos proporcionados ás forças : isto he , effeitos 3 , os quaes

182 *Cartas Fisico-Mathematicas*

no fim da acção vem a ser 9, quadrado da velocidade 3.

Em todos os cazos, (dizem) se deve fazer muito cazo do tempo, que dura a acção, para saber qual he a foma dos effeitos, supposta a quantidade das forças: e medir as forças pelos effeitos, sem attender ao tempo, he erro, que se não pode perdoar. Hum homem, que em vinte annos faz hum Palacio maior do que o outro fez em hum anno, sem se empenharem, não prova, que tem rendas vinte vezes maiores. Hum cavallo, que em muitas horas andou 20 legoas, não prova que tem forças 20 vezes maiores, que outro, que andou huma legoa em huma hora; porque bem claro he, que com as mesmas forças, multiplicando o tempo, se hade multiplicar o effeito.

§ VI

*Reflexão sobre a resposta
precedente.*

V Edes , amigo Eugenio , que ambos estes partidos já parece terem razão ; e que se a doutrina de Leibnitz e suas experiencias parecião convincentes , esta resposta parece que a satisfaz. Ora como nós podemos dizer o que entendermos , sem que ninguem nos ponha demanda , ahi vai esta reflexão para ver se ella he justa.

Supponhamos , que eu , e vós vamos comprar livros , v. g. á loge de Mr. Le Beux : queremos cada qual fazer o nosso Gabinete de livros , e levamos as nossas bolças providas com todo o cabedal , que cada hum tem , (porque em que se póde elle empregar melhor , que em bons livros.) Ora sahindo nós a esta empreza , supponhamos que vós levais 20 moédas , e eu sómente 10. Vós tendes dobradas for-

184 *Cartas Fisico-Mathematicas*

forças para comprar do que eu: fois dobrado rico, e crível he, que supporteis a despeza mais tempo do que eu, e que não sejamos reduzidos a consumir, e perder todo o cabedal em hum mesmo tempo (reparai, que vou dando os mesmos passos, que o discurso da resposta precedente). Assim eu dentro de huma hora v. g. ficarei sem dinheiro, quando vós tereis ainda a vossa bolsa pezada: porém como os vossos cabedales são dobrados dos meus, na primeira hora v. g. comprareis dobrados livros do que eu; e se os meus me fizeraõ de despeza 10 moédas, os vossos deviaõ fazer 20 (Daqui não ha escapar). E na hora seguinte pergunto, vos achareis ainda com dinheiro para fazer outra igual despeza á que fizestes na primeira hora?

Vós riereis com a pergunta; e eu quero huma resposta de *sim*, ou de *naõ*. Se dizeis *sim*, doume por convencido, e confessarei, que sahindo vós com dinheiro dobrado do meu, lá pelos vossos calculos Ma-
the-

thematicos vos recolhestes com livros, que valem quatro tantos; e por esta mesma razão confessarei, que o movel com forças duplas pôde fazer effeitos quadruplos.

E respondendo ás duas comparaçoens, que alleguei pela sua parte, do homem, que faz o Palacio em muito mais tempo, do que o feu vizinho; ou do cavallo, que anda muitas mais legoas, posto que em maior tempo, digo, que convém lembrar das circumstancias, que ao principio apontei: huma he, que o Agente não recobre as forças durante a acção, como succede a quem faz o Palacio em muitos annos, cobrando cada anno novas rendas para isso: a outra circumstancia he, que o Agente empregue todas as forças na acção, e por isso o cavallo, que andou huma legoa, e parou, não empregou todas as suas forças: ainda lhe restavaõ mais para hir como o feu companheiro mais adiante.

A comparação justa he do cabedal, que está numa bolça, e se
em-

emprega comprando alguma couza , porque ahi as forças todas se acabaõ , e empregaõ na compra ; e durante esta acção , não se augmentou , ou recobrou o dinheiro.

Eu quizera perguntar aos defensores do modo antigo de calcular , huma couza , que parece obvia , e eu não posso entender , supposta a sua doutrina. Quando o Agente mais forte produzio no primeiro tempo (supponhamos a sua doutrina) quando produzio dois effeitos , ou perdeu algumas forças , ou nenhuma , ou todas ? Escolhaõ o que quizerem ; não me poderãõ desembaraçar da difficuldade. Se o movel não perdeu força alguma , fazendo effeito 2 , tambem no segundo tempo poderã fazer igual effeito sem perder forças ; e ficará obrando *in eternum* , sem que as forças se debilitem , ou consumaõ. De mais : Onde se vio em Fisica produzir-se hum effeito sem destruição de forças ? Onde se vio acção de hum Agente contra o obstaculo , sem que o obstaculo tenha huma igual reacção

ção contra as forças do Agente? Tudo isto, sendo maximas estabelecidas, se devem negar, se o Agente veloz pode fazer no 1 tempo effeitos 2, e ficar com as mesmas forças intactas para obrar no segundo.

Se quizermos dizer, (como devem) que no 1 tempo da acção para fazer effeitos 2 fez a despezã de forças duas; que forças lhe ficaõ para obrar no segundo tempo?

Se ultimamente differem, que no 1 tempo só perdeu metade das forças, isto he forças 1: quem lhe deu privilegio para fazer effeitos 2 com a despezã de forças 1? Quando os effeitos, que consomem as forças que os produzem, devem sempre consumir forças, que lhe sejaõ proporcionadas a elles. Ou os effeitos podem nascer, sem que se consumaõ as forças que os produzem; e entaõ fica o Agente taõ forte, como de antes; ou naõ podem nascer sem a despezã das forças, que os produziraõ; e entaõ effeitos 2 pedem despezã de forças duas. Quando se vio no mundo effeito
sem

188 *Cartas Fisico-Mathematicas*

fem cauza? e quando se vio effeito fem cauza proporcionada. Para effeito 1 foi preciso consumir no movel fraco forças 1; e para effeitos 4 do movel forte, não foi preciso consumir nelle forças 4. Se effeito 1 consumio forças 1, o effeito 2 devia consumir forças 2; e depois de consumidas forças 2 nos dois effeitos, quem produzio os 2 que faltaõ? Estes effeitos se fazem successivamente na terra molle, que se bota fóra do seu lugar, e nada disto se faz em hum instante Mathematico? Confessemos amigo, que he preciso ter garganta larga para engolir similhantes absurdos.

§. VII.

*Incoherencia da Resposta
allegada.*

SE a Resposta allegada he verdadeira, segue-se meu amigo Eugenio, que toda a vez, que o movel for dobrado mais forte que

o outro, hade fazer effeito quadruplo, porque hade perseverar na acção tempo duplo, e em cada tempo produzir effeito proporcionado ás forças; isto he duplo. Ora bem.

Ponhamos agora duas bolas do mesmo volume, e mesma velocidade, porém massa dupla. Já vedes, que a mais pezada tem forças dobradas, e com tudo o effeito he só duplo, e não quadruplo, (como vimos §. 3.) e que dirão a isto os nossos adversarios? Já o agente mais forte não tem privilegio para obrar em tempo dobrado, e resistir á destruição das forças mais tempo, do que o fraco? Como fazem elles estas contas?

Ninguem duvida, que as experiencias mostraõ, que o movel sendo de massa dupla, e velocidade igual, faz effeito meramente duplo, ainda sendo sem questaõ, ser dobrado mais forte; mas se a massa he a mesma, e a velocidade dobrada, o effeito he quadruplo, não obstante serem as forças (dizem elles) só-

190 *Cartas Físico-Mathematicas*
fómente duplas. O tempo da acção
naõ deve entrar em hum, e outro
cazo? e naõ he o movel mais for-
te, ou seja por ter massa, ou por ter
velocidade maior? Como se ajusta
isto?

Nós dizemos, se a massa dó-
bra, dóbraõ as forças, e os effei-
tos; mas se a velocidade dóbra,
os effeitos faõ quadruplos; e por
isso tambem o devem fer as forças.

§. VIII.

Equivocaçaõ dos Contrari- os nesta materia.

E U amigo Eugenio tambem ti-
ve grande repugnancia a con-
cordar com Leibnitz, e rejeitar o
modo de avaliar as forças pela quan-
tidade do movimento: e pela re-
pugnancia que sentia, e pelos mo-
tivos, que me embaraçáraõ a mim,
julgo o motivo, que embaraça
os demais, e os faz a nosso mo-
do trepar por paredes assima, para
con-

concordar com a sua doutrina as experiencias , que todas provaõ o contrario.

O que me embaraçava , era naõ poder entender , o como sendo a velocidade só dupla , as forças haviaõ de ser quadruplas ; e augmentada a velocidade 10 vezes , os effeitos haviaõ-de ser 100 vezes maiores , quando só se esperava , que fossem 10 vezes. Esta difficuldade de achar *o porque* e *o como* , me fazia huma resistencia a conceder , que as forças seguiãõ o quadrado da velocidade. Até que naõ podendo absolutamente concordar effeito nenhum na colizaõ dos corpos , com a doutrina , que tinha bebido como leite , me resolvi a fazer huma distincãõ que todos devem fazer , que he da *existencia* da couza , e da *Origem* , que a faz existir. Eu via , que o chumbo , como todos os graves , me pezava para baixo , e admitia a *gravidade* , ainda que buscava a *Origem* da gravidade , naõ a descobria. Pelo mesmo modo via , que o Iman attra-

hia

hia o ferro , e era delle attrahido. Buscava mas não descobria a Origem desta attracção. O mesmo digo da Attracção dos Córpos solidos sobre os raios da luz , e outras mil couzas , e finalmente conclui. Se nós ignorando a Origem de mil attracções , que vemos , as confessamos , porque as vemos ; não poderei eu ignorando a Origem , que faz subir as forças ao quadrado da velocidade , admittir que ellas sóbem a essa proporção , pois o vejo com meus olhos ? Assim determinado , entrei a ler outra vez o que de huma , e outra parte se dizia , e cada vez me confirmei mais nesta doutrina. Por 6 occasioens diferentes , com annos de intervalo , tomei esta questão entre mãos , para me defenganar ; e cada vez me certifiquei mais no que agora digo , e nessas diligencias vim a descobrir a Origem radical (como logo vos explicarei) a qual independentemente das experiencias faz ver , que as forças do corpo devem ser segundo o quadrado da velocidade , mul-

tiplicando-o sempre pela massa.

Pelo que muitos talvez equivocação, e confundem a *Origem* desta medida das forças, com as *forças*. Conhecemos as *forças*, mas ignoramos talvez a *Origem*: ha experiencias, que nos mostraõ que os effeitos produzidos seguem o quadrado da velocidade, e nos impelem a conceder a doutrina de Leibnitz; mas pergunta-se, donde procederá isto? E não o alcançando, digamos *naõ sei*; mas não devemos negar o que os olhos estaõ dizendo.

§. IX.

Falsa supposiçaõ, em que se funda a resposta dos Adversarios.

A Resposta dos anti-Leibnizianos se funda em que o movel forte hade obrar em maior tempo do que o fraco; deforte que se a velocidade he dupla, hade obrar em dois tempos; e se he tripla, em 3 tempos &c. Ora ainda que isso fosse

assim , já viſtes , que não bastava para responder aos nossos argumētos ; mas porque a verdade clama , examinemos , se isto he assim. Eu digo , que não ; por estes fundamentos.

Est. 5. **fig. 5.** I. Os pendulos fazem as suas Oscilaçoens no mesmo tempo (*Fig. 5.*) quando a corda he a mesma : assim no mesmo tempo , em que o movel veloz vai de *A* até *a* , vai o fraco de *E* até *e*. Supponhamos , que *A* cahe de altura 4 e *E* da altura 1 ; dizem todos , e se demonstra (em Carta separada tratarei disto) que no mesmo tempo sóbe o fraco a altura 1 , e o forte a altura 4. Ora he de saber , que ao passarem pela perpendicular os dois pendulos , o fraco leva velocidade 1 , e o forte , que cahio da altura 4 , leva velocidade 2. Isto he assentado. O que supposto.

Os dois pendulos passando ao mesmo tempo pela perpendicular (suppoem-se pendurados em pré-gos diversos , sóbem no mesmo tempo a alturas 1 e 4 : e as velocidades ,

des , que tinhaõ quando começáraõ a subir , faõ 1 e 2 : logo os moveis , cujas velocidades estaõ na razaoõ dupla , fazem no mesmo tempo effeitos na razaoõ quadrupla.

II. Os dois moveis , que incorrem na terra molle para perder as forças , quando hum tem velocidade dupla do outro , naõ vaõ a passo emparelhado ; mas em quanto hum se enterra movendo huma porcaoõ de terra , o outro veloz deve mover maior porcaoõ de terra : por conseguinte se as forças fossem só duplas , havia de mover porcaoõ dobrada , e perder forças dobradas nesse mesmo tempo ; e se as forças faõ quadruplas deve mover porcaoõ quadrupla nesse mesmo tempo , e perder nisso as suas forças.

Que experiencia ha , que nos próve , que o movel mais forte dura na accaõ mais tempo ? Que razaoõ póde haver que persuada , que sendo o movel dobrado mais forte pela massa deve obrar só num tempo e fazer effeitos 2 , mas que se for dobrado mais forte pela velocidade dupla ,

hade obrar em dois tempos, parâ nelles fazer effeitos 4? Dezejára huma razaõ, que se perceba claramente, como faõ as nossas, que naõ quebraõ a ninguem a cabeça com calculos; mas faõ proporcionadas á capacidade de todos. A verdade tem por caracter a simplicidade, e o erro os ornatos especiozos: vamos a diante.

§. X.

Absurdos no modo de contar de Descartes tirados da decomposiçaõ do movimento. (Fig. 6.)

Est. 5.
fig. 6.

S Upponhamos Eugenio, que temos hum bilhar desta proporçaõ: Largura 3 comprimento 8, dividindo-o com huma linha mn em dois parallelogramos rectangulos e iguaes, a linha AO val 3 medidas, a linha on val 4; e por conseguinte a linha diagonal An val 5 exactamente; porque entãõ o quadrado da hypothenufa 5 que val 25 he igual ao quadrado de 3, que vem

a ser 9, e o quadrado de 4, que vem a ser 16, conforme a proposição de Pitagoras bem decantada.

Isto supposto; se o movel *A* não elastico vier pela linha *An*, e bater nas bordas não elasticas, perde todo o movimento perpendicular á borda, e conserva todo o paralelo, e vai a bola rolando até *a*. Isto he assentado unanimamente por todos.

Assim a bola batendo em *n* perde humas forças, e conserva outras; porque perde todo o movimento perpendicular igual a 3, e conserva todo o paralelo igual a 4, pois estas são as suas velocidades respectivas: logo se medir-mos as forças pela velocidade, o movel perde na pancada forças 3 (esta era a velocidade perpendicular), e conserva forças 4: pois esta he a velocidade que lhe fica.

Vejamos agora, que forças tinha o movel antes da pancada: tinha velocidade 5 (esta he a medida da linha *An*); e por conseguinte tem forças 5. Vêde agora Eugenio, que

198 *Cartas Físico-Mathematicas*
que galante couza: O movel antes da pancada tinha forças 5, na pancada perde 3, e ficou com 4: não he galante o modo de contar?

Já ouvi a certo fujeito, que queria dizer: que quando o movimento se desmanchava, ou resolvia, que então era outra doutrina: eu ri-me, e tambem vós o fareis. Se nós não puzermos a borda no bilhar, a bola *A* vem com forças 5; pois a velocidade he 5; mas se puzermos a tal borda de forte, que a pancada seja obliqua, que isto he o que basta para decompor, ou resolver o movimento, já as forças não são 5, sendo a mesma massa, e a mesma velocidade. Quem poderá tal ouvir sem zombar?

Contemos agora como Leibnitz, e veremos se as contas ajustão. O movel trazia velocidade 5; logo as forças eraõ 25 quadrado de 5; perdeu na pancada velocidade 3, isto he forças 9, conservou velocidade 4, isto he forças 16: ha coiza mais justa? quem tinha forças 25, perdeu 9, e conservou 16.

§. X.I

Dos Absurdos , que se encontram na colisaõ dos corpos naõ elasticos , se contarmos como os Carthesianos.

Ponhamos huma bola de chumbo parada , e outra de igual pèzo , que incorra nella (*Fig. 7.*) com velocidade 2 ; depois do choque , ambas vaõ com velocidade 1 : desta experiencia ninguem duvida.

Est. 5;
fig. 7.

Os nossos Adversarios se confirmam no seu modo de contar dizendo ; que couza mais natural , do que as forças 2 , que estavaõ só no movel *a* , acharem-se agora repartidas por *a* e *b* , ficando cada qual com forças 1 ?

Ora vejamos amigo , este calculo , com olhos de reparar. Que forças havia antes do choque , e que forças ha depois ? Depois (dizem elles) ha forças 2 , e antes tambem havia duas. Ora está bem : observemos

mos as duas bolas ; velas-hemos amaçadas : pergunto agora : Se antes do choque havia só forças 2 , e agora ainda existem forças 2 , não perecerão forças nenhuma no choque ; e se não perecerão forças , quem fez esta compressão nas bolas , e mudança de figura no chumbo , que se não pode fazer sem dispendio de forças ?

Effeitos sem cauza , galante novidade ! o chumbo amaçado , e não houve , nem hum grão de força , que nisto se empregasse e consumisse ! Como se explica isto ?

Vamos agora ao nosso modo de calcular , e veremos se a doutrina quadra com a razão. Antes do choque havia velocidade 2 , e forças 4 ; no choque perderão-se forças 2 , e conservaõ-se forças 2. Ora dois e dois em Portugal fazem 4.

Convém examinar , se a compressão das bolas com effeito val as 2 forças , que se consumirão : para o fazer. Façamos para isso a experiencia em grêda molhada , para se poder examinar a concavidade ,
e va-

e vamos á maquina da colisaõ dos Est. 5.
fig. 8. *Fig. 8.* Ponhamos duas Barquinhas *A*, *B* na parte anterior vai a figura cónica para se enterrar na grêda molle, que se poem na parte posterior de ambas: dentro se mete o pezo, que convém para que as barquinhas tenhaõ a massa na proporçaõ dezejada; e na regua *m n* se governa a velocidade, que se dá á barquinha movel *B*. A outra *A* ora se deixa solta mais quieta, ora se fixa a algum corpo firme, e immovel, que se lhe ajusta, conforme a experiencia, que se deseja. Isto supposto.

Quando se quer averiguar que forças são precisas para fazer huma concavidade igual á outra, que está feita, poem-se a caixa da grêda immovel; e ora se mete no corpo movel mais pezo, ora menos, supposta a velocidade determinada, augmentando, ou diminuindo, até que a concavidade fique igual. Isto assim disposto, vamos á experiencia.

Ponhamos nas barcas massas iguaes. *A* esteja livre, e quieta:
ve-

venha *B* com velocidade 2, e vão ambas de companhia com velocidade 1, conforme está dito. Havia no nosso modo de contar antes do choque forças 4 conservaõ-se depois forças 2, e na cova se perderão forças 2.

Tire-se de *A* a caixinha *E* de grêda, que tem na parte posterior, e ponha-se outra nova de grêda igualmente molle &c. Segure-se *A*, e faça-se immovel; ponha-se em *B* massa dobrada, e faça-se cahir com velocidade 1: neste cazo já se vê, que *B* tem forças 2 antes do choque: cahe pois *B* sobre *A* immovel, e faz huma cavidade, em que perde todas as forças; por conseguinte ferá evidente, que a cavidade responde a forças 2: Ora esta cavidade se acha perfeitamente igual á precedente, quando *B* com velocidade 2 incorria em *A* solto, e quieto tendo ambos massa igual.

§. XII.

Absurdos, que se encontraõ na colisaõ dos corpos elasticos, a naõ contar como Leibnitz.

P Onhamos Eugenio dois globos de marfim, que se suppoem perfeitamente elasticos (*Fig. 9.*) hum grande de 3 onças quieto *B*, outro pequeno *A* de 1 onça que incorre no grande com velocidade 4, a qual se conhece na seta, cuja ponta se dirige ao lugar, para onde o globo vai. Naõ sendo os globos elasticos, iriaõ ambos com velocidade commua 1, porque velocidade 4 repartida por massa 3 e 1, dá hum gráo de velocidade á massa total. Est 5.
fig. 9.

Ora sendo os globos elasticos como suppomos, no contacto se faz com compressaõ 4, que origina forças elasticas 4 para partes oppostas: cedendo os dois globos a esta força á proporçaõ, que resistem menos; o pequeno *a* por cauza da ligeireza, resist-

fiste 3 vezes menos que o grande b ; assim recebe 3 grãos de velocidade para traz; e o grande 1 grão de velocidade para diante: mas como o tal globo grande já tinha no contacto recebido 1 grão, agora vai com 2 para diante.

Vamos agora ao pequeno. Como elle tinha conservado no contacto hum grão de velocidade para diante, e agora recebe trez para traz, fica hum grão destruido com outro contrario, e o globo se acha com dois grãos de velocidade para traz. Isto he huma coiza, em que todos unanimemente concordão de qualquer partido que sejaõ; nem nestas Leis do choque houve jámais disputa.

Vamos agora calcular em hum e outro modo de contar. Segundo Descartes, antes do choque como dissemos havia no globo pequeno forças 4; mas no grande não havia força alguma, porque estava quieto. Depois do choque o grande tem massa 3 velocidade 2; isto he, forças 6: O pequeno se acha com massa 1 velo-

ci-

cidade 2 ; isto he forças 2. Desfor-
te, que antes do choque existiaõ no
mundo sómente forças 4 ; depois do
choque se achaõ forças 8. Vêde se
vos agrada este modo de augmentar
as forças. Ninguem recorra ao elaf-
terio, porque elle só restitue as for-
ças, que a compressaõ destruhio : Só
refuscita as forças destruidas, nunca
as produzio de novo.

Fig. 10.

Contemos agora com Leibnitz.
Antes do choque havia no globo pe-
queno massa 1 velocidade 4 ; isto
he, forças 16 : vamos ao que se
acha depois do choque : o globo
grande tem velocidade 2, cujo qua-
drado he 4, que multiplicado por
massa 3 dá 12. No globo pequeno
a velocidade 2 dá no quadrado for-
ças 4, que multiplicadas por massa
1 fica em 4. Juntando agora as for-
ças do grande 12, com as do pe-
queno 4, se achaõ 16, como antes
do choque. Ora Eugenio, se isto
naõ he verdade, ao menos arre-
meda-o bem.

Pelo mesmo modo, suppondo no
globo grande quieto massa 9, e no
pe-

Est. 5. pequeno só massa 1, supponhamos
 fig. 10. velocidade 10 (*Fig. 10.*) com a
 qual incorre no grande; depois do
 choque, pelas Leis estabelecidas por
 todos, o grande vai para diante com
 velocidade 2; o pequeno falta para
 traz com velocidade 8. Calculemos
 agora.

Pelo modo dos contrarios antes
 do choque havia forças 10 no pe-
 queno, e no grande nada: depois
 do choque o grande se acha com
 massa 9 e velocidade 2, que quer
 dizer forças 18, e o pequeno com
 massa 1 e velocidade 8, que dá for-
 ças 8: assim depois do choque se
 achão forças 26, quando antes d'elle
 só haviaõ 10. Ainda quando quizef-
 lemos contar as forças do elasterio
 juntas com as que para o formar
 pereceraõ na compressãõ (que he
 forte absurdo) não chegávaõ a vin-
 te e seis.

Contemos agora, como a Ver-
 dade manda. Antes do choque ha-
 viaõ no globo pequeno forças 100
 quadrado da velocidade 10: depois
 do choque no grande ha velocida-
 de

de 2, cujo quadrado he 4, e multiplicado por massa 9, dá forças 36. Vamos ao pequeno velocidade 8 dá no quadrado 64: a massa 1 não altera a conta: temos logo no pequeno forças 64, e no grande 36, que fazem 100. Isto Eugenio será mentira; porém eu me quizera antes com estas mentiras, que entendendo, que com as outras verdades dos contrarios, que não entendo.

§ XIII.

Dos Absurdos, que se encontram na geração das forças, a não contar, como Leibnitz.

A Té agora Eugenio, examinamos as forças pelos effeitos, que fazião, quando se destruhiaõ: agora convém medilas pelas causas, que as produzem; e pasmareis de ver, como a verdade se mostra sempre uniforme, e constante de qualquer modo que a vejamos. Ponto hum principio, de que ninguém espero, que me duvide. **O**

O mesmo elastério disposto do mesmo modo, sempre hade produzir as mesmas forças.

Porque se as forças do elastério são as mesmas, as forças produzidas por acção semelhante, devem ser as mesmas. Isto supposto, dispondo deste modo as experiencias (*Fig. II.*). Ponho hum elastério aberto, mas fixo por huma parte á columna: na outra parte do elastério está hum vinco fundo para atar hum cordão de seda, pelo qual se puxe até que o elastério incofte huma perna á outra, e então se larga. Deste modo ficamos certos, que elastério teve a mesma inflexão, e por conseguinte a mesma força na sua acção. A regoa *m n* fica pendente de forma, que estando o elastério fechado ella fique quazi a prumo; mas sempre encostando algum tanto sobre o elastério, para que não succeda o ficar separado, nem a grossura de hum papel. Na caixinha *n* se poem varios pezos, 1 onça, ou 2 ou 4. Advirto, que se deve attender tambem ao pezo da caixinha,

inha, desorte que a caixinha com o pezo, ora peze 1 onça, ora 2, ora 4. A regoa horizontal $p q$ graduada serve de medir a velocidade, ou o espaço, que a regoa pendul a $m n$ pode correr, segundo a força do elastério ou móla. Isto supposto.

Largamos o elastério, depois de dobrado quanto pode ser: se a regoa peza 1 onça, vai até a 10 grãos de distancia; pondo 2 onças na regoa, esperava eu, que fosse até 5 grãos; porém observa-se, que sempre passa de 7; e carregando-a com 4 onças, vai até 5 grãos.

Se contarmos, como Descartes, confessaremos, que no 1 caso a regoa movel recebe forças 10; no 2 forças mais de 14, multiplicando velocidade 7 por massa 2; e no 3 forças 20, multiplicando velocidade 5 por massa 4. Ora parece bem grande absurdo dizer, que a mesma mola, dobrada da mesma fórma, ora produz forças 10, ora 14, ora 20.

Contando porém, como Leibnitz tudo se ajusta. No 1 caso a ve-

locidade he 10 , as forças 100 ; no ultimo a velocidade he 5 , o quadrado 25 , o qual multiplicado por massa 4 dá forças 100 ; e no 2 caso a velocidade he 7 , o quadrado 49 , o qual multiplicado por massa 2 dá 98 : porém como a velocidade passa de 7 , o quadrado passa de 49 e o reputaremos por 50 , e temos forças 100. Confesso-vos Eugenio , que a primeira vez , que vi chegar massa 4 a velocidade 5 , fiquei sumamente admirado , e contente , vendo a verdade clara diante dos meus olhos. Estas experiencias tenho repetido muitas , e muitas vezes , diante de quem as queria ver em publicas assembleias.

§. XIV.

Da Origem , ou cauza á priori , porque a velocidade faz subir as forças segundo o seu quadrado.

N Este ponto Eugenio , havemos de fazer varias supposições de que se não duvida. Primei-

meiramente todo o movimento acelerado tem isto com si, que a velocidade do fim segue a raiz quadrada dos espaços já corridos: O mesmo tem o movimento retardado, em que os espaços são como os quadrados da velocidade, que houve no principio do movimento.

Em segundo lugar: toda a acção, que produz de novo o movimento, he accelerada; e toda a que destróe o movimento, he retardada. Quanto á producção do movimento, ou seja por móla que se dilate, ou por impulso da mão, ou de qualquer modo, observai isto. Não se póde dar o movimento em hum instante Mathematico; sempre he em hum tempo divisivel: ora se no primeiro momento o movel recebe certa velocidade da cauza impellente, ou no segundo continua com a mesma velocidade, ou menor, ou maior: Se for menor, já não póde alcançar o movel, que partio com a velocidade communicada; se for a mesma tambem a cauza não póde ter acção sobre o movel, por-

O ii que

que quando dois corpos vão com a mesma velocidade, hum não pôde ter acção alguma sobre o que lhe foge tanto, quanto elle se avança: logo sómente poderá o movel receber novo gráo de velocidade, se a cauza impellente se mover com maior velocidade do que no principio: e pela mesma razão no terceiro momento não poderá receber augmento de velocidade, se não se a cauza impellente o tiver. Assim he manifesto, que nenhum movimento se pode produzir sem que a cauza impellente se accellere, durante a acção; e por isso o movel se deve accelerar nesse mesmo tempo.

Daqui vem, que em todos os cazos, se encurtamos o tempo da acção, diminuimos a velocidade do movel. Quando hum no jogo da bola, vai a despedi-la, se alguem por detraz no meio da acção lhe poem obstaculo ao braço, a bola cahe pouco a diante dos pés; não obstante ter já recebido por algum tempo o movimento. Do mesmo modo no bilhar, se puzerem a bola atraz de

hum

hum obstaculo fixo, e furado, de forte, que com a massa possamos tocar na bola, e impellila por espaço de 3 linhas, sem a poder seguir com a massa por espaço maior, a bola receberá muito pouco movimento, ainda que a força seja grande. Na espingarda nimiamente curta, em que o fogo não tem tempo para seguir a bala, quanto póde, a bala vai frouxa. O elasterio, que no principio da acção impelle o movel, mas não o pode seguir, não lhe dá toda a velocidade que pode: do que tudo se collige, que toda a acção, que communica movimento, obra com velocidade accelerada; e que todo o movel que o receber, recebe movimento accelerado.

Pela mesma razão todo o movimento, que se destróe, he por movimento retardado, assimilhando-se o movimento que nasce, e se communica ao *pendulo que cabe*, e o movimento que se perde ou se destróe ao *pendulo que sóbe*.

Daqui se tira huma consequencia infalivel, que para se communicar

car ao movel o segundo gráo de velocidade , não basta na cauza o esforço , que basta para lhe commu-
nicar o primeiro : assim como ao movel caindo para adquirir o segundo gráo de velocidade , não bastou o correr espaço igual ao que correo adquirindo o primeiro. Do mesmo modo para communicar ao movel o terceiro gráo ainda he preciso hum esforço muito maior , que para lhe dar o segundo. Desorte que no mó-
vel que cahe , se observa que para ter 2 gráos de velocidade , foi preciso ter forças capazes de levantar o grave por 4 espaços semelhantes áquelle espaço , que subio com forças 1.

Em cada espaço , que o grave desce , adquire huma força para subir outro tanto ; em 4 espaços adquire forças para subir 4 espaços ; em 9 para subir 9 &c. Ora estes espaços , como são corridos por movimento acelerado , sempre são o quadrado da velocidade final ; sendo isto huma consequencia necessaria do movimento acelerado , que os
es-

espaços correspondem á aria do triangulo, e a velocidade final á baze delle. Sendo logo toda a acção, com que se communica o movimento, accelerada, devemos dizer delle o mesmo, que todos dizem do grave que cahe.

Neste ponto ultimo tenho ainda que allegar novas experiencias as quaes vos peço muito que queirais fazer; porque vos acabaráõ de convencer; porquanto na realidade me parece que convencem.

Experiencia.

P Onhamos hum como esquadro, ou ferro *A*, (*Fig. 12.*) em fórma de angulo hum pouco mais de recto, com hum furo no apíce, por onde possa adaptar-se a columna fixa; de maneira que com toda a liberdade se môva, abaixando huma parte do angulo, e levantando a outra: na parte horizontal *m* ponha-se hum fio em que se possaõ suspender diferentes pezos; e na outra parte *n* se ponha hum cordaõ, pelo qual se conserve *n* chegado á columna, até se

Est. 5.
fig. 12.

se largar o tal esquadro. Sobre n esteja levissimamente encostado o pendulo E , de forma que sacudido pelo angulo de ferro, possa hir mais, ou menos longe, medindo-se a velocidade na regoa horizontal $p q$.

Aqui temos hum modo de augmentar na proporçaõ, que quizermos, as forças da cauza impellente; suspendendo do fio m ora huma onça, ora 2, ora 4. Ponhamos pois huma onça, e vejamos até onde atira com o pendulo E . Depois ponhamos 2 onças; veremos, que não bastaõ para atirar com elle até huma distancia dobrada; mas que para isso será preciso carregar a perna m com 4 pezos semelhantes ao primeiro. Isto assim succede; e he prova manifesta, que para dar ao movel o segundo gráo de velocidade, não basta duplicar o esforço que lhe deu o primeiro, mas que he preciso quadrupealo.

O mesmo succedará uzando de molas em lugar de pezos; porque para lançar o pendulo com velocidade dupla seráõ precisas quatro molas iguaes á primeira.

§ XV.

*Dos Argumentos que contra nós
fazem os Adversarios.*

TAnta gente boa, Amigo Eugenio, não pode teimar a seguir o modo de contar dos antigos, sem alguma razão apparente; eu vou expor-vos os maiores fundamentos que tem, e as respostas que lhe damos, para depois julgar-des por huma ou por outra parte.

Ed. 5.
fig. 13.

Argumento I.

NA Balança Romana, conforme temos dito, vemos que massa 1 com velocidade 2, está em equilibrio com massa 2, e velocidade 1; ora o equilibrio pede forças iguaes de parte a parte: logo tanta força tem hum pézo como o outro; mas pelo modo de contar de Leibnitz o pézo grande tem massa 2 multiplicada por velocidade 1, cujo quadrado he 1, e vem a ter forças 2;

2 ; porém o pequeno tendo velocidade 2 , o seu quadrado he 4 , que multiplicado por massa 1 dá forças 4 : e por conseguinte teriamos forças 4 equilibradas com forças 2. Este argumento parece forte ; porém não he o que parece.

Nós devemos distinguir *forças mortas* de *forças vivas* ; as mortas são a *pressão*, a qual a cada instante se destróe pela *pressão* contraria ; e na balança só ha estas forças mortas , isto he sómente ha a *pressão* ; estas não se medem pelo quadrado da velocidade , porque não são gerados pelo movimento acelerado que vos expliquei ha pouco. Quereis ver esta differença sensivelmente ? ora reparai. Ponde hum pêzo suspenso de hum prego só por hum cordel ; quer corteis o cordel em hum instante , quer em outro , sempre o pêzo hade ter a mesma força no principio da queda ; final de que a força que elle fazia n'um instante para cahir , ficou inteiramente destruida pela resistencia do prego. Porém cortado o cordel , se aparares

O pêzo na mão ao primeiro tempo, darvos-ha hum pequeno golpe; se o aparares lá no quarto ou quinto tempo da queda, como já o seu movimento vem accelerado, vos dará hum golpe formidavel: vêdes a differença da pressaõ, ao movimento livre? a força da *pressaõ* nunca cresce com o tempo, a *força da quéda* sim.

Façamos huma experiencia: reparai nesta figura 13.

Façamos huma balança Romana- Est. 5.
na, cujos braços sejaõ desiguaes, no fig. 13.
comprimento e grossura: o braço da parte de *A* seja mais grosso, e o de *B* mais delgado, deforma que se equilibrem, naõ obstante ter *B* dobrada distancia do eixo como 2, e *A* como 1: pendurem-se de *A* e *B* dois pêzos na razãõ dupla, para ficarem equilibrados; e debaixo de *A*, e *B* se ponhaõ fixas nos braços da balança duas piramides cónicas *m*, *n* bem iguaes.

Na columna que sustenta a balança se faráõ duas aberturas em *E*, e mais *I*, onde possa entrar a caixa da

da grêda D , voltada ora para huma, ora para outra parte, em ordem a que na grêda mole possaõ receber-se as piramides cónicas m, n , se cahirem os braços em que ellas estaõ fixas. Disposto assim tudo.

Em quanto a balança está com ambos os pêzos suspensos, está immovel, destruindo-se a cada instante mutuamente as *pressoens*, ou forças com que os pezos procuraõ o descer; e já se vê que pois estaõ em equilibrio saõ iguaes; e que em A a massa 2 multiplicada pela distancia ou velocidade 1 dá forças 2 , e que em B massa 1 multiplicada pela distancia 2 dá forças 2 : aqui não ha forças vivas, porque não ha movimento; ha pressaõ sómente, ou forças que a cada instante morrem.

Façamos agora passar estas forças mortas para forças vivas, e vejamos se saõ iguaes ou não. Ponhamos a caixa D em E , voltada para A , e cortemos com huma tizoi-
ra o fio que suspende o pezo 1 ; nesse momento cahirá o braço A , e a piramide n se encravará na grê-
da

da D , fazendo huma cóva igual ás forças com que desceo.

Tirada a caixa D do seu lugar E , se ponha em I voltada para o braço B , mas de forte que a piramide m corresponda a outro lugar fóra da cavidade feita por n ; ponhão-se ambos os pêzos na balança, e corte-se o fio que suspende o pêzo grande. Nesse ponto cahirá o braço B , e a piramide m fará outra cóva na grêda muito maior que a precedente. Sinal que as forças são maiores; porque já são forças vivas, e se devem medir por massa 1 , multiplicada pelo quadrado da velocidade 2 , que vem a dar 4 .

Isto se confirma bem com o que vou a dizer, que he conforme a idea commum; se estiver huma vara como a da figura (Fig. 14.) em que a parte m tem dobrado pêzo do que n ; e a parte n está em dobrada distancia do eixo; se a fizerem andar á roda violentamente puxando pela corda E , que se desenvolve do seu eixo, todos quereraõ antes apanhar o golpe de m com dobrada massa, que

Fig. 14.

o de n com dobrada velocidade. Logo as forças não são iguaes, ainda só consultando a idéa commum de todos.

Argumento II.

SE dobrando em hum movel a massa fómene, e noutra fómene a velocidade elles não ficam iguaes, segue-se que batendo-se mutuamente dois pendulos não elasticos, que tivessem esta proporção nas massas e velocidades, hum venceria o outro: Ora isto he falso; porque sendo nesta proporção ficam parados depois do choque. Logo antes delle as forças eraõ iguaes.

Para responder a esta difficuldade, convém que façamos attenção a varias coizas certas. I. Que nós achamos ambos os pendulos amaçados e complanados, e nestas móças he que se consumiraõ todas as forças de ambos; ora para se amaçarem he preciso que depois que se tocáraõ, ainda vaõ andando para diante os centros de ambos; isto he

he inegavel. II. Que o movel mais veloz , naõ sómente vai mais deprefa do que o outro em quanto caminha pelo ar livre , mas tambem depois do primeiro contacto ; por conseguinte em quanto o movel vago-rozo anda huma linha depois do contacto , o veloz deve andar 2 ; por conseguinte , em quanto o movel tardo faz fahir do feu lugar 10 particulas de materia , o veloz fará fahir 20 : logo em quanto o movel tardo perde forças 2 , o veloz perderá forças 4 ; eifaqui porque nenhum triunfa ; porque no mesmo tempo perecem as forças de ambos.

III. Que as forças de hum movel se perdem naõ sómente na móça que elle padece , mas na móça que faz no obstaculo. Se hum pendulo estiver quieto , e o outro incorrer nelle , ambos ficaõ igualmente amaçados ; final de que o effeito das forças deve ser igualmente em ambos , no movel e no obstaculo : logo quando ha dois globos que incorrem mutuamente cada qual com

as suas forças se amaça a si , e ao contrario ; donde se segue que o movel veloz tendo forças 4 perde forças 2 em se amaçar a si , e forças 2 em fazer móça no contrario ; e do mesmo modo o movel tardo perde forças 2 , huma em fazer móça em si , e a outra em fazer móça no veloz ; ora o veloz faz a compressão como 4 naquelle mesmo tempo em que o tardo faz compressão como 2 ; por isso depois do conflicto não ha forças residuas para a victoria.

Argumento III.

Ponhamos hum Navio com hum bilhar , mova-se o Navio com velocidade 2 para o Poente , e dêmos a huma bola velocidade 2 para a mesma parte , he certo que fahirá a bola com velocidade 4 ; no nosso modo de contar temos forças 16 : ora não apparece quem dê estas forças ; porque o jogador , ou a móla que se supponha obrar em lugar d'elle , não podia dar se não forças 4 ;

ten-

tendo velocidade 2, o Navio tam-
bem não dava antes da acção do
elasterio se não forças 4 pela mes-
ma razão; ora de duas causas que
dão forças 4, não pode nascer ef-
feito 16; cahe logo o modo de con-
tar de Leibnitz.

Este argumento Eugenio requer
delicadeza no modo de ser tratado,
para que a verdade não fique escon-
dida. Ponhamos huma molla ou elaf-
terio incurvado *A*, pronto para o-
brar com forças determinadas: vê-
de a figura 15. da Estampa 5. Se o sol-
tarem entre dois obstaculos iguaes
m, e *n*, dá a cada qual metade das
suas forças, repartindo com elles á
proporção inversa das suas resisten-
cias: porém se (*B*) o soltarem entre
dois obstaculos desiguaes *m*, *D*, cujas
massas são 1, e 3, dará ao obsta-
culo *m* trez vezes mais de força do
que a *D*: supponhamos agora (*C*)
que o soltaõ entre hum obstaculo im-
movel, e outro movel *m*; dará a *m*
todas as suas forças.

Est. 5.

fig. 15.

Adiantemos o discurso (*D*):
supponhamos que em quanto o sol-

P

taõ

taõ , a parte p he impellida para m com forças determinadas ; o obstaculo m ferá impellido com as forças do elasterio que se soltou , e com as forças da cauza que o impellio; porquanto toda a força com que elle he impellido em p , deve apparecer em m .

Vamos agora contrahindo a doutrina geral ao cazo do Navio , supponhamos que a molla ou elasterio hia pregado na borda do bilhar , e que a sua força era 4 : se o bilhar fosse levissimo , a molla ao soltar-se impelleria a bolla para diante , e a borda algum tanto para traz , como succede no coice da espingarda ; e a bola iria com forças menos do que 4 ; mas se a borda fosse fixa e segura ao Navio , todas as quatro forças do elasterio se communicariaõ á bola , isto he estando o Navio ancorado ; e quanto maior fosse o Navio menos tremeria no coice do elasterio ; assim como succede ao despedir da bala na peça de artilharia , e maior força se communicaria á bola. Porém se ao despedir da

da bola , ou soltar do elasterio , o Navio andasse , toda essa força com que o elasterio fosse impellido se communicaria á bola.

Isto supposto , vamos ao argumento : em lugar da acção do homem que atira com a bola , supponhamos como disse a mola ou o elasterio , cuja acção he mais regular. O elasterio pode dar velocidade 2 , e a Náó tambem tem velocidade 2 juntando-se ambas as acçoens faõ 4 grãos de velocidade , o que dá forças 16 , vamos a ver como se ajustaõ estas contas.

Em quanto o elasterio ou mola se não soltou , a bola hia com o movimento da Náó , isto he velocidade 2 , forças 4 ; quando o elasterio se soltou havia de impellir a bola para diante com velocidade 2 , e forças 4 , que com as outras fazem 8 ; ora esta mola com o coice para traz havia de mover outra bola igual com igual velocidade 2 , e forças 4 ; porém se esta parte do elasterio que quer rëcuar fosse nesse tempo impellida para diante com ve-

locidade contraria só igual á de recuar , ficaria immovel ; porque velocidades iguaes e contrarias se destróem mutuamente ; e nesse cazo , pelo que dissemos affima , toda essa força com que a parte que queria recuar he impellida para diante , se communica á bola ; e ahi vão já mais forças 4 que com as outras 8 fazem 12. E notai , até aqui temos immovel a parte posterior do elastério ; porque por huma força havia de ir para traz , e por outra força igual devia ir para diante.

Porém isto não he assim. O vento que impelle a Náo , e a faz caminhar sempre com velocidade 2 , quer na sua camera se folte o elastério em contrario , quer não , faz que a perna posterior do elastério , avance para diante com velocidade 2 , e forças 4 , que lá se vão communica á bola ; e juntas a 12 fazem 16 que he a nossa conta.

Todo o segredo que solta a difficuldade está nisto , em que a força do vento que se suppoem infinita , zomba de toda a força contra-

ria ; e faz huma acção que se deve reduzir a duas , huma que impelle a perna fixa do elasterio só com força igual áquella com que ella quer recuar ; ex vi da qual esta parte do elasterio fica quieta ; outra ex vi da qual esta mesma parte do elasterio caminha para diante , como se nada houvesse em contrario.

Lembraiv-os do que vos tenho dito , que para dar o primeiro gráo de velocidade basta forças 1 , para dar o segundo são precisas forças 3 , e para o terceiro são precisas forças 7 &c. Ora se a força do Navio fosse mui limitada , não poderia dar á bola o 3.º , e o 4.º gráo de velocidade quando o elasterio se soltasse , e lhe desse o 1.º e o 2.º : Então o Navio recuaria hum pouco para traz , como succede a huma carreta em que se dispára huma peça : he logo precisa força no vento para impellir o Navio de forma que não recue ; eisaqui a primeira acção com que lhe communica forças 4 ; pois outras tantas faria o elasterio para recuar , se fosse o

Na-

Navio igual á bola : estas forças se deviaõ descontar na acção do vento se elle tivesse força limitada ; e depois de ter maõ no coice do elasterio não poderia ir para diante com a mesma velocidade com que dantes caminhava ; mas como a força do vento não tem limites (falo a respeito de obstaculos semelhantes) na segunda parte da acção lhe dá forças 4 com que elle he levado para diante ; e deste modo vem o vento a dar forças 8 , e o elasterio 4 , que fazem 12 , que correspondem a o 3.º , e o 4.º gráo de velocidade.

Advirto que cauzas semelhantes no vento , ou torrente de agua , cuja força não tem diminuição sensivel pela resistencia de qualquer obstaculo , se podem chamar infinitas ; e tem esta propriedade que a sua acção tem mais força quando ha mais resistencia : v. g. huma torrente cuja velocidade he 5 , se lhe lanço huma barquinha de massa 1 , dalhe forças 25 ; se lhe lanço outra barquinha de massa 4 dalhe forças 100 ; se lhe lanço huma barquinha massa 10 dalhe forças

ças 250 ; porque tudo he arrebatado com velocidade 5 , e quanto maior he a massa , maiores forças recebe o movel , e por conseguinte maiores forças iem a acção da torrente ; o mesmo digo do vento. Logo no cazo do elasterio no Navio , o vento achando maior resistencia no coice do elasterio do que antes , dá 12 forças , e antes só dava 4 ; pois dá tantas quantas recebe o movel impellido por elle.

Argumento IV.

S Upponhamos que damos a huma bola velocidade 3 por huma linha , e por outra linha , damos velocidade 4 ; mas que as direcções não fazem angulo recto , como já se figurou , fenaõ hum angulo agudo : he certo que quanto mais agudo for o angulo mais comprida he a diagonal ; que sempre hade ser mais que 5 espaços ; por quanto para isso he preciso que os lados 3 , e 4 fação angulo recto.

As forças antes da composi-
ção

ção do movimento eraõ 9, e 16, que fazem 25; mas se a diagonal for 6 ou 7, ou 8 ferãõ as forças 36, ou 49, ou 64; eis-aqui hum erro formidavel de contas, que de duas potencias cujas forças faõ 25, faia hum effeito incerto, e sempre maior do que ellas pediaõ.

Este argumento tomara eu que o soltassem os nossos adversarios primeiro de que o puzessem contra Leibnitz; porque tambem naõ concorda com o seu modo de calcular; porque sempre a diagonal he menor que a soma dos dois lados do parallelogramo. Porém nós podemos responder bellamente valendonos da doutrina dada.

Est. 6. Quando o angulo he agudo (*Est. fig. 1.*) se deve resolver huma das direcçoens *a b* em duas direcçoens simples, *an*, *am* debaixo do angulo recto; porque sómente assim fica resolvido o movimento em duas direcçoens differentes, e sem mistura: em quanto o angulo he agudo, a direcção *a b* tem muita parte do movimento que coincide com

a e;

ae ; e por conseguinte deve-se a linha am ajuntar a ae , e fazer hum novo parallelogramo de an com ai , que dará a antiga diagonal ad , e nesse cazo não apparecem na diagonal maiores forças do que nos lados.

Mas instaraõ que (seja como for) postas as duas potencias que obrem em angulo agudo sempre apparece effeito maior que a cauza. Respondo que se alguma das potencias parciais for infinita, isto he vento, ou corrente de agua; poderá o movel no fim do tempo determinado chegar ao fim da diagonal ad ; porém se nenhuma potencia simples for infinita, não pode o movel no fim do tempo correspondente a cada huma das determinaçoes simples chegar ao fim da diagonal. Perdoem os senhores Físicos se se escandalizarem disso; pois nem experiencia daráõ, nem calculo que o prove, senão quando for huma das potencias vento, ou agua, ou coisa semelhante de força ilimitada.

A razaõ desta minha excepção
da

da regra geral he porque vós fa-
beis , que a potencia que pode dar
2 grãos de velocidade ao movel que
ainda não tem nenhum para aquel-
la parte *e* , não lhos poderá accref-
centar , se elle já tiver 4 ; porque
dar os primeiros dois grãos de ve-
locidade he dar 4 forças , e accref-
centa-los a quem já tem 4 , he dar
20 forças , para fazer com as 16
que havia 36 , que correspondem á
velocidade 6 , soma da antiga 4 ,
e da nova 2 ; ora potencia que só
tem forças 4 , não pode dar forças
20.

Est. 6.
fig. 2.

O mesmo digo se o angulo for
obtuzo , mas a excepção he em con-
trario , isto he que a diagonal se
corre em menos tempo do que qual-
quer das direcções , porque (*Fig.*
Est. 6.) porque a direcção *ae*
em parte he contraria á direcção
an ; e para a reduzir á *ao* como
deve ser para seguir a diagonal *am*
deve-lhe tirar o 3.^o e o 4.^o grão da
velocidade , o que pede forças 12 ;
ora a potencia da direcção *ae* não
tem se não forças 9 ; logo no tem-
po

po das direcçoens particulares o movel passará além de *m*; por conseguinte fará a diagonal *a m* em menos tempo do que seguiria as direcçoens particulares.

Perdoai Eugenio a dilatada carta que vos escrevi, mas eu julguei que não devia tratar á ligeira materia que querieis saber com mais fundamento.

Fim da décima Carta.

CARTA XI.

Sobre as Leis do Choque e communicação de Forças.

ESta materia, Amigo Eugenio, vos hade dar grande luz para o conhecimento dos effeitos naturaes; e ao mesmo tempo me desculpareis de vos ter instruido tanto á ligeira no tempo das nossas Recreaçoens; porque se entaõ eu vos metesse em todas estas doutrinas, muito vos havieis de disgotar, e naõ tomarieis o gof-
to, que era preciso tomar nestas materias. Isto supposto, para discorrer com clareza, e solidez nesta materia, ponho primeiramente os principios seguintes.

Principios , ou verdades evidentes á cêrca do obstaculo fixo.

I. **Q**Uando o obstaculo he fixo , e o golpe perpendicular , todas as forças do movel se perdem nelle.

II. O effeito destas forças he a cóva , que fica feita no obstaculo , ou no movel , ou a compressão , que talvez depois dezaparece pela elasticidade ; ou a raxa , e separação de partes , feita num dos còrpos que se batem.

III. Quando a linha do incurso do movel he perpendicular , e o obstaculo fixo , o movel obra com todas as suas forças.

IV. Porém : Quando a linha do incurso he obliqua , o movel obra sómente com as forças que correspondem á linha perpendicular , depois que o movimento se resolver em perpendicular , e paralelo.

V. Neste cazo o movel continúa

o movimento : porém mudando a linha , e diminuindo a velocidade , porque se descompoz o movimento , e se consumiraõ em parte as forças.

Postos estes principios á cerca dos obstaculos fixos , convém darvos outros á cerca dos obstaculos , que cedem , e faõ móveis.

*Principios sobre os obstaculos ,
que cedem ao impulso.*

I. **Q**Uando o obstaculo cede , perecem algumas forças que se consumiraõ na cavidade , ou compressãõ : mas , perseveraõ tanto aquellas que o movel conserva em si ; como as que elle communicou ao obstaculo.

A razaõ he : porque naõ ha acção de hum corpo sobre outro , sem movimento das partes , em que se fez o contacto : estas começaõ a ceder , e introduzir-se para dentro , em quanto o restante do corpo pela sua inercia da quietação resiste ; e

pou-

pouco a pouco o obstaculo total recebe o movimento, e cede o lugar total. Ora tanto as forças empregadas na cavidade e móça, que he visível nos não elasticos, como na compressão que dá lugar ao elastério, se o corpo o tem; todas estas forças se consumirão: Logo só podem ficar as forças, que o movel conserva, ou o obstaculo que recebeu, e tem no seu movimento.

II. *A somma das forças perdidas na compressão, e conservadas depois do choque, deve ser igual ás forças, que havia antes delle.* Porque do que havia antes do choque, tudo o que não pereceo, se conserva: logo a somma das forças conservadas e perdidas hade ser igual ás que havia antes do choque.

III. *Quando a elasticidade he perfeita, só dá na restituição forças iguaes ás que se perderão na compressão.* Por conseguinte.

IV. *Não pode haver em cazo algum maior somma de forças depois do choque, do que havia d'antes.* Pois que não ha cauza, que as produ-

240 *Cartas Físico-Mathematicas*
duza de novo, sendo evidente, que
o Elasterio sómente repára as que
se perderaõ na compressaõ. Isto pos-
to.

Lei I.

*Para se conhecer a velocidade
conservada depois do choque
dos Corpos naõ elasticos.*

P Ara saber, que velocidade e
que direcçaõ fica em cada hum
movel depois do choque, devemos
fazer as seguintes averiguaçoens.

I. Se o movimento he só de hum
corpo, ou de ambos, mas na mes-
ma direcçaõ, e linba, deve-se fa-
zer a soma de todo o movimento.

II. Se o movimento dos dois cór-
pos, que chocaõ, he contrario deve-
se descontar o fraco do forte, e fa-
zer cazo sómente do que resta.

III. Este resto, ou aquella som-
ma deve-se repartir pela massa toda,
e o quociente que sabe na repartição,
he a velocidade commua a ambos os
córpõs depois do choque.

Ma-

Maquina para observar os effeitos desta Lei. (Fig. 3.)

Fórmaõ-se duas barquinhas, em que se póde pôr maior, ou menor pêzo: numa vai huma caixinha de grêda mole *A*; e na outra huma piramide cónica de metal *B*, que se possa enterrar na grêda. Ambas se devem suspender por cordoens parallelos; para que em qualquer parte dos arcos que ellas descreverem, vaõ horizontaes, e huma possa seguir a outra

Est. 6.
fig. 3.

A regoa *MN* he toda graduada, e com certos ponteiros, que se metem em varios furos, se vê de que distancia se deixou cair a barquinha agente, e a que ponto chegáraõ ambas depois do choque. Disposta assim a Maquina, vamos aos effeitos seguintes.

Experiencia I.

SE o corpo movel incorre n'outro de igual massa, sempre lhe communica metade da velocidade; e se o movel partio de 10 polegadas, ambos vão para a parte contraria até polegadas 5.

Experiencia II.

SE o movel, que peza huma onça, incorre em outro quieto, que peza 3 onças, ambos vão com hum quarto de velocidade antiga; porque o movel leve não pode mover-se, sem que no outro se movaõ 3 onças; e cada qual hade ter a mesma velocidade do corpo pezado que vai cedendo, em quanto o corpo leve o persegue com outra tanta; e assim elle tendo 4 grãos de velocidade, hade dar a cada onça o seu; e só pode guardar hum grão para si.

Experiencia III.

SE o movel *B* cahe com velocidade 4 sobre o outro *A*, que vai na mesma direcção com velocidade 2, depois do choque vão ambos com velocidade 3; porque sendo a velocidade na mesma direcção, faz huma somma de 6, a qual repartida por ambos igualmente, dá a cada hum 3.

Experiencia IV.

QUando hum movel *A* cahe com velocidade 2, e contra elle cahe *B* com velocidade 8, vão ambos com velocidade 3 para onde hia o movel forte. A razão he: porque *A* com a velocidade 2 destruhio em *B* dois grãos, e ficará sómente 6. Ora *A* quando destruhio 2 grãos em *B*, tambem na acção perdeu os seus, e ficou quieto: e assim hade succeder o mesmo, que succederia, se *B* com 6 grãos de velocidade incorresse em *A* quieto: ora então iraõ ambos de companhia com velocidade 3.

Convém agora dar-vos a Lei para conhecer as forças destruhidas no choque dos não elásticos.

Muitos Físicos, amigo Eugenio, não esperão esta Lei, porque se contentão com a primeira á cerca da velocidade conservada, e communicada no choque; e vendo que antes d'elle, e depois se acha a mesma quantidade de movimento (excepto se há movimentos oppostos) dão a doutrina por completa.

Mas quizera, que reparassem que sempre há forças perdidas no choque. As forças que fizeraõ a cavidade na grêda, ou a móça no chumbo (se a experiencia se faz em bolas deste metal) são forças, que necessariamente pereceraõ: he logo impossivel, que antes e depois do choque haja o mesmo numero de forças. Convém logo, que nos expliquem intelligivelmente, como se podem medir as forças do corpo pela quantidade do movimento, se havendo antes e depois do choque o mesmo movimento não pode haver a mesma quantidade de forças.

Mas

Mas isto confirma a doutrina das *Forças Vivas*.

Lei II.

Para conhecer as forças perdidas no choque.

As forças perdidas no choque são sempre as mesmas quando a velocidade respectiva he a mesma.

Chamamos velocidade respectiva á diminuição de distancia entre os corpos : velocidade 6 sobre 4 que foge , sómente val 2 , porque sómente em 2 se chega : 6 contra 4 que vem vale 10 , porque se chegam os moveis mutuamente por 10 grãos.

Exemplos. Se hum móvel com velocidade 4 incorre n'um obstaculo quieto , a velocidade respectiva he 4.

Se incorrer hum móvel com velocidade 6 , sobre o obstaculo que lhe foge com velocidade 2 , ferá tambem 4.

Mas se hum móvel com velocidade 3 occorrer a outro , que contra elle vem com velocidade 1 , tambem ferá. 4.

Experiencia.

EM todos estes 3 casos mostra a experiencia, que sempre se faz a mesma cavidade: logo perdem-se nelle as mesmas forças.

A razão he; porque o móvel só pode ter acção sobre o obstaculo, quando se chega para elle: Ora esta aproximação he a mesma, quer seja 4 contra corpo quieto, quer seja 6 sobre 2 que foge, quer seja 3 contra 1 que vem. Logo quando a velocidade respectiva he a mesma, as forças perdidas são as mesmas. Mas he justo, que examinemos isto bem, segundo o calculo das Forças Vivas. Ponhamos sempre massas iguaes. No primeiro caso o móvel com velocidade 4 sobre o obstaculo quieto, da-lhe 2 grãos de velocidade, e conserva 2: Ora isto posto calculemos no sistema das Forças vivas.

Antes do choque era velocidade 4; forças 16: depois do choque conserva velocidade 2, forças 4: comunica velocidade 2, forças 4; perde na cavidade forças 8.

V.4. Forças 16.

conf. v. 2. f. 4.

com. v. 2. f. 4.

perdidas f. 8.

Som. f. 16.

No segundo cazo antes do choque no debil era velocidade 2, e forças 4: no forte era a velocidade 6, forças 36: Somavaõ as forças antes 40.

deb. v. 2, f. 4.

fort. v. 6, f. 36.

Som. ant. f. 40.

Depois do choque vaõ ambos com velocidade cõmum 4: o debil tem forças 16; o forte 16: na cavidade se perderaõ forças 8, forma tudo forças 40.

deb. v. 4. f. 16.

fort. v. 4. f. 16.

cav. perd. f. 8.

Som. 40.

No terceiro cazo o movel antes do choque tem velocidade 3, forças 9: o contrario vem com velocidade 1, forças 1: Somaõ as forças an-

antes do choque 10. Depois do choque vão os moveis com velocidade commum

I
 porque dois
 graus das an-
 tigas se def-
 troé mutua-
 mente; e os
 outros dois
 se repartem
 por ambas as
 massas igual-
 mente. Af-
 fim fica em
 cada qual ve-
 locidade 1, e

Antes do choque.

Mov. fort. v. 3. f. 9.

debil mov. v. 1. f. 1.

Soma 10.

Depois.

Mov. deb. v. 1. f. 1.

mov. fort, v. 1. f. 1.

na cov. perd. f. 8.

Somaõ f. 10.

forças 1 : na cavidade se perdem
 forças 8, como nos cazos preceden-
 tes, o que he precizo para haver a
 mesma cavidade, tudo soma forças
 10.

Vêde Eugenio se pode haver
 couza mais justa, e mais coherente
 com a experiencia, e com a razaõ.
 Agora no modo de calcular dos
 Carthesianos temos no primeiro ca-
 so antes do choque forças 4, de-
 pois em cada movel 2, que somaõ

4; e a cóva aparece feita, sem que força alguma se perdesse. No segundo cazo antes do choque havia num forças 6, n'outro 2; fomaõ 8: depois do choque 4 em cada hum; fomaõ 8, e a cóva se fez sem que perecesse força alguma. No terceiro antes do choque forças 3 em hum, e forças 1 no outro: fomaõ forças 4. Depois cada movel tem forças 1 fomaõ 2; e faltaõ aqui duas forças: se differem que mutuamente se destruíraõ, aparece outra vez a cóva feita sem depender de forças: se quizerem que estas duas forças fação a cóva; temos huma incoherencia bem dura de supportar; porque nos outros dois cazos se fez sem perda de forças, neste necessitava dellas.

Observação I.

DO que fica dito, se collige: I. que sendo o obstaculo absolutamente fixo, as forças perdidas são todas, quantas havia antes do choque.

II.

II. Que sendo as massas , e velocidades na razaõ reciproca , e em direcçaõ contraria , as forças perdidas são todas as que havia antes do choque.

III. Que sendo os corpos ambos móveis , e iguaes , e hum quieto , as forças perdidas são metade das que haviaõ antes do choque.

IV. Que (como adverte admiravelmente o Gravesande) força nunca destruhio força (couza , que muito tempo não entendi) porque , como vêdes , as forças só se destróem nas cavidades ; e assim o que destróe as forças vivas , são os effeitos , em que ellas se empregão , que he fazer as compressoens , ou outras similhantes. Assim huma velocidade destróe a outra , porque o corpo não pode seguir ambas ; mas huma força não luçta com outra força ; mas ambas se empregão nas compressoens.

Principios para julgar do movimento dos corpos elasticos depois do choque.

I. **O** *Elasterio perfeito dá na restituição dos corpos comprimidos, huma força igual á compressão.*

II. *Este elasterio das partes comprimidas, dilata-se entre os dois corpos, que chocáraõ.* Porque as partes comprimidas sempre faõ entre os corpos que se batem.

III. *Este elasterio, quanto he de si, obra para ambas as partes oppostas em ordem a dilatar-se.*

IV. *Se os dois corpos saõ igualmente pezados, ambos cedem igualmente á força da dilatação do elasterio.*

V. *Se hum corpo he immovel, toda a força se exercita contra o outro que cede.*

VI. *Se ambos os corpos saõ moveis, mas desiguaes na massa, cedem mais os que pezaõ menos. Desorte que a velocidade recebida he*

252 *Cartas Físico-Mathematicas*
he na razão inverfa das massas. Sup-
póftos estes principios , fequem-fe
estas Leis.

*Leis para o movimento dos
Córpos Elasticos.*

P Ara fe saber que velocidade fe
achará em cada hum dos Cór-
pos que chocáraõ , deve-fe.

I.º Fazer conta á velocidade ref-
pectiva entre elles , para julgar por
ella da força da compressão , e da
restituição.

II.º Repartir esta velocidade pe-
los dois córpos moveis , na razão in-
verfa das fuas massas.

III.º Juntar a esta velocidade que
deu o elasterio , a que o corpo teria
no choque (cazo que não fossem
elasticos) e fe as duas velocidades
faõ concordes , fazer a foma ; fe faõ
contrarias , fustrair da maior a me-
nor , para ter o resto ; e entãõ fe
conhecerá a velocidade , e direcção
dette corpo.

Effeitos, ou Experiencias.

I. **S**E huma bola de marfim bate em outra igual quieta, troca com ella o seu estado; isto he; da-lhe toda a sua velocidade, e fica parada (*Fig. 4.*).

Est. 6.
fig. 4.

A razão he; porque se *A* com velocidade 4, incorre em *B* quieto, não sendo elasticos, da-lhe 2 grãos de velocidade, e conserva dois. Mas o elasterio que corresponde á velocidade 4, dilata-se entre as duas bolas, e dá a cada qual velocidade 2: a bola *B* recebe dois grãos de velocidade para diante, tendo já no choque recebido 2; e parte logo para diante com 4 grãos de velocidade: porém *A* recebe do elasterio velocidade 2 para traz; e como conservava da velocidade antiga 2 grãos de velocidade para diante, huns destróem os outros, e fica parado, como experimentaõ todos os jogadores do Bilhar.

*Effeito II.*Est. 6.
fig. 5.

SE com huma bola ferirmos huma serie de outras semelhantes (*Fig. 5.*) todas pararáõ, e a ultima sahirá com a mesma velocidade da que incorreo.

A razaõ he : porque pela experiencia passada *A* deve communicar a *B* toda a sua velocidade, e parar : *B* não pode mover-se sem incorrer em *C* : dá-lhe toda a sua velocidade, e pára : do mesmo modo succede ás demais ; e quando se dá a velocidade á ultima *F*, parte livremente com a mesma velocidade, que lhe communicáraõ.

Effeito III.

SE com duas bolas elasticas atirarmos a huma serie de outras semelhantes, todas pararáõ, excepto as ultimas duas, as quaes sahiráõ com a mesma velocidade, que as primeiras incorreraõ. (*Fig. 6.*)

A razaõ he ; porque pelo que fi-

fica dito immediatamente, que *B* incorrendo na serie, dá á ultima bola a sua velocidade, e pára: ora *A*, que vai atraz de *B*, tanto que *B* parar, incorre nelle; e por conseguinte lhe communica toda a sua velocidade e *B* a *C*, e successivamente até *E*. Esta bola não pode comunicar a velocidade a *F*, porque *F* já vai em movimento igual communicado pelo primeiro incurso; e he certo, que quando duas bolas vão com a mesma velocidade, não pode a posterior ter acção alguma na de diante: assim vão as duas ultimas bolas *E*, *F* com a mesma velocidade, com que incorrerão as primeiras duas.

Effeito IV.

SE 3 ou 4 bolas incorrerem em huma, fahirão em movimento tantas, quantas incorrerão. (*Fig. 7.*) Est. 6.

A razão se tira do que fica dito: cada bola communica o seu movimento á seguinte, e pára; se depois vem outra que lhe faz o mesmo, vai em movimento, e quem
lho

fig. 7.

lho deu, parou assim incorrendo 4 em huma, *D* communica a sua velocidade a *E*, *C* a *D*, *B* a *C*, *A* a *B*; e parou, porque não teve depois quem lhe desse o movimento, e todas as de mais foraõ andando.

Effeito V.

DE qualquer modo, que as bolas elasticas estivessem dispostas antes do golpe, ficarão excepto a primeira, se ella for a que incorre (*Fig. 8.*).

Est. 6.
fig. 8.

A razão he: porque cada qual troca o estado, e lugar com a vizinha, como soldados, que vão trocando os lugares das sentinelas, e ficam os lugares sempre occupados na mesma ordem em que estavaõ.

Effeito VI.

SE huma bola de massa 1 incorrer com velocidade 4 n'outra bola maior de massa 3, a grande irá com velocidade 2, e a pequena vai para traz com velocidade 2.

A

A razão he: porque não sendo elasticos, a velocidade 4 se devia repartir por massa 1 e 3, e cabia hum gráo a cada massa: indo deste modo os dois corpos juntos com velocidade 1.

Porém o elasterio tem forças 4; o qual se dilata entre os dois moveis, e lhes dá movimentos oppostos, para os separar ambos: Isto he: ao pequeno hade dar velocidade para traz, ao grande para diante: vamos agora a ver, que velocidade dá a cada hum o elasterio: como os moveis resistem desigualmente, o pequeno, que he trez vezes mais leve que o grande, deve ceder 3 vezes mais: assim o grande *A* deve receber do elasterio hum gráo de velocidade; o qual junto com o outro que já tinha, fazem dois; e o pequeno *B* deve receber 3: porém como tinha hum em contrario, que conservava depois do choque, destem-se os dois grãos oppostos, e ficam livres os dois grãos de velocidade para traz.

Pelo mesmo modo se vê, que

R

se

se hum movel incorrer em outro 9 vezes maior e parado, com velocidade 10, o grande hirá para diante com a velocidade 2, e o pequeno para traz com velocidade 8.

A razão he: porque não sendo elasticos, a velocidade 10 se deve repartir por toda a massa, que he 9 e mais 1: assim vão ambos com velocidade commua 1; o clasterio val 10, porque tanta foi a velocidade respectiva que fez a compressão: esta dá velocidade 10, mas desigualmente, conforme a facilidade maior, ou menor com que os dois obstaculos lhe cederem: ao pequeno dá 9, ao grande 1: fica logo o grande com dois grãos de velocidade. O pequeno teria 9 para traz; porém como devemos descontar hum grão, que tinha para diante, fica com 8 grãos para traz.

Peço-vos agora, amigo Eugenio, que façais huma reflexão, que merece attençaõ. Nestes dois cazos, e em todos os de mais similhantes, depois do choque, ha muito maior quantidade de movimento do que

antes : porque neste cazo antes do choque há sómente 10 ; e depois no grande ha velocidade 2 multiplicada por massa 9 , que val 18 ; e no pequeno ha velocidade 8 multiplicada por massa 1 que val 8 : ora 18 com 8 são 26. Parece coiza bem estranha , que não havendo no mundo antes do choque , fenaõ 10 grãos de movimento , depois appareçaõ 26 , sem que haja mais cauza motiva : porque o elasterio só restitue o que se perdeu. O mesmo á proporçaõ succede no cazo precedente. Ora he bem de admirar , amigo Eugenio , que muitos Físicos vejaõ isto , e se não embarassem , e com todo o desafogo vejaõ as experiencias : elles mesmos daõ as Leis , e tragaõ este absurdo , que do movimento menor faia maior ; e que o choque (mais capaz de impedir ou diminuir o movimento que de o augmentar) seja quem o augmenta muito mais de dobrado , fazendo fahir do movimento 10 , movimento 26.

Vós me direis : e como have-

mos de fahir desta difficuldade? Respondo, que contando as forças como Leibnitz, pelo quadrado da velocidade multiplicado pela massa; porque entãõ tudo fica naturalissimo. Antes do choque ha massa 1, velocidade 10, quadrado 100, forças 100. Depois do choque ha no corpo grande velocidade 2, quadrado 4, massa 9, forças 36: no corpo pequeno velocidade 8, quadrado 64, massa 1, forças 64. Assim as forças depois do choque são no grande 36, no pequeno 64, que fomaõ 100, as mesmas, que antes do choque; porque o elasterio perfeito restituhio as que se haviaõ perdido na compressãõ. Donde se tira huma consequencia infalivel, que naõ he o mesmo, forças do corpo em movimento, que quantidade do movimento. O movimento pode crescer pelo choque, mas he quando as forças, sendo as mesmas, o podem produzir. O que deve ser attendido, são as forças, porque ellas são as que obraõ. Se as disposiçoens são taes, que as mesmas forças podem estar

com

com movimento maior , crescerá ; quando as circumstancias forem taes , que as forças não possam produzir senão movimento igual , com elle nos devemos contentar.

Effeito VII.

I Ncorre hum globo de massa 2
velocidade 3 n'outro parado de
massa 1 : sendo elasticos , o peque-
no hirá para diante com velocida-
de 4 : o grande atraz delle com ve-
locidade 1. (*Fig. 10.*) Porque não
sendo elasticos , o movimento 6 que
havia , se devia repartir por massa
2 e mais 1 , e ficava a velocidade
commum 2 : porém o elasterio val
3 (sendo sempre a velocidade res-
pectiva) , dá dois grãos de velo-
cidade ao pequeno para diante , e
parte logo com 4 ; e ao grande dá
1 para traz ; o qual grão descon-
tando-se de 2 que tinha para dian-
te , fica 1.

Est. 6.
fig. 10.



Ef-

Efeito VIII.

SE hum corpo elastico incorrer com 6 grãos de velocidade n'outro, que lhe foge com velocidade 4, continuará a mover-se com as velocidades trocadas (*Fig. 11.*).

Est. 6.
fig. 11.

A razão he ; porque não sendo elasticos, a quantidade do movimento 6, e mais 4 que val 10, se devia repartir igualmente por ambos: e hirião com velocidade cõmun 5. Ora sendo a velocidade respectiva 2, o elasterio só he capaz de dar dois grãos de velocidade; hum a *B* para diante, e fica com 6; o outro a *A* para traz, o qual diminuindo de 5 fica em 4.

Efeito IX.

SE hum movel elastico com velocidade 6 incorre n'outro contrario com velocidade 4, voltarão ambos para traz com as velocidades trocadas. (*Fig. 12.*)

Est. 6.
fig. 12.

A razão he ; porque não sendo

do

do elasticos , destruindo-se de parte a parte 4 grãos de velocidade , ficariaõ em *A* dois para repartir igualmente por ambos : assim ficaria a velocidade commua 1 para diante : porém sendo elasticos , como há velocidade respectiva 10 , o elasterio dá 5 a cada hum ; a *B* 5 para diante , o qual já tinha 1 , e fica com 6 para diante : ao globo *A* dará 5 para traz , dos quaes se deve descontar 1 para diante , e ficaõ 4 para traz ; o que feito , ficaõ ambos com as velocidades trocadas : do que se tira esta regra geral.

Lei e Concluzaõ Geral.

QUando os corpos são elasticos ; e iguaes em massa , depois do choque , ficaõ com os estados trocados.

Isto he : Se o choque he de corpo movel com quieto , fica quieto o que incorre , e dá ao outro a sua velocidade. Se ambos hiaõ para a mesma parte , continuaõ trocando

264 *Cartas Físico-Mathematicas*
as velocidades (*Effeito 8.*). Se hiaõ
para partes contrarias , voltaõ ca-
da qual para traz reflectindo,
mas com as velocidades trocadas.
(*Effeito 9.*)

Eis-aqui em summa, Amigo Eu-
genio , as principaes Leis do cho-
que em que se admira a pasmoza
coherencia da Natureza ; e ao mes-
mo tempo se observa a exactissima
economía das forças motrizes , co-
municadas, ou conservadas, ou des-
truidas, seguindo o calculo de Leib-
nitz ; o que não sei como se possa
dizer no outro modo de calcular dos
antigos.

Fim da Carta undécima.

C A R T A XII.

Sobre as Forças Centrifugas.

E Stimo, amigo Eugenio, essa vossa, que chamais importunação, porque me faz ver, que dezejais instruhir-vos com fundamento; e não vos contentais com huma superficial instrucção, dada mais com o fim de recrear o paladar do entendimento, do que de lhe dar forças solidas para o fazer capaz de caminhar pelo vasto, e ás vezes difficil caminho do conhecimento da Natureza. Agora vós sois semelhante aos que tendo de fazer jornada, não se contentão com biscoutinhos e doces, mas querem mantimento mais solido, ainda que menos proprio a deleitar o paladar. Isto supposto, ainda que tratando de Astronomia, vos disse muito a cerca das forças centraes, isto he, de buscar, e fugir do centro, com tudo ha muito mais que dizer; e será melhor tratar esta materia de pro-

po-

266 *Cartas Físico-Mathematicas*
pófito , sendo já dita lómente de
passagem.

PROPOSIÇÃO I.

*Todo o corpo que se move em
curva , faz força para fugir
do centro.*

A Razaõ he: porque *todo o cor-
po em virtude da sua Inertia
forceja a conservar-se no estado em
que se acha* : por conseguinte : quan-
do se move por huma linha , custa-
lhe a mudar de caminho ; e se naõ
puxaõ por elle para o lado , vai di-
reito , seguindo a linha , por onde
caminhava. Nisto concordais facil-
mente. Tambem concordareis em
que *toda a linha curva he huma mul-
tidaõ de linhas rectas , extremamen-
te pequenas , que se inclinaõ humas
depois das outras* ; e quanto maior
he esta inclinaçaõ , maior he a cur-
vatura da linha total. Daqui se tira
por consequencia , que *todo o corpo
em movimento forceja a hir por linha
recta* ; porque lómente esta he a
mes-

mesma linha, em que ultimamente vinha; tudo o que he encurvar, he entortar, e mudar de caminho.

Ora esta linha recta, que sahe da curva espontaneamente, se chama *Tangente*, porque toca a curva sem a cortar, ainda que se prolongue, já de huma, já de outra parte. Isto supposto a fraze commum, ou *Mecanica* he esta. *Todo o corpo em movimento, ainda que obrigado siga alguma curva, se o deixaõ livre, foge pela Tangente* (Fig. 13.) Fig. 13.

Ora o corpo não pode seguir a Tangente, sem se afastar do centro: logo por ultima conclusãõ temos que,

Todo o corpo, que se move em linha curva, faz força para fugir do centro.

Experiencia I.

Provêmos isto por experiencias: metamos a pedra na funda, e demos-lhe algumas voltas, para ganhar força: se depois, ou de proposito, ou por accazo escapou da funda, sahe por huma linha recta, por-

porque cessou a cauza que a incurva a cada momento, que era a corda da funda.

Experiencia II.

A Temos hum cópo cheio de agoa, de fórma, que á maneira de turibulo possamos suspende-lo por cordoens; demos-lhe com geito movimento circular, como na funda: a agoa se conserva no cópo, e contém de modo, que não cahe pinga; ainda quando o cópo vai com o fundo para cima: e a razão he; porque a agoa movendo-se em circulo, hade fugir do centro, que he a mão: logo hade forcejar sempre a unir-se com o fundo do cópo; e assim não pode cahir.

Experiencia III.

S Uspendamos huma bola, v. g. huma laranja, ou coiza similhante por hum cordaõ, e demos-lhe movimento horizontal, mas á roda em circulo: quanto maior ve-
lo-

locidade lhe quizermos dar, mais se afasta para os lados, fazendo hum circulo maior (*Fig. 14.*) ainda que *Fig. 14* isto lhe custe o levantar-se mais para cima.

Experiencia IV.

QUando os rapazes lançaõ areia sobre hum piaõ, que está bailando, logo a areia espirra, e falta para fóra, fugindo do centro do piaõ.

Experiencia V.

QUando algum anda á roda sobre si mesmo, como fazem os rapazes, para se fazerem tontos, logo os braços naturalmente se afastaõ do corpo, e os vestidos talleares tambem.

Experiencia VI. e VII.

QUando os cavalos andaõ na picaría sustentados pela guia, fazem muita força puxando pela mão do picador, ainda que não queiraõ, pela força centrífuga.

Ponhamos duas bolas enfiadas n'um arame bem estendido na regoa (*Fig. 15.*) tanto que a regoa andar á roda sobre o eixo por meio de huma corda que trabalhe na roldana *m n*, logo as duas bolas vaõ bater, cada qual na sua extremidade da regoa, fugindo ambas do centro.

Logo. Todo o corpo que se move em curva faz força para fugir do centro.

PROPOSIÇÃO II.

A Força centrífuga segue a massa do corpo.

ISto he : na mesma proporção; em que a massa do corpo augmenta, ou diminue; deve augmentar,

tar , ou diminuir a força que ella faz , para fugir do centro.

A razão he : porque se esta força he propriedade da materia em movimento , quanto mais materia houver em hum corpo , mais força hade haver. Assim o vemos nas experiencias seguintes.

Experiencia I.

P Onhamos huma regoa , e nella hum fio de lataõ bem tezo (*Fig. 16.*) enfiemos duas bolas de marfim , huma grande , e outra mais pequena , ambas em igual distancia do centro , á roda do qual hade girar a regoa ; atemos huma bola á outra com hum fio de seda frouxo , que as deixe na distancia competente , tanto que a regoa andar á roda sobre o seu eixo , as bolas ambas farão força para se afastarem do centro : porém como huma he mais pezada que a outra , e estão atadas , a grande leva consigo a pequena.

Est. 61
fig. 16

Experiencia II.

Fig. 17.

Ponhamos outra regoa com dois canudos inclinados (*Fig. 17.*) em hum canudo ponhamos metade de agoa, metade de azougue; em outro ponhamos agua, e huma bola de chumbo coberta ligeiramente de cera. Em quanto estiver a regoa descançada, o azougue, e o chumbo haõ-de estar em baixo, e junto do centro: tanto porém que a regoa andar á roda, o azougue, e mais o chumbo se afastaráõ do centro, ainda que subaõ para cima. A razão he: como o azougue está no mesmo canudo com a agua, combatem estes dois liquidos, sobre qual hade fugir mais do centro: como o azougue he mais pezado, tem maior força centrífuga, e foge, ainda que para isso seja preciso subir mais; e por esta cauza sóbe para cima, e bota para baixo a agua. Da mesma fórma o chumbo metido na agua tem mais força do que ella para fugir do centro, por ter maior pezo, e vai

e vai occupar o lugar mais distante, ainda que seja o mais alto.

Se puzermos n'um canudo ar, e agua; ou oleo de tormentina, e agua; ou agua, e cortiça, sempre veremos, que andando a regoa á roda, os corpos mais pezados são os que se afastaõ mais do centro, ainda que para isso lhes seja preciso o subir mais alto.

Preparaçaõ.

P Onhamos huma regoa (*Fig. 18.*) no meio della levantemos hum arco, como nos bocaes de hum poço, com sua roldana em cima, mas deforte, que o fio que desce dessa roldana, hade cahir a prumo sobre o centro da regoa: este fio vai atar numa chapa de lataõ *E*, a qual deve subir perpendicularmente, e tem huma hastea no meio com seu vinco em cima, onde prende o fio que vem de cima: nesta tal hastea entraõ varios pêzos de chumbo, como *A*, que tem todos hum pezo igual: as duas azas furadas, que tem a cha-

Est. 6:
fig. 18.

pa *E*, são para enfiar nos dois ferros que vão a prumo para formar o arco, em ordem a que a chapa *E*, que deve subir, e baixar perpendicularmente, suba sempre direita, e não tenha outro movimento.

Em baixo, n'uma metade da regoa há de haver dois arames bem tezos, horizontaes, pelos quaes se mova horizontalmente outra chapa *O*; e deve ter quatro azas voltadas para baixo para enfiar pelos dois arames, em ordem a que ande sujeita sem inclinar para hum lado, ou para o outro; e nesta chapa tambem se devem pôr pêzos, ora mais, ora menos, conforme for preciso.

Para impedir, que esta chapa *O* depois de ter fugido para a extremidade da regoa, torne para o centro, se poem huma lingueta livre de huma parte, a qual cahe sobre os dentes de huma como ferra que está por baixo da chapa *O* ao longo da regoa: como os dentes da ferra, estão voltados para a extremidade da regoa, quando a chapa *O* foge para a extremidade, a lingueta que

vai

vai atraz, corre dependurada por cima da ferra facilmente; mas se a chapa *O* quizer tornar para traz, a lingueta o impede, emperrando nos dentes da ferra, e a chapa fica immovel.

Só falta atar hum fio, ou cordão na chapa *O*, e passado pela roldana *m*, que está no fim da ferra, e depois pela outra roldana superior *n*, e vir ata-lo na hastea da chapa *E*, onde já estarão enfiados os pêzozos que convier. Isto posto, enfião-se na chapa *O* os pêzozos que forem precizos; e quando esta chapa fugir para a extremidade, a chapa *E* hade subir para cima, e como ella vai carregada com pêzozos, vê-se quanta he a força que os corpos postos em *O* fazem para fugir do centro.

Destas regoas se fazem duas inteiramente semelhantes, e se poem em huma meza, de fórma, que se possa com roldanas dar a ambas movimento a hum mesmo tempo. Isto posto.

Se puzermos em huma regoa na chapa horizontal *O* hum pêzo

duplo, do que pozermos na outra, e em iguaes distancias, poderemos tambem pôr na chapa perpendicular *E* pêzo dobrado do que puzermos na outra regoa. Por este modo se verá, que a força dos corpos que fogem do centro, cresce exactamente á proporção do seu pêzo: Ora isto he o que succede na

Experiencia III.

QUando os corpos que se poem na chapa horizontal *O*, tem pêzo duplo, e a distancia he a mesma, a velocidade a mesma, tem força dupla para fugir do centro; e por isso podemos levantar pêzo duplo na chapa perpendicular *E*; o que se conhece agitando a maquina até que se finta o movimento dos pêzos; porque a hum mesmo tempo sobem em ambos as regoas.

PROPOSIÇÃO III.

N Os corpos iguaes na massa, ou pêzo, cresce a força centrífuga á proporção da distancia do centro, em que estão postos.

Experiencia I.

P Onhamos duas bolas de marfim enfiadas na regoa que tem o arame tezo, sejaõ iguaes no pêzo, e estejaõ atadas com alguma distancia entre si: a differença seja sómente na distancia que tiverem do centro. Quando a regoa andar á roda, sempre a que estiver mais distante, hade levar com siigo a menos distante.

Experiencia II.

P Ara provar, que não sómente a distancia faz crescer a força centrífuga, mas que a faz crescer na mesma proporção que ella cresce, se poem nas regoas dois pêzos, iguaes enfiados nas chapas *OO*,
que

que correm horizontalmente ; fó com a differença , que hum se porá em distancia de 3 polegadas do centro da regoa ; e o outro em distancia 6. Se neste cazo o mais distante levantar duas onças na chapa perpendicular *E* , em quanto o companheiro menos distante sómente levanta huma , está provado , que a força centrífuga cresce á proporção da distancia. Ora isto he o que se vê na maquina , porque a hum tempo sóbem os pêzos , dando-lhes a ambos a mesma velocidade.

Experiencia III.

QUando na regoa do fio estendido se poem duas bolas de marfim de pêzo duplo , e se ataõ com o seu fio na fórmula sabida , e se poem de tal modo , que fiquem os pêzos compensados com as distancias ; isto he , o mais pequeno em distancia dupla do grande ; bem pode a maquina andar quanto quizer , que os pêzos ficaõ immoveis , e nenhum tem força para le-

levar com figo o outro. Pois hum excede tanto na força que lhe vem pela mesma massa, como o outro no que lhe vem pela distancia, como vemos na experiencia.

Experiencia IV.

S Endo as bolas iguaes em pêzo, ou massa, e na mesma distancia, e estando atados na fôrma que dissemos, nunca se movem dos seus lugares porque as forças sendo iguaes pela massa, e iguaes pela distancia, não se podem differençar; e assim nenhuma vence.

Advertencia.

P Oderia alguém querer (supposto o que dissemos das forças vivas), que a força centrifuga cresce não só conforme a distancia, mas conforme o quadrado das distancias; porque he certo, que segundo a distancia cresce a velocidade, a qual augmenta as forças segundo o seu quadrado; mas pede-se
lu-

hum pouco de paciencia, e dar-se-
 ha resposta cabal á sua duvida depois
 da Proposiçãõ seguinte.

PROPOSIÇÃO IV.

S Endo as massas iguaes, e as dis-
 tancias iguaes cresce a força
 centrifuga conforme o quadrado da
 velocidade.

Experiencia I.

P Ara dar velocidade differente aos
 corpos que giraõ, e estar certo
 da sua proporçãõ, por debaixo das
 regoas dos pêzos, e no centro de
 cada hum delles pomos duas rolda-
 nas concentricas, cujos diametros
 fejaõ hum duplo do outro. Isto pos-
 to passasse a corda que dá o movi-
 mento ás duas regoas, n'uma pela
 roldana grande, e n'outra pela pe-
 quena: por este meio em quanto a
 roldana grande dá huma volta, a
 pequena dá duas; e com isto já os
 pêzos que estaõ em igual distancia
 tem velocidade dupla.

Para ver se com effeito no corpo que hade andar mais veloz, a força centrífuga cresceo segundo o quadrado da velocidade, poremos na chapa perpendicular *E* quatro onças, tendo posto na regoa correspondente sómente huma onça. Demos movimento á maquina: observaremos, que quando o corpo vagarozo levanta huma onça, o veloz levanta quatro, que he justamente o quadrado da velocidade dupla.

Advirta-se, que para que as velocidades sejaõ exactamente como 1 a 2, convém attender á grossura da corda, que passa pelas roldanas; porque os diametros devem-se tomar do centro da corda ao centro da roda. Praticamente se ajusta bem a maquina engrossando o diametro, ora de huma roldana, ora de outra com linhas grossas, ou talvez algumas voltas de barbante.

Razaõ.

A Razaõ desta experiencia he ; porque as forças do corpo em movimento já vos disse , que eraõ na razaõ do quadrado da velocidade , sendo tudo o mais igual. Ora as forças centrifugas saõ forças do corpo em movimento , e por isso seguem essa razaõ. Advirto , que commummente os Mathematicos daõ esta mesma Lei por outros termos , regulando-se pelo tempo periodico , dizendo que *a força centrifuga cresce na razaõ inversa do quadrado do tempo periodico.* Tudo vem a dizer o mesmo ; porque quanto maior he a velocidade , menor he o tempo ; logo o mesmo he attender a razaõ directa do quadrado da velocidade , que á inversa do quadrado do tempo periodico. Eu prefiro o modo , com que me expliquei por mais claro : cada qual explique-se como quiser.

PROPOSIÇÃO V.

S Endo a massa a mesma , a velocidade igual , a força centrífuga diminue na razão em que a distancia cresce.

Esta proposição talvez escandalizará a quem não reparar nos termos della , achando-a contradictoria á proposição terceira , na qual dissemos , que crescia a força centrífuga á proporção , que a distancia crescia , e aqui dizemos que diminue quando a distancia cresce.

Mas advirta-se , que na terceira Proposição não se disse , que havia de ser a mesma velocidade , que he o que se declara agora. Isto posto , demonstra-se a Proposição pela experiencia , e depois pelo calculo.

Experiencia.

P Onhamos na maquina das regoas dois pêzos , ambos nas regoas *A* e *B* : na regoa *A* ponhamos o movel em distancia de seis polega-

gadas ; e na regoa *B* ponhamos o movel em distancia de 3 polegadas : se lhe fizermos dar volta no mesmo tempo , he certo que em *A* o movel tem velocidade dupla , pois a volta , ou circunferencia he dupla. Ora supponhamos , que na regoa *B* passamos a corda , que lhe dá movimento pela roldana pequena , que affirma dissemos , em ordem a que em quanto a regoa *A* faz huma volta , a regoa *B* faça duas : neste cazo já o movel em distancia de 3 polegadas , vem a ter velocidade igual ao movel na regoa *A* ; porque em quanto o movel de *A* faz huma volta grande , em *B* faz duas pequenas , que fazem tanto espaço , como huma grande. Isto posto temos aqui o cazo da Proposiçãõ ; massa igual , velocidade igual , mas distancia desigual : Vejamos pois as forças nos pêzos que se levantaõ.

Conforme ao que vemos , e já dissemos , na regoa *A* o movel levanta duas onças , e em *B* levanta 4 : de fórma , que onde a distancia he dupla , a força centrifuga só he

me-

metade : logo , quando a massa , e velocidade são iguaes , a força centrífuga diminue na mesma razão em que a distancia cresce ; que he o que diziamos.

Razão.

Falta dar a razão , porque assim deve ser. O effeito da força centrífuga está na fugida , ou maior distancia do centro , desorte que a separação da tangente , e da circumferencia (*Fig. 19.*) he a medida da força centrífuga. Se o movel sempre seguisse a circumferencia , não se afastava mais do centro , do que estava ao principio do movimento ; e por isso sómente se afasta em quanto a tangente , por onde elle vai , ou quer hir , se afasta da circumferencia , onde o querem reter , ou talvez de facto retem. Isto posto este angulo mixto da tangente com a circumferencia , he a medida da força centrífuga.

Est. 6.
fig. 19.

Ponhamos agora dois circulos (*Fig. 20.*) com hum ponto com-
mum

Fig. 20.

hum de contacto, e huma tangente: o angulo da tangente com o circulo pequeno he maior, do que o angulo da tangente com o circulo grande. De fórma, que se o movel quizer hir pela tangente, ferá muito mais difficil o faze-lo vir pelo circulo pequeno, do que pelo grande. A simples razaõ está persuadindo, que quanto mais se encurva huma linha, mais se afasta da recta; e que quanto menor he o circulo, mais se deve incurvar a linha para formar a sua circunferencia; e por conseguinte maior he a força *Centripeta* do agente, que o obriga a dobrar; e maior a força *Centrifuga* que o movel faz para escapar pela tangente.

Vejamõs agora se exactamente cresce este angulo mixto na mesma razaõ que diminue o diametro; porque se assim for o movel, na regoa *B* em distancia de 3 polegadas, fazendo hum circulo metade do circulo que faz o movel em *A* em distancia de 6, terá huma força dupla, ainda sendo a velocidade e massa igual:

igual: e assim poderá levantar 4 onças em quanto o movel em *A* sómente levanta 2. Examinemos pois bem este ponto.

Consideremos os dois circulos, como poligonos de muitas faces miudas, que assim o consideraõ todos os Geometras: se o circulo pequeno tem v. g. mil faces, o grande terá duas mil, sendo o diametro duplo: prolonguemos os lados de hum, e de outro; os angulos externos no pequeno seraõ duplos dos angulos no grande; porque em qualquer poligono (*Fig. 21.*) toda a soma dos angulos externos val 4 angulos rectos, quer as faces sejaõ muitas, quer poucas: Logo sendo os angulos no poligono grande em numero dobrado do que no pequeno, o valor de qualquer angulo externo no poligono grande, sómente terá metade do valor, do que tem no pequeno; e por conseguinte tambem o angulo mixto da tangente com o circulo grande, sómente terá metade do valor do angulo mixto do circulo pequeno; e por ultima

Fig. 21.

ma consequencia a força centrífuga do movel, que anda girando no circulo pequeno he dobrada da força, que tem o que gira no circulo grande; e por esta razão levanta quatro onças, quando o movel em *A*, que gira em circulo duplo, sómente levanta duas.

Eis-aqui porque eu disse, que sendo a massa igual, e velocidade igual, a força centrífuga diminuirá na razão, em que a distancia se augmentava.

Eis-aqui amigo Eugenio, as propozições principaes para vos governar-des tocantes ás forças centrífugas; passaremos adiante na Carta seguinte.

Fim da duodécima Carta.

C A R T A XIII.

Sobre a descida dos Graves por espaço livre.

N Esta materia , amigo meu, já eu vos dei alguma instrucção no principio das nossas conversações , e Recreações : porém não convinha entãõ dizer-vos tudo o que nesta materia se deve saber ; porque não era tempo opportuno ; e vós devicis hir com passo mais ligeiro , similhante ao que entra em hum novo Palacio , que faria muito mal , se parasse logo na fachada , primeiro portico , escada &c. até ficar certo de todos os Capitéis , ornatos , quartelas , frizos &c. sem querer passar para diante ; porque entãõ já cansado , e enfastiado de tanta miudeza na sua observação , pouco gosto poderia ter , quando entrasse nas Salas principaes , que contém maiores , e mais preciozas bellezas : Assim procedi eu na instrucção da Fisica.

T. Tra-

Tratando pois a descida dos Graves mais amplamente do que da outra vez o fiz, dividirei esta materia em trez Cartas: huma da descida por espaço livre, e linha perpendicular: outra por plano inclinado: a terceira por arcos de algum circulo, como se faz nos pendulos.

Já vos disse, (1) que os graves quando desciaõ, cahiaõ com movimento acelerado, e dei a razãõ disso: agora falarei mais largamente das Leis, e propriedades dessa acceleraçaõ. Já sabeis, que *accleraçaõ* quer dizer, appressar-se o movel correndo cada vez com maior velocidade. Ora dividamos o tempo em minutos segundos v. g., ou da segunda ordem, e cada minuto em momentos. O movel que cahe livremente, pela razãõ que já vos disse (2) se no primeiro momento corre hum ponto, no segundo correrá mais, no terceiro mais &c. Vêde a fi-

(1) Tom. I. Recr.

(2) Tom. I. Recr.

a figura que vos faço, G (Est. 7. Fig. 1.) Ora estes espaços são os mesmos, quer eu os pinte assim em linha seguida, e entre cortada G , quer em linhas paralelas, como A na outra Figura 2, e que faz como vós vêdes, hum triangulo. Este triangulo pois representa todos os espaços que se correraõ, durante todo o primeiro minuto A .

Est. 7.
fig. 1.

Fig. 2.

No principio do segundo minuto B o movel hade ter maior velocidade, que no fim do primeiro A ; e por isso o espaço, que corresponde ao primeiro momento desse minuto, hade ser hum pouco maior, que a ultima linha do I.º triangulo; e estas linhas haõ de hir crescendo por todos estes momentos, como aqui pinto em B , O . Esta Figura, que em Geometria se chama Trapezio, representa todos os espaços corridos sómente durante o segundo minuto em todos os seus momentos. Ora se cortarmos todas estas linhas pela medida ultima do primeiro minuto, fica huma especie do quadrado B , e mais hum trian-

gulo O , o qual he igual ao primeiro A ; e ao mesmo tempo o quadrado B val dois triangulos iguaes a A : logo todos os espaços corridos pelo grave, durante o segundo minuto valem trez vezes o espaço A , corrido em quanto durou o primeiro minuto.

Continuemos a representaçã destes espaços em figuras similhan-tes: O espaço corrido no 1.º momento do 3.º minuto hade ser maior que foi no ultimo do precedente BO , e haõde hir crescendo sempre: por conseguinte contando todos estes espaços pelo tamanho do ultimo do 2.º minuto, teremos dois quadrados B e M , e mais hum novo triangulo D , feito dos accrescimos; e assim os espaços corridos sómente no 3.º minuto são 5 tantos do 1.º minuto. A mesma demonstraçaõ serve para os de mais tempos; e por isso os espaços corridos pelo grave em tempos iguaes são sempre como 1. 3. 5. 7. 9. 11. 13. &c.

Advertencias.

Posta esta doutrina, bem se vê, que se não houvesse embarço algum, a velocidade se havia de hir augmentando sem termo algum; porém aqui nestas visinhanças da terra sempre ha o ar para romper quando o grave vai cahindo; e quanto mais ar se hade dividir, maior resistencia se encontra: daqui vem, que podereis levar huma vela acceza de vagar; mas se quizeres apressar muito o passo, hade-se apagar; porque a resistencia, que faz o ar, quando o querem dividir com velocidade, he bastante para a apagar. Deve logo o ar resistir ao movel que cahe, e diminuir a sua velocidade em parte, segundo as regras geraes, que eu vos explicarei em Carta separada *sobre os embarços ao movimento*: e assim a resistencia que faz o ar ao grave que cahe, he maior quando he maior a velocidade, e cresce a resistencia na razão do quadrado da velocidade do movel. Isto supposto. Se

Se o movel cahindo deve correr em hum momento hum palmo, a resistencia do ar lhe diminuirá huma linha (já sabeis que huma linha he a duodecima parte de huma polegada) se o grave havia de correr trez palmos, a resistencia do ar lhe diminue 9 linhas, porque o quadrado de 3 he 9: no 3.^o minuto se o movel devia correr 5 palmos, a resistencia do ar lhe diminue 25 linhas; porque o quadrado de 5 he 25: pela mesma razão no 4.^o tempo de 7 palmos diminue 49 linhas: no 5.^o de 9 palmos diminue 81 linhas: no 6.^o de 11 palmos diminue 121 linhas: no 7.^o de 13 palmos diminue 169 linhas: no 8.^o de 15 palmos havia de diminuir 225 linhas, que tanto importa o quadrado de 15: porém essa somma de linhas importa mais que dois palmos, que havia de ser o augmento constante de hum tempo sobre o precedente, pois vêdes, que vai nesta proporção 1. 3. 5. 7. &c. Logo já no 8.^o tempo a resistencia do ar impede todo o augmento que devia haver

ver na velocidade; e por conseguinte, se a velocidade se não augmenta, não se augmenta a resistencia do ar; e então se reduz o movimento *acelerado a equavel*; isto he, que tanto anda em hum tempo, como no seguinte.

A figura 3 que debuxo, vos Est. 7.
faz ver no triangulo os espaços que fig. 3.
se deviaõ correr no vacuo: os pontinhos significaõ a diminuiçaõ, que nelles cauza a resistencia do ar; e as riscas seguidas saõ espaços de facto corridos: e bem se vê, que os espaços que deviaõ sempre hir augmentando como no principio, se reduzem ultimamente a iguaes, e vem a cessar a acceleraçaõ.

Agora tereis curiozidade de saber, quando huma pedra cahindo pelo ar, sería obrigada a cahir com velocidade equavel. Eu vos ensino a calcular, porque tereis mais gosto de fazer o calculo, que simplesmente de ler o seu resultado. Segundo as observaçoens hum grave cahe no 1.º minuto segundo 15 pés de rei (cada pé val palmo e meio, porque

que tem 12 polegadas ; e o palmo sómente tem 8) por conseguinte em 2 minutos hade cahir 60 pés : fazei experiencia, e vêde quanto falta para os 60 pés ; e isso he o effeito da retardação, que cauza a resistencia do ar : dividi isto em linhas, e reparti em 10 porçoens ; dai humma ao primeiro minuto, pois o quadrado de hum he 1 ; e reservai 9 para o segundo minuto, porque o quadrado de 3 he 9. Ora tendo vós a diminuição que faz a resistencia do ar ao grave no 1.º tempo, sabeis que resistencia fará em qualquer outro dos seguintes : em chegando a resistencia a 4320 linhas, que he o valor de 30 pés, ou do espaço, que se corre de mais em cada minuto, já o augmento do espaço e a diminuição delle se destróem mutuamente ; e o movimento se reduz a *equavel* : o que não pode acontecer senão quando o movel vai vellocissimo : Neste ponto as experiencias não podem ser mui exactas.

O Doutor Desaguliers para conhe-

nhecer quanta era a retardação do ar, tomou huma bala de chumbo de duas polegadas de diametro, e lançando-a repetidas vezes, achou que em 4 segundos e meio cahia por 272 pés (advirta-se, que os pés de Inglaterra são hum tanto menores, que os pés de rei em França; de forte que 16 pés de Inglaterra valem 15 de França; ou 22 palmos e meio de Portugal) Segundo as regras a bala deve cahir neste tempo por 324 pés: Ora não cahindo, se não por 272, vê-se, que o ar retardou o movimento, e diminuiu o espaço de 52 pés que faltaõ. Repartindo pois este espaço por todo o tempo, segundo as regras que vos disse, vem a caber 5 polegadas de retardação ao 1.º minuto: ao 2.º, em que o espaço foi 3 vezes maior, devemos dar a resistencia 9 vezes maior por ser o quadrado de 3 igual a 9, e assim lhe dou 45 polegadas. Ao 3.º minuto por conta do espaço 5 vezes maior dou retardação 25 vezes maior, e vale 125 polegadas. Ao 4.º minuto por conta do espaço

ço

298 *Cartas Físico-Mathematicas*

ço 7 vezes maior , dou retardação maior 49 vezes , e val 245 polegadas : no 5.^o minuto , onde o espaço he 9 vezes maior , se deve dar retardação 81 vezes maior , e valerá 405 : porém como o movel sómente correo 4 minutos e meio e não 5 , sómente lhe damos metade desse espaço , que são 202 polegadas e meia. Ora todas estas polegadas fazem a conta da retardação total : eu vos faço a conta.

Min.	1. ^o	retard.	pol.	5
Min.	2. ^o	ret.	pol.	45
Min.	3. ^o	ret.	pol.	125
Min.	4. ^o	ret.	pol.	245
Meio min.	5. ^o	ret.	pol.	202 $\frac{1}{2}$
				<hr/>
Tudo val polegadas				622 $\frac{1}{2}$

Ora os 52 pés que faltavaõ , valem polegadas - - - - 624. Logo a resistencia do ar era capaz de fazer a resistencia e retardação , que a experiencia mostra. Advertindo porém , que estas contas são feitas

tas

tas em grosso ; porque a querer examinar bem , quanta retardação cabe a cada minuto 2.º , devia fazer-se a conta a nove tempos iguaes , sendo cada tempo do valor de meio minuto , o que daria alguma differença : porém forçosamente se havia de entrar em quebrados ; e para o ponto basta isto , para veres o caminho , que deve tomar o discurço nesta materia.

Advirto mais , que esta resistencia do ar , se augmenta á proporção do volume do corpo ; e por conseguinte os corpos , que com o mesmo pêzo tem diversos volumes , tendo a mesma força para cahir , tem diversa retardação ; e por isso mais tarda , ou mais depressa chegam ao movimento uniforme ; porque se a retardação he maior , mais depressa chegará a valer tanto , como o augmento da velocidade , que devia haver de hum tempo ao seguinte. Hum bola de algodão facilmente chegará ao movimento equavel por cauza da grande resistencia , que experimenta no ar ; e por isso a neve ,
e a

e a chuva nos não fazem grave damno cahindo de taõ alto ; porque a resistencia do ar as reduz a movimento mais brando , e talvez uniforme.

Ultimamente advirto , que nem todos os meios fazem igual retardação ao movel que cahe ; e por isso n'um meio chegará o grave mais depressa ao movimento equavel , n'outro mais tarde.

Experiencia I.

A Gora convém , que vos ensine o modo pratico de ver a acceleraçaõ ; porque isto dá hum gosto incrivel.

Est. 7. mo representa a figura que vêdes
fig. 4. (*Fig. 4.*) consta de duas taboas elevadas a prumo, e bem niveladas por meio de trez parafuzos, que estão em baixo *M N R*. Quando o prumo *O* cahir sobre o lugar, que em baixo está finalado, tudo está como deve fer: a taboa *A* deve fer excavada, de modo, que a calhe prin-

principie em perpendicular, e acabe em horizontal, em ordem a que huma bola de marfim largada lá de cima com impeto determinado, saia da calhe, e caia em certo ponto: divida-se a altura da taboa *B* em 16 partes iguaes, e a largura em 4 partes: na divizaõ *e* desçamos huma parte só, e ponhamos ahi huma argola: na segunda divizaõ *i* desçamos quatro partes, e ponhamos outra argola: na terceira divizaõ desçamos 9 partes, e ponhamos outra argola: na ultima divizaõ *u* fica o chaõ, em 16 partes de distancia da linha horizontal *e u*.

Se a descida for como se diz, no 1.º tempo, em quanto a bola corre hum espaço horizontal, hade descer hum espaço: no fim do 2.º tempo terá caminhado na linha horizontal dois espaços; e na perpendicular 4: no fim do 3.º tempo terá na horizontal caminhado trez espaços; e na perpendicular 9; e no fim do 4.º tempo terá chegado á quarta divizaõ horizontal. Isto assim disposto larga-se a bola de cima, e
por

302 *Cartas Físico-Mathematicas*
por si mesma se vai enfiando pelas
argolas, que lhe puzeraõ, obede-
cendo ás ordens, que lhe deu a Fi-
sica: dai licença Eugenio, para fa-
lar deste modo.

Advirta quem quizer fazer a
experiencia, que a bola deve ser
sempre lançada da mesma altura exa-
ctamente; e a calhe deve ser bem
liza, em ordem a livrar de embara-
ços, que cauzaõ irregularidades.

Experiencia II.

*A outra experiencia he admi-
ravel, e galantissima: faz-se
deste modo. (Fig. 5.)*

Est. 7.
fig. 5.

Põem-se duas cordas paralelas
bem tezas, e inclinadas para
baixo, e para conservar o paralle-
lismo: tenho huma regoa com dois
furos, que corre livremente pelas
cordas, e as conserva na mesma
distancia das suas extremidades *mn*.
Na corda inferior fazemos correr
hum como barquinho com duas rol-
danas altas, em ordem a que o cen-
tro

tro da gravidade ficando muito a baixo da corda, o barquinho corra direito, sem (como dizem) bambolear. No tal barquinho vai hum mastro com huma bola de metal. Este barquinho se deve suspender por huma azelha de hum fio de seda n'hum alfinete em e, na parte superior das cordas, mas de fórma, que com o menor movimento lateral desprenda o fio do alfinete, e o barquinho corra.

Na corda superior se fação divizoens em 16 partes, e se notem com linhas brancas, que podem ficar dependuradas, para que se vejaõ de longe: por esta corda corre huma regoa furada, em que está fixa huma campainha; de tal modo, que quando o barquinho passar por de baixo da campainha, o mastro de metal lhe dê hum golpe. Esta campainha se deve pôr, ora na divizaõ 1.^a, ora na divizaõ 4.^a; ora em 9, ora em 16, ora em 25; se as cordas derem para isso. Em Auch Capital de Armagnac em França a fiz de 25 espaços com hum successo felicissimo.

Por

Por meio desta experiencia se vê a que ponto chega o movel que cahe, em determinado tempo. Falta porém hum meio para medir os tempos com exacção, ao que se dirige a 2.^a parte da maquina, que se deve ajuntar á parte superior onde as cordas ataõ em *A*: eu a debuxo na figura (6) e vou a descrevela.

Est.
fig. 7.
6.

He hum pendulo, como o dos relogios de parede, com 3 differenças: 1.^a que em baixo tem hum badalo com mola, defórma, que em batendo na campainha *B* dobra para passar o pendulo, e fica logo direito para tornar a bater, quando passar pelo prumo: 2 O pendulo não joga como os outros sobre a sua extremidade, mas hum pouco mais a baixo, defórma, que a extremidade superior jogue com o movimento da inferior, e possa por este meio desprender o fio da seda *e a*, por onde estava o barquinho suspenso. A 3.^a circumstancia deve ter este pendulo hum eixo comprido, como este *OO*, em ordem a que ande sempre

pre fojugando, e dê sempre no mesmo lugar da campainha *B*. Por este modo o pendulo largando o de qualquer altura, hirá batendo na campainha, fazendo sempre os tempos iguaes por ser isso propriedade do pendulo: pode tambem a lentilha levantar-se mais ou menos, conforme quizerem os tempos mais curtos, ou maiores. Porém he certo, que tendo o mesmo comprimento da vara do pendulo desde o seu eixo, até ao centro da lentilha sempre hade ser o mesmo tempo, e intervalo das suas oscilaçoens, como em carta separada vos direi. Aqui temos já modo de medir os tempos justos: falta agora combinar estes tempos do pendulo com a corrida do barquinho, o que se faz deste modo.

Pegue-se no fio de seda *e a* atado ao barquinho, forme-se huma azelha para meter n'um alfinete sem cabeça, o qual se volta para o lado, e fique o fio da seda bem curto, de sorte que o mastro do barquinho corresponda ao principio das

divizoens da corda superior. Este fio hade estar de modo, que a parte superior do pendulo o faça sahir do alfinete toda a vez que por ahi passar. Por este modo sabemos, que no mesmo instante em que o pendulo dá o primeiro golpe na campainha *B*, escapa o fio de seda do alfinete, e começa a cahir o barquinho.

Note se com os olhos pouco mais ou menos, onde toca o mastro, quando o pendulo deu o segundo golpe em *B*, e ponha-se ahi a campainha superior *I*, e certifiquem-se bem, se quando o pendulo dá o segundo golpe em *B*, o mastro bate na campainha superior *I*, confundindo-se entaõ os dois sonidos. Isto alcançado, seja essa distancia a medida pela qual se deve a corda superior dividir em 9, 16, ou 25 partes. Feita a divizaõ, repita-se a experiencia, mas pondo a campainha superior *I* em distancia 4; leve-se o barquinho assima, e meta-se a zelha no seu lugar costumado e. Espere-se o golpe na campainha superior,

rior, quando a inferior der o 3.^o som, porque no 1.^o começa o movel a cahir, no 2.^o vai na 1.^a divizaõ; no 3.^o hade chegar á 4.^a, para se correrem 3 divizoens no 2.^o tempo, como diziamos. De facto largando-se o pendulo, se ouvem os dois sons na terceira pancada.

Ponha-se depois a campainha superior na divizaõ 9: repita-se a experiencia; e verse-ha, que quando se acaba o 3.^o intervalo, e fôa o 4.^o golpe, dá a campainha superior o sem som. Depois poem-se em 16, e ultimamente em 25 divizoens, se a corda dá para tanto, e se observa o mesmo.

Advertencias.

1.^a **P** Ara que a experiencia seja exacta, deve-se attender ao roffado, e á resistencia que tem o barquinho, tanto pela velocidade, como pela aspereza da corda, e movimento das roldanas, que sempre he algum. Assim, se na 1.^a divizaõ deve faltar huma polegada v. g.,

na 4.^a deve faltar mais; e mais na 9.^a, e mais ainda na 16 &c. O que a experiencia mostra ser preciso para que os dois sons coincidaõ.

Tab. 7.
fig. 5.

2.^a Deve-se tambem advertir, que as cordas bambeiaõ, ainda que estejaõ tezas, se saõ compridas; e que a inferior com o pêzo do barquinho foge do parallelismo com a superior, e o mastro escapa da campainha. Para remediar isto, me sirvo da regoa *Z*, cujos furos estaõ na distancia das cordas, e tenho cuidado de pôr a tal regoa logo depois da campainha superior *I*; porque entãõ estou certo, que a corda inferior se bambea com o pezo do barquinho, tambem hade bambea igualmente a superior.

3.^a Succede muitas vezes, que o fio de seda *e a* pelo qual se suspende o barquinho, com o movimento lateral, que lhe dá o pendulo em ordem a soltar-se, faz dançar o barquinho, e com isto o mastro escapa da campainha superior. Para obviar este inconveniente, que ao principio muito me atormentava, ima-
gi-

ginei outra regoa X com trez furos, a qual sempre está na parte superior das cordas junto do pendulo: os dois furos de cima são para passarem as cordas; o terceiro furo, que hade ser tambem grosso, he para passar o fio de seda, que suspende o barquinho; porque deste modo ainda que o pendulo lhe dê algum movimento lateral, não se communica ao barquinho, e corre sempre direito.

Ensino-vos todas estas miudezas, para que se quizeres fazer a experiencia, não vos afflijais; e saia limpa, e exacta. Agora quero tirar desta doutrina varias

Consequencias.

1.^a **Q**Uando ha movimento acelerado, sempre he na mesma proporção dos numeros 1. 3. 5. 7. &c. porque não pode haver movimento acelerado, sem que persevere a cauza motrix obrando continuadamente por algum tempo successivo, e nes-

te

te cazo, está na mesma linha com a gravidade, que por esta só razão produz o movimento acelerado na razão de 1. 3. 5. 7. &c. Este movimento acelerado achamos na mola que se solta, e impelle o movel, seguindo-o por algum tempo. Temo-lo na bala da espingarda, a quem o fogo continúa a mover todo o tempo que vai dentro do cano, se elle não excede a proporção que deve ter. Temo-lo nos que jogão o Táco, que sempre seguem por algum tempo a bola, ainda que seja curto &c.

Consequencia II.

Em todo o movimento acelerado os espaços corridos são como os quadrados dos tempos, contando este desde o principio da queda. A razão he; porque no fim do 1.^o tempo o espaço he 1 quadrado do tempo 1; no fim do 2.^o tempo os espaços são 4, quadrado dos tempos 2; no fim do 3.^o tempo os espaços corridos são 9, quadrado dos tempos

de Theodozio a Eugenio. 311
pos 3 : no fim dos 4 tempos os espa-
ços são 16 : no fim dos 5 tempos
os espaços são 25 &c.

Consequencia III.

E M todo o movimento acelerado
a velocidade, que o movel tem
no fim de qualquer tempo, he como
os tempos, pelos quaes tem cabido
desde o principio. A razão he; por-
que a velocidade de qualquer mo-
vel deve-se medir pelo espaço, que
corre nesse ultimo momento. Ora
vendo os triangulos da figura que vos
debuxei, bem vedes, que no fim do
2.^o minuto, a linha que o movel
correo então, he dobrada da linha,
que tinha corrido no fim do 1.^o mi-
nuto; e que do mesmo modo no
fim do 3.^o minuto, a linha he tripla.

Desorte, que para não vos con-
fundires, haveis de fazer differença
de toda a aria, que se comprehen-
de no Triangulo, e baze delle; a
aria corresponde a todos os espa-
ços corridos (Consequencia 2.^a) a
baze corresponde á velocidade, que

o movel tinha nesse momento (Consequencia 3.^a). Ora pela Geometria bem sabeis , que as bazes dos triangulos semelhantes são como as alturas : nas alturas vão os tempos , e nas bazes , vão as velocidades : ora como das bazes multiplicadas pelas alturas se fazem as superficies , tambem das velocidades multiplicadas pelos tempos se fazem os espaços. Deixai-me explicar isto hum pouco

Est. 7. mais. Se hum triangulo tem a mesma
fig. 7. altura , que o outro (*A, B Fig. 7.*) mas a baze dupla , o triangulo he duplo. Se tem a mesma baze , mas altura dupla , *A, C* , o triangulo he duplo. Ora tendo ao mesmo tempo baze dupla , e altura dupla *A, D* , o triangulo he quadruplo.

Do mesmo modo se o movel
Fig. 8. *B (Fig. 8.)* corre em igual tempo , que o outro movel *A* , mas com velocidade dupla , o espaço corrido he duplo. Se o movel *C* corre com velocidade igual , mas em tempo duplo , o espaço he duplo : Logo correndo *D* por espaço duplo , e com velocidade dupla , o espaço cor-

314 *Cartas Físico-Mathematicas*
mo os *quadrados* , segundo a *Geo-*
metria : Segue-se a

Consequencia V.

A *Mesma razão que tem entre*
si os tempos , as velocidades ,
e os espaços nos movimentos unifor-
mes ; tem os tempos , velocidades ,
e os espaços nos acelerados.

Consequencia VI.

N *Os movimentos retardados de-*
vemos dizer o mesmo que nos
acelerados. A razão he ; porque nos
acelerados devemos representar os
espaços n'uns triangulos suppondo ,
que o movel principiou com a ve-
locidade correspondente á *Cuspide* ,
e acaba com a velocidade corres-
pondente á *baze* , como em *A* (*Fig.*
Est. 7. fig. 9.) porém no retardado o movel
se suppoem principiar na *linha* , que
corresponde á *baze* , e acabar na
Cuspide , como em *B* : ora tanto
val o triangulo *A* , como *B*. No
movimento retardado , como quan-
do

do a pedra sóbe pelo ar , a velocidade no principio he grande , e diminue até ficar n'um ponto.

PROPOSIÇÃO I.

NO *Vacuo todos os corpos ca-
bem com igual velocidade , seja
qual for o seu pézo , ou o seu volume.*

Disto já vos dei a razão , e já vos fiz ver as experiencias nas nossas Recreaçoens , (Tom. 1.º Tarde 1.ª §. 8 , pag. 85.)

PROPOSIÇÃO II.

A *Velocidade da quéda não cor-
responde exactamente á diffe-
rença do pézo.*

Experiencia I.

O Doutor Defaguliers fez cahir a hum tempo dois corpos , que pezavaõ differentemente : eraõ no pézo como 1 a 19 ; e observou , que a differença dos tempos da quéda , eraõ $6\frac{1}{2}$ a 19.

A

316 *Cartas Fisico-Mathematicas*

A razão he ; porque devendo os dois corpos cahir a hum tempo, sómente a resistencia do ar faz a differença : esta parece, que deve impedir o corpo leve 19 vezes mais, que o pezado, por ter este mais 19 vezes de força para o vencer ; mas adverti, que quando o pezado adianta, e augmenta a velocidade, já por este principio o ar lhe faz mais resistencia, que ao ligeiro ; e assim a retardação, que devia ser 19 vezes maior, vem a ficar pouco menos de 3 vezes : pois esta he a razão que ha entre $6\frac{1}{2}$ e 19.

Ora aqui tendes Eugenio, as principaes proposições do movimento da gravidade ; mas ainda vos hei de escrever sobre esta materia outras Cartas. Se he que dezejais instrucção completa.

Fim da décima terceira Carta.

C A R T A XIV.

Sobre a descida , e pézo dos Graves em planos inclina- dos.

JÁ que o quereis , amigo Eugenio , amofinarvos-hei com as Leis da Gravidade , que vós achais taõ importantes em Fifica , e na verdade o faõ. Vós me dizeis , que naõ achais estas doutrinas taõ seccas , como vo-lo tinha dito , nem taõ injuncadas ; e assim he , Amigo : muitos estudaõ Fifica , poucos a querem saber : estudar Fifica sómente para saber quatro experiencias engraçadas , he ser Charlataõ ; porque falaõ , falaõ , e nem bem sabem o que dizem ; porém estudar Fifica para a saber do modo que se pode saber , he cavar , cavar , e profundar quanto puder ser , nas Leis de movimento , que faõ as raizes. As experiencias faõ os fructos ; as doutrinas da Fifica faõ a arvore ; as Leis do movimento as raizes ; quem

318 *Cartas Físico-Mathematicas*
tiver as raizes bem firmes , hade
ter arvore grande , frondoza , copa-
da , e bem fertil : quem as não pos-
suir , terá a fruta comprada na Pra-
ça ; mas não terá producção no seu
proprio campo. Isto posto vamos
continuando no nosso ponto.

§ I.

*Da força com que o grave ca-
be , ou carrega no plano in-
clinado , comparada com a for-
ça com que cabe livremente.*

A Gravidade forceja sempre , se-
gundo a linha perpendicular ao
Nivel. Se o obstaculo que lhe im-
pede a descida resiste inteiramente a
este movimento , impede-o de to-
do : e daqui vem , que o grave pos-
to n'um plano horizontal , não tem
o menor movimento ; pois este pla-
no que faz hum angulo recto com
a linha perpendicular da Gravidade ,
lhe impede todo o movimento. Mas
por isso o tal plano supporta toda

de Theodozio a Eugenio. 319
a acção do pézo ; reparai bem nesta Lei.

PROPOSIÇÃO I.

O Plano horizontal impede todo o movimento do Grave, e supporta toda a acção do seu pézo.

Firma-se a razão da Lei que já vos expliquei, em que toda a acção he igual á reacção : Se o plano impede toda a acção da Gravidade, a Gravidade exercita contra o plano toda a sua acção.

PROPOSIÇÃO II.

NO plano inclinado parte da gravidade carrega no plano ; e a outra parte fica livre para a quéda do movel.

Se o plano não for horizontal, não pode impedir toda a acção do grave ; porque como o plano de huma parte desce, pode o grave rolando, ou escorregando pelo plano hir descendo ; e nisso se satisfaz de algum modo a gravidade : porém como não pode descer tanto, achando

do o plano, como livremente, todo o embaraço que lhe faz o plano, dá lugar á acção do Grave contra elle, porque não há acção sem reacção; e tanto obra o plano contra o grave, tanto obrará o grave contra o plano.

PROPOSIÇÃO III.

P Ara conhecer que parte do pêzo obra contra o plano, e que parte produz a quéda, consideremos a linha vertical, como diagonal de hum parallelogramo rectangulo, e o lado perpendicular ao plano dará a acção contra elle; a parallela dará a quéda. (Est. 7. Fig. 10.)

Est. 7.
fig. 10.

Porque a linha parallela *oi* não fica impedida pelo plano; a parte perpendicular *oa* fica inteiramente impedida: logo descompondo, ou desmanchando, ou resolvendo o movimento do grave por ordem ao plano inclinado, se vê a parte impedida *ao*, e a parte livre *oi*.

A linha vertical *oe* representa a linha da gravidade, se estivesse livre; porque a força, ou acção de
for-

forcejar para descer, he sempre nesta linha. Ora supponhamos que esta linha *oe* he huma diagonal do parallelogramo, composto de huma perpendicular ao plano *oa*, e de huma parallela *oi*: logo se vê, que a acção representada na linha perpendicular, fica destruida pelo plano; e que o plano supporta do pêzo do grave a parte correspondente á linha *oa*; porém a parte que corresponde á linha *oi* fica livre, pois ninguem a impede, sendo o plano parallelo a essa linha.

Daqui vem, que quanto menos inclinado for o plano, e mais se abaixar, menos força tem o grave para cahir, e mais força faz contra o plano. Vêde a outra figura (*Fig. Est. 7. II.*) porque resolvendo o movimento da diagonal *oe* em dois, hum perpendicular ao plano *oa*, outro parallelo *oi*, se vê claramente, que he muito menor a linha, ou a força livre para cahir; e por conseguinte fica maior a força com que carrega no plano. Nem vos faça difficuldade ver sempre a acção do

grave contra o plano representada n'um raio, e dizer eu, que he menor, ou maior; porque haveis de comparar essa linha, ou esse raio com a linha vertical, a qual representa toda a acção da gravidade livre, e entao vereis, que no segundo caso (da fig. 11.) *oa* fica quazi igual á vertical *oe*, porque a gravidade obra contra o plano quazi com toda a sua força; e sómente se lhe desconta a acção, com que desce *oi*. Mas no primeiro desconta-se-lhe muito mais; e mais ainda no terceiro (Fig. 12.) ficando o raio *oa* muito mais pequeno que a vertical *oe*.

Est. 7.
fig. 11.

Fig. 12.

§ II.

Do tempo em que o grave cabe pelo plano inclinado, comparado com o tempo em que cabe livremente.

JÁ se suppoem, amigo Eugenio, que nestes cazos se faz total abstracção das resistencias que offerece o roçado, e o ar; e falamos sómente

te

te dos effeitos, que nascem de ser a linha, ou vertical, ou inclinada.

Para saber em que lugar hiria o grave, se desce-se pelo plano inclinado, quando acabou de cahir livremente pela altura do plano (*Fig. Est. 7. 13.*) *AO*; tiremos do ponto infimo da altura *O* linha *OE* perpendicular á superficie do plano; e esse ponto *E* notará exactamente o lugar, em que hiria o grave, se cahisse pelo plano, no tempo em que de facto cahio pela vertical *AO*. Para conhecer a razão, tirai huma linha de pontos *AI*, parallela á perpendicular *EO*, e acabai o parallelogramo *AEIO*: deste modo a vertical *AO* fica sendo huma diagonal que se rezolve nas duas linhas *AE. AI*: o movimento por *AI* fica totalmente destruhido pelo plano: o movimento *AE* fica livre. Ora he couza assentada na composição do movimento, que no mesmo tempo em que o movel havia de correr hum lado do parallelogramo, corre toda a diagonal: logo no tempo que o grave cahiria por *AO*, estando hum

324 *Cartas Físico-Mathematicas*
dos movimentos impedido, correrá
por *AE*. Daqui se tiraõ varias con-
sequencias.

Consequencia I.

O Tempo em que o movel cahiria
pelo diametro vertical, neste
mesmo cabe por qualquer corda desse
circulo, que saia do ponto supremo
do tal diametro. (*Fig. 14.*)

Est. 7.
fig. 14.

A razaõ he; porque se na fi-
gura precedente nós tirarmos hum
circulo, cujo diametro seja a altura
do plano, vem o ponto *E* a cahir
forçozamente na circumferencia; e
fica a linha *AE* sendo corda. Digo
que *E* forçozamente cahirá na cir-
cumferencia, porque o angulo *E*
forçozamente he recto, sendo *OE*
perpendicular ao plano. Ora o an-
gulo cujos lados comprehendem to-
do o diametro, naõ he recto, senaõ
quando tem o vertice na circumfe-
rencia; aliás se o tiver dentro tem
por medida mais de metade do meio
circulo; se o tiver fóra, tem menos
de metade do meio circulo; confor-
me

me o que fabeis á cerca da mediçaõ dos angulos estribados dentro do circulo.

Affim podemos nós discorrer de qualquer outro plano inclinado, seja maior, ou menor a inclinaçaõ; e por isso tiramos por regra geral o que affima dissemos.

Consequencia II.

No mesmo tempo em que o grave corre livremente o diametro, correrá qualquer corda do circulo terminada no ponto infimo do diametro.

Est. 7.
fig. 15.

A Razaõ he; porque (*Fig. 15.*) no mesmo circulo ás cordas que nascem do ponto superior do diametro *AE*, *AM* correspondem outras semelhantes *Oe*, *Om*, que vão parar ao infimo: logo se o grave correria qualquer corda das superiores no tempo em que corre o diametro, tambem nesse tempo correria qualquer corda, que vá parar ao ponto infimo do diametro.

Con-

Consequencia III.

O Tempo preciso para que o grave corra todo o plano, he tanto maior, que o tempo da quéda livre pela altura delle, quanto a linha do plano he maior que a sua altura. Por outros termos.

Est. 7. Os Tempos das quédas vertical e obliqua, são entre si, como fig. 16. as linhas (*Fig. 16.*)

Demonstração. Tiremos OM perpendicular ao plano AR : temos dois triangulos semelhantes: AMO he hum triangulo, que tem hum angulo recto em M ; e o triangulo total AOR tambem tem hum recto em O : de mais o angulo em A he commum para o triangulo pequeno, e para o total: logo os lados são proporcionaes, isto he, no pequeno o minimo lado AM he para a hypothenuza AO , como no grande o minimo lado AO he para a sua hypothenuza AR : temos logo esta proporção Geometrica $AM : AO :: AO : AR$; ou esta progressão $\therefore AM : AO : AR$.

Con-

Convém agora lembrar-vos de algumas couzas, que vós já sabeis pela Geometria. A primeira he. Se formarmos quadrados das quantidades que estavaõ em progressãõ, tambem os quadrados ficaõ em progressãõ: V. g. se dizemos $\ddot{::} 1 : 2 : 4$. segue-se, que podemos dizer $\ddot{::} 1 : 4 : 16$. igualmente se dizemos $\ddot{::} 1 : 3 : 9$; podemos dizer $\ddot{::} 1 : 9 : 27$.

A 2.^a he, que entãõ o 2.^o quadrado he para o 3.^o, como a 1.^a raiz he para a 3.^a: basta ver os exemplos affirma: no 1.^o achamos, que 4 he a razãõ da 1.^a raiz para a 3.^a: e tambem he a razãõ do 2.^o quadrado 4 ao terceiro 16. Similhantermente 3 he para 9 nas raizes, como 9 para 27 nos quadrados. Na Geometria se demonstra, aqui basta tocar isto.

A 3.^a couza que vos lembro, he que os espaços saõ sempre quadrados dos tempos: logo sendo as trez linhas AM , AO , AR , os espaços que correm os moveis, o tempo da quèda por AM (1.^o espaço) he ao tempo da quèda total por AR (3.^o espaço) como o 2.^o quadrado AO he
pa-

para o 3.^o quadrado AR . Ora já vemos, que o tempo em que o movel cahe pela vertical AO he o mesmo, em que cahiria pela 1.^a linha AM . Logo o tempo da queda por AO he para o tempo da queda por AR , como AO he para AR .

Naõ vos faça confuzão dizer aqui, que os tempos destas quedas são como espaços; porque bem vêdes, que comparamos quedas de diferente especie; huma he vertical, e por isso ligeira, outra he obliqua, e por isso tarda. Rezumindo pois a Demonstraçãõ, podemos dizer assim $\therefore AM : AO : AR$. Logo a raiz de AM (tempo em que o movel a correria) he para a raiz quadrada de AR (tempo em que o movel a correria) como AO he para AR . Ora o tempo da queda por AM he o mesmo da queda vertical por AO : logo o tempo da queda vertical (por AO) he para o tempo da queda obliqua (por todo o plano AR), como AO he para AR ; ou como a altura, para o comprimento do plano.

§ III.

Da Velocidade que traz o grave cabindo pelo plano, ou cabindo verticalmente.

PROPOSIÇÃO.

QUando a altura he a mesma, a velocidade no fim da queda he a mesma; quer o movel cahisse verticalmente, quer por qualquer plano (Fig. 16.).

Est. 7.
fig. 16.

Achareis talvez difficuldade nesta proposição: eu vou tirala. He bem verdade, que o grave cahindo livremente, toma mais velocidade, que cahindo pelo plano, se o tempo for o mesmo; tanto assim, que quando pela vertical chega a O, pela obliqua só vai em M. Mas o grave quanto mais tempo cahe, mais velocidade adquire: Ora cahindo pelo plano, tem necessidade de mais tempo para acabar de descer, e por isso tem mais tempo de velocidade: eis-aqui, porque quando chega
ao

330 *Cartas Fisico-Mathematicas*
ao fim do plano , já tem tanta ve-
locidade , como aquelle que cahio
pela vértical. Quando duas couzas
se compenfaõ exactamente , vem a
ficar iguaes. O plano diminue a ve-
locidade do grave n'um tempo deter-
minado , na proporçaõ de AM para
 AO (ou de AO para AR , que he o
mesmo) mas o plano tambem augmen-
ta o tempo da quéda (e por confe-
guinte a velocidade) na proporçaõ de
 AO para AR : logo o plano , se por
hum principio diminue a velocidade
do grave , pelo outro a augmenta na
mesma proporçaõ ; e por isso tudo
fica compensado , chegando o movel
ao fim da descida com igual veloci-
dade , quer caia pela vertical , quer
pelo plano.

Isto basta meu Eugenio para
hum Carta , que estas materias sec-
cas tem mais sustancia , e custaõ mais
a digerir no estomago do entendi-
mento , e naõ quero que vos enfaf-
tieis : para a Carta seguinte vos di-
rei alguma coiza tocante aos pendu-
los , o que vos dará gosto ; porque
sei , que quereis entender de relo-
gi-

gios , e ao menos saber os principios geraes , em que se funda o modo de regular os seus movimentos. Estas materias , Eugenio , não são tão lindas , e doces como as experiencias das cores ; porém são muito mais importantes , e servem para muito : a fruta he mais suave , que o pão , porém he menos substancial , e sem elle não pode haver força nos Mininos , que a cada passo tropeçam. Assim he quem caminha na Física , sem saber bem Leis da Mecanica , ainda que leia , e faça muitas experiencias de Optica , e Maquina Electrica não passa de Minino.

Fim da Carta décima quarta.

CARTA XV.

Sobre o movimento dos Pendulos.

ESta Carta , amigo Eugenio , vos hade interessar , ainda que ao principio vos pareça inutil. Primeiramente chamamos *Pendulo* hum corpo grave suspenso por hum fio , ou coiza semelhante , que movendo-se de huma para outra parte , desce , e sobe balanceando. (*Fig. 17.*)

Est. 7.
fig. 17.

Chamamos *Vibração* , ou *Oscilação* do Pendulo o movimento , que ha desde o principio da queda , até ao fim da subida.

Chamamos *Comprimento* , ou *Longitude* do Pendulo toda a distancia que ha desde o ponto immovel do fio (*O*) até ao centro da gravidade (*A*) do pézo que balancea , e reparai nisto bem ; porque no mesmo Pendulo dos Relogios de parede , ou de Torre , pode o pézo , a que chamaõ lentilha , pelo feitio que tem , abaixar-se mais , ou menos , e

con-

conforme o centro da gravidade subir, ou descer se julga o Pendulo mais curto, ou mais comprido. Isto posto vamos desenvolvendo varias verdades, que estaõ includas nas que vós já sabeis.

§. I.

Da cauza do movimento no Pendulo.

PRimeiramente Eugenio, vós bem vedes, que o Pendulo cahindo está balanceando muito tempo: convém pois examinar a cauza deste movimento, e depois as suas propriedades.

Em 1.º lugar: *O Pendulo depois de cabir, necessariamente hade subir*: porque por cauza da Inertia o corpo em movimento hade perseverar nelle até que lho destruaõ. Ora quando o Pendulo acaba de descer está em movimento, e em virtude do cordaõ, ou vara que o suspende, não pode mover-se, senaõ subindo: sóbe pois em quanto lhe dura força para isso.

Em

Em 2.^o lugar : *O Pendulo que sobe , continuamente se retarda , e de cada vez vai mais frouxo : porque se chegou a baixo com 5 grãos de velocidade , subindo os hade hir perdendo successivamente , porque o pézo resiste , e contradiz á subida : e assim como o pézo , ou força da gravidade em quanto descia em cada tempo lhe imprimio hum grão de velocidade : assim tambem quando sóbe , em cada tempo lhe destróe hum grão de velocidade.*

Em 3.^o lugar. *O tempo em que o Pendulo sobe , he inteiramente igual áquelles em que desce.* A razão he : porque a gravidade tanto obra no tempo da descida , como no da subida : no da descida para dar ao grave 5 grãos de velocidade v. g. forão precizos 5 tempos : logo na subida para lhos destruhir são precizos outros tantos tempos ; e assim o tempo da descida he igual ao da subida.

Pela mesma razão , quando atiramos huma bala ao ar , tanto tempo gasta em subir , como em descer ,

cer ; porque he a mesma razão do pendulo: a bala hade subir até perder toda a velocidade ; e em cada momento hade adquirir outro tanto ; e hade chegar a baixo com a mesma velocidade que levou ; e no mesmo tempo em que subio : descontando o que tiver feito a resistencia do ar.

§. II.

Do tempo das Vibraçoens.

L Embrai-vos Eugenio do que vos disse na Carta precedente , que no mesmo tempo em que o grave cahia livremente por hum diametro , cahia por qualquer corda desse mesmo circulo. Ora sendo os arcos pequenos , muito pouco differentes das cordas ; porque sendo o arco de 45 grãos , sómente excede a sua corda quanto o numero 350 excede a 349 vêde vós quaõ pouca differença levará o arco de 15 grãos á sua corda : daqui vem , que podemos sem erro consideravel confundir a descida de hum grave pelo arco pequeno ,

336 *Cartas Físico-Matbematicas*
no , com a descida pela corda cor-
respondente. Fiquemos logo nisto.
Na doutrina dos Pendulos suppo-
mos , que as vibraçoens são peque-
nas ; isto he , que não passãõ de 30
grãos , 15 de quéda , e 15 de subida :
Logo.

Consequencia I.

E M quanto o grave desce por
meia vibraçaõ , cahiria a pru-
mo por todo o diametro.

Ora como o grave cahindo a
prumo sempre se accelera , e em quan-
to o pendulo desceo , elle cahiria
por hum diametro ; em quanto su-
bio cahiria por 3 diametros ; pois o
tempo da subida he igual ao da des-
cida : Logo.

Consequencia II.

E M quanto o Pendulo faz toda
a vibraçaõ , o grave cahiria por
4 diametros , ou 8 raios , que vem a
ser 8 comprimentos de corda.

Ora esta doutrina he para qual-
quer vibraçaõ , ou de mais , ou de
menos grãos : logo. *Con-*

Consequencia III.

T Odas as vibraçoens do mesmo Pendulo se fazem no mesmo tempo, quer de mais, quer de menos grãos (Fig. 18.) por serem todas feitas no tempo em que o grave cahiria por 8 diametros. Advirto, que na experiencia, se lançamos dois pendulos iguaes em tudo, mas hum de maior distancia, e outro de menor, sempre o que faz vibraçoens maiores, anda algum tanto mais vago-rozo, por cauza da resistencia do ar, que resiste mais quando he maior a velocidade; porém sensivelmente he o mesmo tempo da vibraçaõ *Aa*, que da vibraçaõ *Ee*. Est. 7. fig. 18.

Consequencia IV.

S Endo a mesma corda do pendulo, não se attende ao pézo, ou á materia delle, para julgar o tempo das suas Oscilaçoens.

A razãõ he; porque fazendo abstracçaõ da resistencia do ar, qual-quer

quer grave desce no mesmo tempo pelo diametro de hum circulo : logo de qualquer materia que fossem , ou qualquer pézo , gastariaõ o mesmo tempo em 4 diametros , por conseguinte em huma vibraçaõ inteira.

Advirto porém , que continuando as vibraçoens , a resistencia do meio sempre faz grande differença , na continuaçaõ de muitas vibraçoens : porém ficareis admirado Eugenio , quando vires , que constantemente o pendulo mais pezado he o que faz as vibraçoens mais tardas : contra o que se esperava ; porque sendo mais pezado , cahiria mais depressa pelo espaço do diametro : mas a razaõ desta incoherencia vem de que o pézo mais pezado vai mais ávante , que o leve ; e como as vibraçoens foraõ maiores , por conta da maior velocidade , faz-lhe maior impressaõ a resistencia do ar.

Consequencia V.

P Or este modo podemos conhecer, quanto cahiria hum grave em hum minuto segundo, porque sabemos de que comprimento he a vara, ou fio do pendulo, que faz huma Oscilação exactamente em hum minuto segundo; e conforme o que está dito, esta distancia multiplicada 8 vezes dará o espaço, que correria o grave cahindo a prumo.

Consequencia VI.

S E os tempos das vibraçoens são dependentes do comprimento do pendulo, tomando-o 8 vezes, segue-se, que devemos discorrer do comprimento, ou corda do pendulo, como dos espaços da cahida; e os tempos, ferão a raiz quadrada desses espaços, segundo o que está dito; e por conseguinte, quando o tempo das vibraçoens houver de ser, como 1 a 2, os comprimentos dos pendulos haõde ser, como 1 a 4

Eis-aqui porque entãõ se deve encurtar a vara por meio de huma rofca, que fica debaixo da lentilha, a qual a levanta para fima, e vem a ficar a *pendula* mais curta; porque só se deve attender ao comprimento desde o eixo de fima até ao centro da *Lentilha*, ou pêzo. Igualmente se deve abaixar a lentilha nos tempos frios, em que a vara se encolhe.

Por esta razãõ não ha relogio algum dos ordinarios, que faça os dias iguaes, não só em hum anno, mas nem n'uma semana inteira; porque sempre o tempo, ou mais frio, ou mais quente, influe nos movimentos do relogio. Eu sómente depois que tive a pratica das observaçoens Astronomicas, he que vi a incrível variedade, que padecem os relogios por conta do tempo.

Agora falando dos relogios de algibeira, digo, que nelles a *Pendula*, sendo por differente modo, deve seguir as mesmas leis (*Fig.* 20.) Consta a Pendula de hum fio de metal elastico, o qual tem a fórma

Est. 7.
fig. 20.

ma *espiral*: está preza em *a* ao eixo de hum circulo movel *ooo*, o qual leva consigo cada vez que se move. Ora como o fio espiral he elastico, ou o dobrem mais do que está, ou o abraço mais, elle sempre quer tornar ao seu estado natural; e com o impeto que leva, quando se quer restituir ao seu estado natural, passa além do que devia ser; como a corda da viola, que treme por hum pouco, quando a puxação para hum lado; ou como o pendulo, que quando quer cahir para baixo, com o impeto que leva, passa além do prumo que buscava, e sobe para cima pela parte opposta, e anda balanceando. Assim faz a *Pendula espiral*, suprimindo deste modo o effeito do Pendulo a prumo.

Daqui se segue, que assim como quanto mais comprido he o Pendulo, mais de vagar se move; assim quanto mais comprido he o fio elastico, mais vagarozas são as suas oscilaçoens. Para isto então he que na outra extremidade (*E*) do fio espiral, que vai á circumferencia, se

poem huma corrediça furada , por onde passa o fio , a qual fojuga o fio em toda aquella porção que está dentro della ; porque sómente o fio que está livre , he que pode balançar ; e como por meio da rodinha dentada *M* podemos meter a corrediça *E* ora mais para dentro , ora menos , por este modo fazemos a pendula espiral , ora mais curta , ora mais comprida ; e assim os movimentos ora são mais promptos , ora mais tardos ; e assim se adiantão os Relogios , ou atrazaõ.

O calor da estação , o calor da algibeira , o frio , que gela algum oleo que está nos eixos das rodas ; o movimento do Cavallo , a postura do Relogio , que ora deixa aos eixos o trabalhar a prumo , ora os obriga a trabalhar horizontalmente , tendo maior roçado ; tudo isto faz muito irregular o movimento do relogio ; e isto além da irregularidade essencial , que vem da mola , que se vai desenvolvendo cada vez com menos força , e do *Peaõ* , que cada vez larga hum circulo menor da

da corda , que nelle se envolve. Por esta razão as horas do Relogio de algibeira , faõ de ordinario muito mais irregulares , que as dos relogios de pêzo , como faõ os da Torre , ou de parede.

Eis-aqui meu Amigo Eugenio o que basta para entender alguma coisa desta materia , ainda que naõ haja is de ser Relojoeiro. Agora ainda falta outra Carta sobre os impedimentos do movimento; o que faz sempre grande mudança nas suas Leis; ferá para a semana : ide tendo hum pouco de paciencia.

Fim da Carta décima quinta.

C A R T A X V I .

Sobre os Embaraços do Movimento.

D E pois de tratar, Amigo Eugenio, das Leis do movimento, falta tratar dos Impedimentos que o retardaõ; porque todas quantas Leis se tem dado, ficaõ sujeitas ás excepçoens que nellas fazem as que agora daremos á cêrca dos impedimentos indispensaveis delle. Dois saõ elles ordinariamente, hum he o que chamaõ *Resistencia do Meio*, outro o que chamaõ do *Roçado*.

§ I.

Da Resistencia do Medio.

C Hamamos Resistencia do Meio a que faz qualquer fluido quando por meio delle atravessa o movel. Porque já se vê, que qualquer corpo se se move no ar, hade dividir o ar para passar por meio delle; e ha-
de

346 *Cartas Físico-Mathematicas*
de pôr em movimento parte deste
fluido para passar o movel : Ora isto
fucedo na agua, e em todos os mais
fluidos, quando algum corpo se move
por meio d'elle. Sobre esta materia
o que he de mais averiguado se re-
duz as seguintes Leis.

Lei I.

*A resistencia do meio he á pro-
porção da sua viscosidade.*

A Razaõ he, porque o movel
naõ pode atravessar qualquer
fluido sem o dividir ; ora quanto
mais custar a dividir, mais hade re-
sistir ao Movimento ; porém a visco-
sidade de hum fluido faz que as suas
partes se peguem com mais tenaci-
dade humas ás outras, e por isso
custaõ mais a dividir-se.

Lei II.

A Resistencia do Meio he á proporção da sua densidade.

T Ambem he facil o dar a razãõ desta Lei ; porque já vos preveni que o Movel não podia atravessar fluido algum sem pôr em movimento parte desse fluido, que deve ceder-lhe o lugar por onde vai passando : e quanto mais denso for o fluido mais particulas de materia quieta se haõ-de dezacomodar. Ora he bem claro que havendo resistencia da inertia em todo o corpo quieto, quanta mais materia se houver de pôr em movimento e dezacomodar para passar o movel, maior hade ser a Resistencia : e assim devemos ter por Lei que a Densidade do meio faz que seja maior a sua Resistencia.

Confirma-se com a experiencia. Pomos hum pendulo em huma vara de ferro , ou qualquer materia que não dobre, e façamos que a bola ou lentilha que faz as Oscilaçoens se

mo-

348 *Cartas Físico-Mathematicas*
movaõ humas vezes pelo ar , outras
pela agua , que he 700 vezes mais
densa que o ar ou pouco mais ; acha-
mos que faz 700 vezes menos osci-
laçoens na agua que no ar ; logo a
resistencia do meio segue a Razaõ
da Densidade della.

Lei III.

*A resistencia do meio he á pro-
porçaõ do volume do Solido
que por elle se move.*

P Onhamos exemplo e demos a
razaõ e a prova. Se carregar-
mos huma peça com huma bala de
páo , e outra do mesmo pêzo , mas
de chumbo ; a de páo hirá muito
perto , e a de chumbo muito mais
longe ; ora ambas levaõ igual força ,
por fer o mesmo impulso , logo da
resistencia do ar he que procede a
differença : A do páo para se mover
teve precizaõ de lançar fora do seu
lugar muita parte de ar , e á de
chumbo basta pouco ar que se di-
vida ou mova. Logo quanto maior
for

de Theodozio a Eugenio. 349
for o volume do corpo que se move, mais resistencia lhe hade fazer o Meio.

Lei IV.

A resistencia do Meio, se tudo o mais for igual, segue o Quadrado da velocidade do corpo que se move.

A Razaõ he porque o ar pela sua inertia resiste a quem o quer mover, conforme o quadrado da velocidade que lhe querem dar; logo nessa mesma proporçaõ, hade experimentar resistencia o movel.

Lei V.

A resistencia do meio segue a razãõ da superficie do Solido movel, principalmente da parte que divide o fluido.

A Razaõ he, porque ao passar o corpo Solido por entre o fluido necessariamente as particulas deste rossaõ pela superficie do Solido,
e en-

e entraõ nas suas cavidades ; o que sempre retarda o movimento. Ora quanto maior for a superficie , maior hade ser este rossado como logo diremos. Daqui vem que hum arratel de chumbo dividido em graõs naõ vai taõ longe como em huma só bala , ainda que sejaõ lançados juntamente pela mesma polvora ; porque todas as superficies dos graõs miudos tomadas por junto fomaõ muito mais que a da bala grande. Além da Geometria , a experiencia quotidiana o mostra. Tomai huma laranja , a sua superficie he a casca em quanto está inteira ; ora parti-a ; já aparecem duas superficies chatas , que naõ tem casca ; dividi-a em quartos , e depois em meios quartos , cada vez vai a faca fazendo novas superficies que o faõ além da casca ; logo quando hum globo se divide , quanto mais se divide mais crescem as superficies á proporçaõ.

Acrescentei que se deve attender particularmente a parte que divide o fluido , porque ha nos solidos huma figura mais propria do que

outras para dividilos. Daqui v em que as náos tem a prôa mais aguda que a popa, para dividir mais facilmente a agua.

De tudo o que está dito Eugenio se collige, que por muitos modos resiste o *Meio* a passagem do solido; e que não he facil calcular ao justo esta resistencia.

§ II.

*Da Resistencia que chamaõ
Roffado.*

QUando hum Solido se move, nem sempre atravessa simplesmente o ar ou outro fluido; tambem se arrastra por outro solido, de forte que rossaõ mutuamente as suas superficies. Porém ha duas castas de Roffado que nós chamamos do 1.º Genero, ou do 2.º.

O Roffado do 1.º genero he quando a mesma parte do movel vai correspondendo sucessivamente a diversas partes do outro corpo, como quando hum fardo vai pelo chaõ arrastado.

O

he quando hum corpo vai rolando pelo outro, como quando huma bola vai por hum plano lizo.

O Rossado do primeiro genero he muito mais forte que o do segundo, como a experiencia mostra. Se nós tiradas as rodas quizermos levar hum coche arrastrando, quanto mais custaria aos pobres cavalos? Em muitas partes se uza de huns carros sem rodas a que chamaõ alguns *zorras*, outros *Rastras*, que servem para levar ou fardos de fazenda ou pipas &c. e saõ como o leito de hum carro firmado sobre dois vigotes que saõ os que arrastraõ. A simplicidade deste carro que só tem huma corda atada ao jugo dos bois, he que faz a sua utilidade; serve para carga pequena, e os vigotes já puidos por se terem arrastrado sempre pela rua, com facilidade se deixaõ arrastar: porém havendo carga maior, he certo que as rodas aliviaõ muito por-to que fazem passar o Rossado do primeiro genero para o segundo.

Outra experiencia ha constante que

que prova o que acabo de dizer. Quando os Cocheiros vão descer alguma montanha apicada, para que o Coche não carregue demaziadamente sobre os Cavalos, mudaõ o rofado do segundo genero no primeiro, e ataõ muito bém ou huma ou ambas as rodas do Coche, de modo que não possãõ rodar, mas sómente ser arrastradas, o que elles chamaõ *enraiar*; com esta industria o Coche não pode precipitar-se, porque o pézo o faz hir arrastrando, e a isso ajudaõ os Cavalos; e tanto que chegaõ a baixo á planicie entãõ dezataõ as rodas para rodarem livremente.

Daqui mesmo se tira a razaõ de huma coiza em que muitos não advertem. Fora de Portugal os Carros ordinariamente tem rodas de raios como os Coches, que andaõ rodando á roda de eixos; em Portugal (exceto no Alentejo) as rodas estaõ prezas ao eixo, de sorte que o eixo rodando faz muito mais rezistencia nos carros do que fazem as rodas dos coches rodando sobre o eixo. A resistencia que fazem as rodas

dos

dos carros he incrivelmente maior do que nos coches, por cauza das rodas prezas ao eixo, porque o roffado he tanto maior quanto excede a grossura do eixo dos carros á grossura do eixo dos coches: e além disso; sendo as rodas foltas, quando o coche volta, huma roda pode andar mais depressa que a outra; e huma pode andar para diante, e outra para traz; o que não pode succeder nas rodas fixas no eixo. Por esta razão creio eu que pondo as rodas foltas, os mesmos bois poderão levar dobrada carga, se o eixo de ferro a consentir.

Vós estareis admirado de que sendo tão notoria a differença, nós uzemos de huns carros tão pouco commodos para os bois. Ora não he sem fundamento. Nos Paizes em que ha muitas descidas são os nossos carros milhores, porque a difficuldade do roffado no eixo impede que o carro se não precipite sobre os bois que descem; e essa difficuldade supre a diligencia de enraiaem as rodas como fazem os Cocheiros;

ora

ora Portugal he hum Paíz todo de montes (exceto o Alentejo) por isso cá uzamos destes carros de rodas fixas nos eixos : em França quazi tudo he plano , e os outros carros de rodas soltas faõ mais commodos. Vamos agora ás Leis do Rossado do 1.º genero , que he o de que se falla.

Lei I.

A resistencia do Rossado cresce na razão do pézo ou pressão que oprime o corpo movel contra o fixo.

A Razão he ; porque não sendo os dois corpos Mathematicamente lizos quando hum corpo se arrastra pelo outro as prominencias do movel entraõ e encaixaõ nas cavidades do plano ; e em quanto não sahem , ou subindo pelo montezinho que se segue , ou arrasando-o , não pode o movel seguir a sua linha : Ora quanto maior for o pézo do movel , mais se enterraõ as suas prominencias nas cavidades do plano ,

e mais custa levantar o movel para subir pelos montezinhos ou promi-
nencias do plano que a cada passo
se offerecem ; logo quanto maior
for o pèzo do movel ou pressaõ con-
tra o plano , maior he a resistencia
do Rossado.

Daqui vem que com o cebo se
diminue muito este rossado ; porque
enche as cavidades , e a superficie
escabroza o fica menos ; além dis-
so as particulas do cebo , como pe-
quenos globos vaõ rolando , e fa-
zem em pequeno o que , quando se
arrastraõ as pedras , fazem os rolos.
Para transportar sem perigo pèzos
grandes e de feitio delicado como
saõ estatuas de pedra &c. uzaõ de
taboas lizas e cebo , fazendo escor-
regar a taboa que serve de leito á
estatua pela outra que está sobre o
terreno. Vamos a ver se esta resis-
tencia segue exactamente a razaõ do
Pèzo.

Experiencia.

Ponhamos hum Cilindro horizontal, cujo eixo montado sobre duas forquilhas, tenha huma vara de ferro com seu pendulo. As oscilaçoens fazem andar o eixo, para huma e para outra parte: prego huma fita em baixo, e lançando-a sobre o Cilindro lhe penduro ora hum pêzo, ora outro maior; e observe quantas oscilaçoens faz o Cilindro, largando-o sempre de huma altura. Observa-se bastantemente exacto o numero das oscilaçoens corresponder ao pêzo, com ordem inverſa; isto he que, pêzo dobrado dá metade das oscilaçoens.

Lei II.

A resistencia do Rossado mui pouco se augmenta pela razão da superficie.

Prova-se com a experiencia; porque se na maquina precedente ora ponho huma fita larga, ora estre-

treita , se o pêzo he o mesmo , o numero das oscilaçoens não diminue notavelmente. A razão he , porque se he maior o numero de particulas que rossaõ , sendo o pêzo o mesmo , reparte-se por maior numero , e fica menor a força com que cada qual opprime a superficie.

Lei III.

pequenas , e menos retardadaõ ; em muitas voltas , em quanto somente huma ; aumenta o numero de tempo , mais

vezes por ser a movel falta minencias , e resistencia exacta o Rossado.

Eugenio o que resistencia do , e sobre as falando geral- que eu vos ex- dereis dezejar sa-

vimento por serem quanto maiores saõ me porque he precizo daretas á roda do seu eixo as rodas grandes daõ se e quanto mais se augm ro de voltas no mesmo se augmenta a velocidade

Advirto que ás ve velocidade grande , o em claro muitas pro por isso não cresce a r ctamente quanto cresce

Eis-aqui amigo B me ocorre sobre a Meio , e do Rossado Leis da Mecanica , f mente. Não espereis q plique tudo quanto po

Lei VI.

*A resistencia do Rossado, cresce
segundo a Velocidade.*

E Sta Lei he muito importante, e tambem muito clara ; porque se custa arrastar hum movel por hum plano , fazendo que elle dentro de hum minuto encontre mil prominencias na escabrosidade do plano , e as vença ; muito mais hade custar , que esse mesmo movel , nesse mesmo tempo encontre , e vença duas mil : ora se arrastarem o movel com dobrada velocidade , hade encontrar dobrado numero de prominencias ; por conseguinte , sendo a velocidade dupla , hade ser dupla tambem a resistencia do Rossado.

Confirma-se pela experiencia. Ponhamos o Cilindro horizontal que montado sobre duas forquilhas , trabalha por virtude do pendulo anexo ao seu eixo , façamos-lhe hum rego fundo , deforma que fique em metade da grossura , e lancemos a
fi-

fita com o pezo, de que falamos affima (pag. 357.) ora sobre o Cilindro grosso, ora sobre esse rego fundo. Veremos que quanto mais delgado for o Cilindro opprimido pela fita, maior he o numero das vibraçoens, por ser o Rossado menor.

Daqui vem que as rodas pequenas dos coches retardão muito o movimento por serem pequenas, e quanto maiores são menos retardão; porque he preciso darem muitas voltas á roda do seu eixo, em quanto as rodas grandes daõ sómente huma; e quanto mais se augmenta o numero de voltas no mesmo tempo, mais se augmenta a velocidade.

Advirto que ás vezes por ser a velocidade grande, o movel salta em claro muitas prominencias, e por isso naõ cresce a resistencia exactamente quanto cresce o Rossado.

Eis-aqui amigo Eugenio o que me occorre sobre a resistencia do Meio, e do Rossado, e sobre as Leis da Mecanica, falando geralmente. Naõ espereis que eu vos explique tudo quanto podereis dezejar

sa-

de Theodozio a Eugenio. 361

faber , porque isso he impossivel ,
ainda que fossem volumes muito
grandes as minhas Cartas ; porém
do que eu vos tenho dito , podeis
tirar regras geraes , para discorrer
em tudo quanto encontrardes.

Continuarei nesta communicacão
passado algum intervalo , que agora
bem sabeis o motivo para descançar
alguns mezes ; porém espero que as
minhas Cartas vão tocando todos os
pontos principaes que vos faltaraõ.
Sabei amigo que nada me he mais
gustozo , como semeiar em bom ter-
reno ; e cuido que o vosso entendi-
mento produz fructos admiraveis
com o pouco trabalho que tomo :
ferve-me de consolação o que vós
chamais diligencia enfadonha. Não
me priveis das vossas Cartas , ainda
que vos conste da minha grande li-
da ; que sempre me são suaves e gos-
tozas.

Fim do 2.º Tomo.



Faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the page. The text is arranged in approximately 20 horizontal lines.

